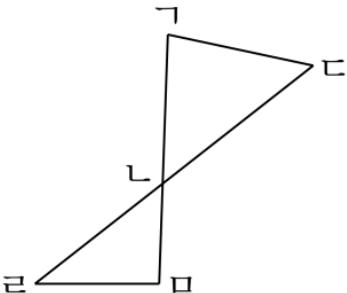


1. 삼각형 $\triangle ABC$ 에서 변 BC 과 변 AC 의 길이가 같고, 삼각형 $\triangle ACD$ 에서 각 $\angle ADC$ 은 38° 이고, 각 $\angle CAD$ 은 92° 입니다. 각 $\angle BCA$ 은 몇 도인지 구하시오.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$ °

▷ 정답 : 80°

해설

삼각형 $\triangle ACD$ 에서

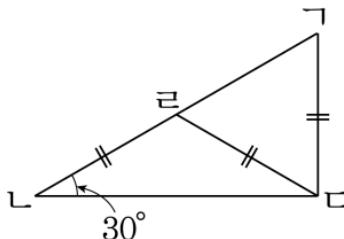
$$(각 \angle ADC) = 180^\circ - 38^\circ - 92^\circ = 50^\circ$$

각 $\angle CAD$ 와 각 $\angle ADC$ 은 마주보는 각이므로 50° 로 같다.

삼각형 $\triangle ABC$ 이 이등변삼각형이므로

$$(각 \angle BCA) = 180^\circ - (50^\circ \times 2) = 80^\circ$$

2. 다음 도형에서 삼각형 $\text{ㄱ} \text{ㄹ} \text{ㄷ}$ 과 삼각형 $\text{ㄹ} \text{ㄴ} \text{ㄷ}$ 은 이등변삼각형입니다.
각 $\text{ㄱ} \text{ㄷ} \text{ㄹ}$ 의 크기를 구하시오.



▶ 답 : 60°

▷ 정답 : 60°

해설

이등변삼각형의 두 각의 크기는 같으므로, 각 $\text{ㄴ} \text{ㄷ} \text{ㄹ}$ 의 크기는 30° 입니다.

$$(\text{각 } \text{ㄴ} \text{ㄹ} \text{ㄷ}) = 180^\circ - (30^\circ + 30^\circ) = 120^\circ,$$

$$(\text{각 } \text{ㄱ} \text{ㄹ} \text{ㄷ}) = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ,$$

$$\text{따라서 } (\text{각 } \text{ㄷ} \text{ㄱ} \text{ㄹ}) = (\text{각 } \text{ㄱ} \text{ㄹ} \text{ㄷ}) = 60^\circ,$$

$$(\text{각 } \text{ㄱ} \text{ㄷ} \text{ㄹ}) = 180^\circ - 120^\circ = 60^\circ$$

3. 철사 30 cm를 남김없이 사용하여 세 변의 길이가 다음과 같은 이등변 삼각형을 만들려고 합니다. 만들 수 없는 것은 어느 것인지 고르시오.

① 5 cm, 5 cm, 20 cm

② 10 cm, 10 cm, 10 cm

③ 12 cm, 12 cm, 6 cm

④ 9 cm, 9 cm, 12 cm

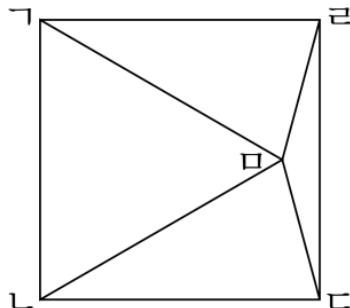
⑤ 8 cm, 8 cm, 14 cm

해설

삼각형에서 가장 긴 변의 길이는 나머지 두 변의 길이의 합보다 작습니다.

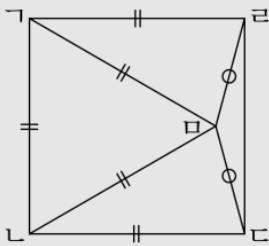
①의 경우 $20 > 5 + 5$ 이므로 삼각형이 만들어지지 않습니다.

