- 방정식 $x^3 x^2 + ax 1 = 0$ 의 한 근이 -1일 때, 상수 a의 값과 나머지 1. 두 근을 구하면?
 - ① $a = 3, 1 \pm \sqrt{2}$ ③ $a = 3, 1 \pm \sqrt{3}$
- $a = -3, 1 \pm \sqrt{3}$
- ⑤ $a = -1, 1 \pm \sqrt{2}$

x = -1이 근이므로 -1 - 1 - a - 1 = 0에서 a = -3인수정리와 조립제법을 이용하면 (좌변) = $(x+1)(x^2-2x-1) = 0$ $x^2-2x-1 = 0$ 의 근은 $1 \pm \sqrt{2}$

 $\therefore a = -3$, 나머지 근은 $1 \pm \sqrt{2}$

2. 연립방정식 $\begin{cases} x - 2y = 1 \\ xy - y^2 = 6 \end{cases}$ 의 해를 구하면 $x = p, \ y = q$ 또는 x = qr, y = s이다. p + q + r + s의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -1

 $\begin{cases} x - 2y = 1 & \cdots \bigcirc \\ xy - y^2 = 6 & \cdots \bigcirc \end{cases}$

 $y^2 + y - 6 = 0(y - 2)(y + 3) = 0$ $\therefore y = 2, -3$

©을 ©에 대입하여 정리하면

 $y=2,\;y=-3$ 을 \bigcirc 에 대입하면 각각 x = 5, x = -5

연립방정식 $\begin{cases} x^2 - 3xy + 2y^2 = 0 \\ x^2 + 2y^2 = 12 \end{cases}$ 을 만족하는 x, y에 대하여 x + y값이 될 수 <u>없는</u> 것은?

① $3\sqrt{2}$ **④** −4

해설

2 4

 $3 -3\sqrt{2}$

 \bigcirc $4\sqrt{2}$

 $x^2 - 3xy + 2y^2 = 0$ (x-y)(x-2y) $\Rightarrow (x - y)(x - 2y) = 0$ $\Rightarrow x = y \stackrel{\leftarrow}{=} x = 2y$ i) x = y $x^2 + 2y^2 = 3x^2 = 12$ $x = \pm 2 \implies y = \pm 2$ ii) x = 2y $x^2 + 2y^2 = 6y^2 = 12$ $y = \pm \sqrt{2} \implies x = \pm 2\sqrt{2}$ $x + y = (4, -4, 3\sqrt{2}, -3\sqrt{2})$ 4. 연립부등식 $\begin{cases} x+3>-1 \\ 6-4x\geq 3-x \end{cases}$ 의 해를 수직선 위에 옳게 나타낸 것은?

②
④ 1
⑤ 4
⑤ 4 $x+3>-1 \to x>-4$ $6-4x\geq 3-x \to x\leq 1$

 $\therefore -4 < x \le 1$

5. 연립부등식 $\begin{cases} 3(x-1) \ge 2 + 4(2x-5) \\ 2(3-2x) < -x + 10 \end{cases}$ 을 만족하는 양의 정수 x 의 개소는 2개수는?

① 1 개 ② 3 개 ③ 5 개 ④ 6 개 ⑤ 7 개

i) $3(x-1) \ge 2 + 4(2x-5) \Rightarrow x \le 3$

ii) $2(3-2x) < -x + 10 \Rightarrow x > -\frac{4}{3}$ 연립부등식의 해는 $-\frac{4}{3} < x \le 3$ 이므로, 이를 만족하는 양의 정수 *x* 의 개수는 1, 2, 3 의 3 개이다.

6. 두 개의 부등식 $\frac{4x-1}{5} \le \frac{x+1}{2}$, $\frac{3x+1}{3} > \frac{x-1}{2}$ 를 동시에 만족하는 정수는?

① 0, 1

②−1, 0, 1, 2 ④ -1, 0, 1, 2, 3

③ -1, 0, 2, 3 \bigcirc -2, -1, 0, 1, 2

i) $\frac{4x-1}{5} \le \frac{x+1}{2}$ 의 양변에 분모의 최소공배수인 10 을 곱해주 $\Rightarrow 2(4x-1) \le 5(x+1) \Rightarrow x \le \frac{7}{3}$

따라서 $-\frac{5}{3} < x \le \frac{7}{3}$ 을 만족하는 정수는 -1, 0, 1, 2 이다.

ii) $\frac{3x+1}{3} > \frac{x-1}{2}$ 의 양변에 분모의 최소공배수인 6 을 곱해주 $\Rightarrow 2(3x+1) > 3(x-1) \Rightarrow x > -\frac{5}{3}$

7. 원 $x^2 + y^2 - 4x + 6y - 1 = 0$ 과 같은 중심을 갖고, 점 (1, 2) 를 지나는 원의 반지름을 r 이라 할 때, r^2 의 값을 구하여라.

답:▷ 정답: 26

V 00. 2

7 11

준 식에서 $(x-2)^2 + (y+3)^2 = 14$ 이므로 중심은 (2, -3) 이다. 구하는 원의 반지름을 r라 하면 $(x-2)^2 + (y+3)^2 = r^2$ 이고, 이 원이 점 (1, 2) 를 지나므로 $(1-2)^2 + (2+3)^2 = r^2$ ∴ $r^2 = 26$

.. 7 = 20

- **8.** 방정식 $x^2 + y^2 + 2ax + 2by + c = 0$ 으로 나타내어지는 원이 y 축에 접할 조건은?
- ① $b^2 = c$ ② $c^2 = b$ ③ $a^2 = c$
- (4) $c^2 = a$ (5) b = 2c

y 축과의 공유점을 구하는 식은 x = 0 으로부터

 $y^2 + 2by + c = 0$ y 축에 접할 조건은 $D/4 = b^2 - c = 0$

9. 원 $x^2 + y^2 = 4$ 에 접하고 기울기가 1인 접선의 방정식은 $y = x \pm ($ 이어다. ()안의 값을 구하면?

① $\sqrt{2}$ ② $2\sqrt{2}$ ③ $3\sqrt{2}$ ④ $4\sqrt{2}$ ⑤ $5\sqrt{2}$

직선과 원이 접하면 원의 중심에서 직선에 이르는 거리는 반지

름과 같다. y = x + k라 하면

 $\frac{|k|}{\sqrt{1^2 + 1^2}} = 2, \ k = \pm 2\sqrt{2}$

 $\therefore \quad y = x \pm 2\sqrt{2}$

10. 직선 3x + y - 5 = 0을 x축 방향으로 1만큼, y축 방향으로 n만큼 평행이동하면 직선 3x + y - 1 = 0이 된다. 이 때, n의 값을 구하여라.

답:

➢ 정답: -7

x축 방향으로 1, y축 방향으로 n만큼 평행이동하므로

직선 3x + y - 5 = 0에 x 대신 x - 1, y 대신 y - n을 대입하면 3(x - 1) + (y - n) - 5 = 0 3x + y - n - 8 = 0 ····· ① ①이 3x + y - 1 = 0과 일치하므로 -n - 8 = -1 \therefore n = -7

- ${f 11.}$ 점 (3,4)를 y축, x축, 원점에 대하여 대칭이동하는 것을 순서에 관계 없이 임의로 반복할 때, 좌표평면 위에 나타나지 않는 점은?
 - (4,3) (3,4)