4. 다음 그림에서 사각형 \square \square \square \square 은 정사각형이고, 삼각형 \triangle \square \square 은 정삼각형입니다. 이등변삼각형을 아닌 것은 어느 것입니까?



- ① 삼각형 \triangle \square \square
② 삼각형 \triangle \square \square
③ 삼각형 \triangle \square \square
④ 삼각형 \triangle \square \square
⑤ 삼각형 \triangle \square \square

해설



사각형 \square \square \square \square 이 정사각형이므로 $(변 \ ㄱ \ ㄴ) = (변 \ ㄴ \ ㄷ) = (변 \ ㄱ \ ㄹ)$ 이고

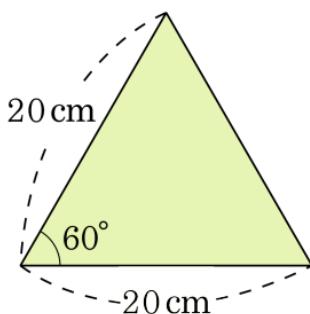
삼각형 \triangle \square \square 이 정삼각형이므로 $(변 \ ㄱ \ ㄴ) = (변 \ ㄱ \ ㅁ) = (변 \ ㄴ \ ㅁ)$ 입니다.

따라서 삼각형 \triangle \square \square 과 \triangle \square \square 이 이등변삼각형입니다.

또한 $(변 \ ㄹ \ ㅁ) = (변 \ ㄷ \ ㅁ)$ 이므로 삼각형 \triangle \square \square 도 이등변삼각형입니다.

정삼각형도 이등변삼각형이므로 삼각형 \triangle \square \square 도 이등변삼각형입니다.

5. 민호는 다음 그림과 같은 삼각형 모양의 색종이를 가지고 있습니다. 이 삼각형을 오려서 한 변의 길이가 5 cm인 정삼각형을 될 수 있는 대로 많이 만들려고 합니다. 몇 개를 만들 수 있는지 구하시오.



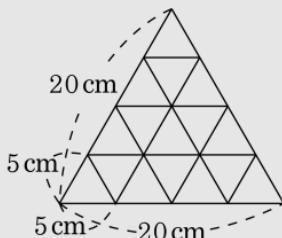
▶ 답 : 개

▷ 정답 : 16개

해설

한 변이 5 cm인 정삼각형을 만드려면 한변이 20 cm인 삼각형의 각 변을 4 등분하여 $20 \div 4 = 5(\text{cm})$

다음 그림과 같이 모두 16 개의 정삼각형을 만들 수 있습니다.



6. 길이가 315 cm인 종이테이프로 남는 부분 없이 크기가 같은 정삼각형을 만들어 15명에게 1개씩 나누어 주려고 합니다. 만든 정삼각형의 한 변의 길이를 구하시오.

▶ 답: cm

▶ 정답: 7cm

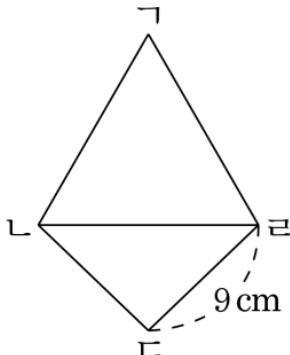
해설

15명에게 한 개씩 나누어 주므로 삼각형의 변의 수는 $15 \times 3 = 45$ (개)가 됩니다.

즉, 315 cm의 종이 테이프를 45개로 나누면 삼각형의 한 변의 길이를 구할 수 있습니다.

$$315 \div (15 \times 3) = 7(\text{ cm})$$

7. 세 변의 길이의 합이 31 cm 인 이등변삼각형 그림과 정삼각형 그림을 붙여서 사각형 그림을 만들었습니다. 사각형 그림의 네 변의 길이의 합은 몇 cm 입니까?



▶ 답 : cm

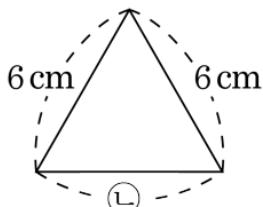
▷ 정답 : 44 cm

해설

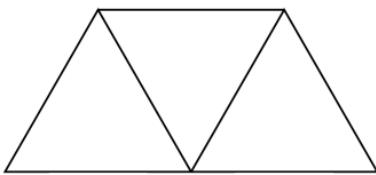
이등변삼각형 그림의 세 변의 길이의 합이 31 cm 이므로 선분 그림의 길이는 $31 - (9 + 9) = 13(\text{ cm})$ 입니다.

삼각형 그림은 정삼각형이므로 한 변의 길이는 13 cm 입니다. 따라서, 사각형 그림의 네 변의 길이의 합은 $13 + 9 + 9 + 13 = 44(\text{ cm})$ 입니다.

8. (가)의 이등변삼각형을 이어 붙여 (나)의 도형을 만들었습니다. (나)의 둘레의 길이는 (가)의 둘레의 길이보다 12 cm가 더 깁니다. \square 의 길이를 구하시오.



[가]



[나]

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 6cm

해설

$$(\text{가}) \text{의 둘레의 길이} : \square \times 3$$

$$(\text{나}) \text{의 둘레의 길이} : \square \times 5$$

$$\square \times 5 = \square \times 3 + 12$$

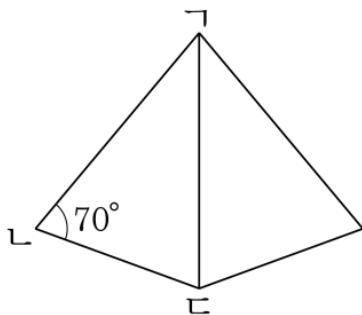
$$\square \times 5 - \square \times 3 = 12$$

$$\square \times 2 = 12$$

$$\square = 12 \div 2$$

$$\square = 6(\text{cm})$$

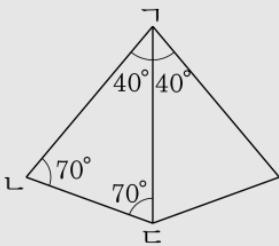
9. 한 개의 이등변삼각형을 다음 그림과 같이 이어 붙이려고 합니다.
이등변삼각형을 몇 개나 이어 붙어야 꼭짓점 Γ 에 모이는 각이 360° 가 되겠습니까?



▶ 답: 개

▷ 정답: 9 개

해설

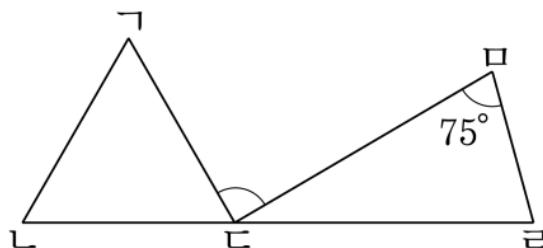


이등변삼각형이므로 $(각 \Gamma \Delta \Sigma) = (각 \Sigma \Delta \Gamma) = 70^\circ$ 이고 각 $\angle \Gamma \Sigma \Delta$ 은 $180^\circ - (70^\circ + 70^\circ) = 40^\circ$ 입니다.

따라서 각 $\angle \Gamma \Sigma \Delta$ 이 1개, 2개, 3개로 이어져 갈 때, 이루는 각은 $40^\circ, 80^\circ, 120^\circ, \dots$ 으로 증가하게 됩니다.

여기서 360° 가 되려면 40° 가 9개 모여 $40^\circ \times 9 = 360^\circ$ 가 됩니다.

10. 다음 도형에서 삼각형 $\triangle ABC$ 은 정삼각형이고, 삼각형 $\triangle CDE$ 은 이등변삼각형입니다. 각 $\angle ACD$ 의 크기를 구하시오.



▶ 답: 90°

▷ 정답: 90°

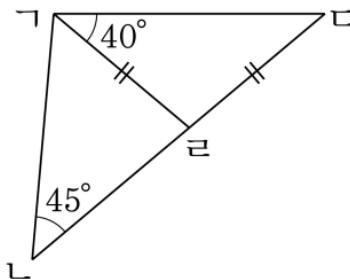
해설

삼각형 $\triangle ABC$ 에서 (각 $\angle A = \angle B = \angle C = 60^\circ$)

삼각형 $\triangle CDE$ 에서 (각 $\angle CED = \angle CDE = 75^\circ$) $= 180^\circ - 75^\circ - 75^\circ = 30^\circ$

\rightarrow (각 $\angle ACD = 180^\circ - 60^\circ - 30^\circ = 90^\circ$)

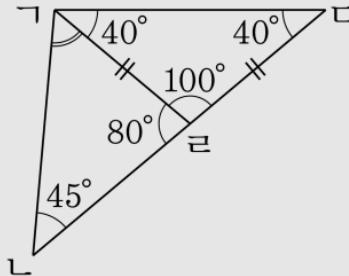
11. 그림의 삼각형 $\triangle ABC$ 은 둔각삼각형이고, 변 AB 의 길이는 변 AC 의 길이와 같습니다. 이 때, 각 $\angle B$ 의 크기를 구하시오.



▶ 답 : 55°

▷ 정답 : 55°

해설



삼각형 $\triangle ABC$ 에서 $(변 AB) = (변 AC)$ 이므로 이 삼각형은 이등변삼각형입니다.

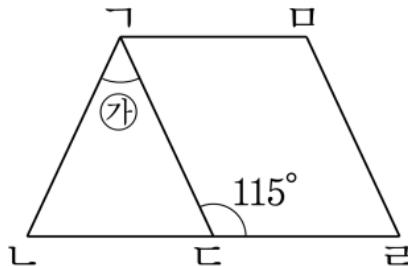
따라서 $(각 B) = 40^\circ$, $(각 C) = 100^\circ$ 이고

$(각 A) = 180^\circ - (각 B) = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ$ 입니다.

그러므로 삼각형 $\triangle ABC$ 의 각의 크기의 합이 180° 이므로

$(각 B) = 180^\circ - (45^\circ + 80^\circ) = 55^\circ$ 입니다.

12. 다음 도형에서 각 ⑨의 크기를 구하시오.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$

▷ 정답 : 50°

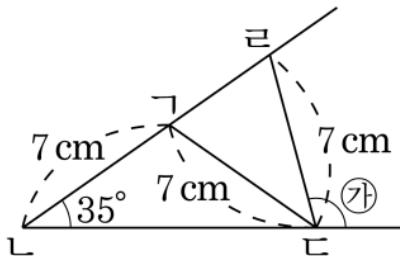
해설

$$\text{각 } ㄱ ㄷ ㄴ = 180^\circ - 115^\circ = 65^\circ$$

삼각형 ㄱ ㄴ ㄷ은 이등변삼각형이므로

$$\text{가} = 180^\circ - (65^\circ + 65^\circ) = 50^\circ$$

13. 다음 그림에서 각 ⑦의 크기를 구하시오.



▶ 답: $_{\text{ }}^{\circ}$

▷ 정답: 105°

해설

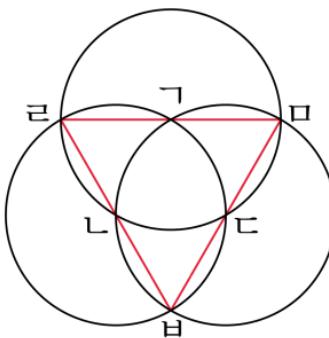
$$(\text{각 } \angle \text{ } \square) = 180^{\circ} - 35^{\circ} - 35^{\circ} = 110^{\circ}$$

$$(\text{각 } \square \text{ } \square \text{ } \text{ }) = (\text{각 } \square \text{ } \square \text{ } \text{ }) = 180^{\circ} - 110^{\circ} = 70^{\circ}$$

$$(\text{각 } \square \text{ } \square \text{ } \text{ }) = 180^{\circ} - 70^{\circ} - 70^{\circ} = 40^{\circ}$$

$$(\text{각 } ⑦) = 180^{\circ} - 35^{\circ} - 40^{\circ} = 105^{\circ}$$

14. 다음은 캠퍼스를 6cm만큼 벌려서 점 ㄱ, ㄴ, ㄷ을 원의 중심으로 하여 그린 것입니다. 그려진 삼각형 ㄹㅁㅂ의 둘레의 길이를 구하시오.



▶ 답 : cm

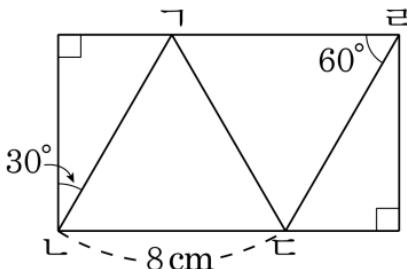
▷ 정답 : 36cm

해설

변 ㄱㄹ의 길이가 6cm이므로 삼각형 한 변의 길이는 12cm이고 삼각형 한 변의 길이가 원의 지름이므로 세 변의 길이가 같은 정삼각형입니다.

따라서 정삼각형 둘레의 길이는 $12 \times 3 = 36\text{ cm}$ 입니다.

15. 다음 그림과 같이 민수는 직사각형 모양의 종이를 선을 따라 잘라서 사각형 그림과 만들었습니다. 사각형 그림을 선분 그림을 따라 접었더니 완전히 겹쳐졌습니다. 민수가 만든 사각형의 둘레의 길이는 몇 cm 입니까?

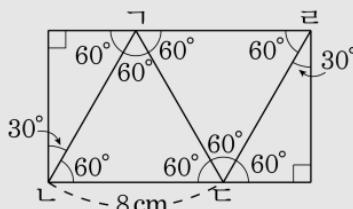


▶ 답 : cm

▷ 정답 : 32cm

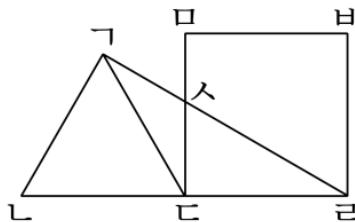
해설

삼각형 그림과 삼각형 그림은 한 변의 길이가 8 cm인 정삼각형입니다. 따라서, 사각형 그림의 네 변의 길이는 같습니다.



$$8 \times 4 = 32(\text{ cm})$$

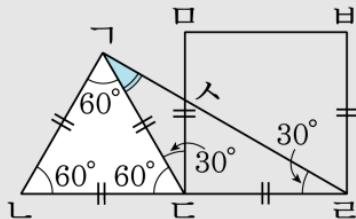
16. 그림에서 삼각형 $\triangle ABC$ 은 정삼각형이고, 사각형 $CDCE$ 은 정사각형입니다. 또한 변 CD 과 CE 의 길이가 같을 때, 각 $\angle AED$ 의 크기를 구하시오.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$ °

▷ 정답 : 30°

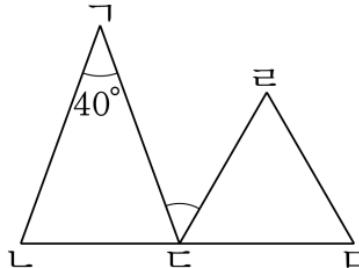
해설



정삼각형의 한 각은 60° 이므로 각 $\angle BCA$ 이 120° 입니다.

삼각형 $\triangle BCA$ 이 이등변삼각형이므로 (각 $\angle BCA$) = $(180^\circ - 120^\circ) \div 2 = 30^\circ$ 입니다.

17. 다음 도형에서 삼각형 ㄱㄴㄷ은 이등변삼각형이고, 삼각형 ㄹㄷㅁ은 정삼각형입니다. 각 ㄱㄷㄹ의 크기를 구하시오.



▶ 답 :

 °

▷ 정답 : 50°

해설

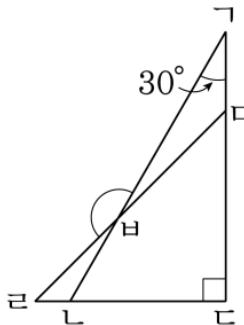
삼각형 ㄱㄴㄷ에서

$$(\text{각 } ㄱㄷㄴ) = (180^{\circ} - 40^{\circ}) \div 2 = 70^{\circ}$$

삼각형 ㄹㄷㅁ에서 (각 ㄹㄷㅁ) = 60° 이므로

$$(\text{각 } ㄱㄷㄹ) = 180^{\circ} - 70^{\circ} - 60^{\circ} = 50^{\circ} \text{입니다.}$$

18. 다음 그림에서 변 \overline{AD} 과 변 \overline{CD} 의 길이가 같을 때, 각 $\angle BAC$ 의 크기를 구하시오.



▶ 답 :

$\frac{\circ}{\circ}$

▷ 정답 : 165°

해설

$$(각 \angle BCA) = 180^\circ - 30^\circ - 90^\circ = 60^\circ$$

$$(각 \angle CAD) = (180^\circ - 90^\circ) \div 2 = 45^\circ$$

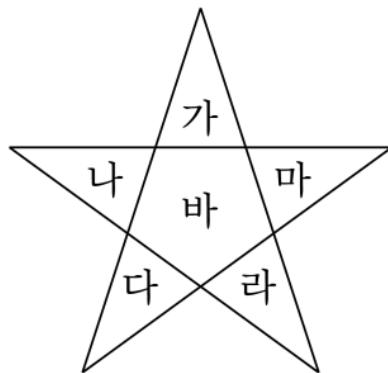
사각형 $ABCD$ 에서

$$(각 \angle BAC) = 360^\circ - 60^\circ - 90^\circ - 45^\circ = 165^\circ \text{ 이므로}$$

$$(각 \angle BCA) = 180^\circ - 165^\circ = 15^\circ,$$

$$(각 \angle BAC) = 180^\circ - 15^\circ = 165^\circ$$

19. 그림은 길이가 같은 선분 5 개로 만든 모양입니다. 예각삼각형은 몇 개입니까?



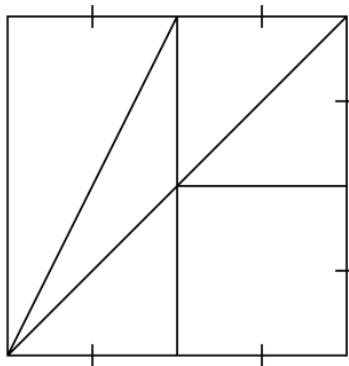
▶ 답 : 개

▷ 정답 : 5개

해설

가, 나, 다, 라, 마 → 5개

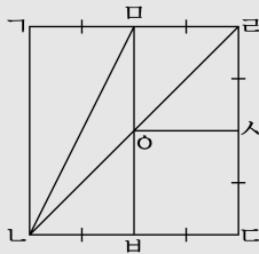
20. 보기는 정사각형을 몇 개의 부분으로 나눈 것입니다. 크고 작은 직각삼각형은 모두 몇 개입니까?



▶ 답 : 개

▷ 정답 : 7개

해설



삼각형 그나ㅁ, 삼각형 모나ㅂ, 삼각형 모ㅇㄹ, 삼각형 ㄹㅇㅅ,
삼각형 ㅇ나ㅂ, 삼각형 그나ㄹ, 삼각형 ㄹ나ㄷ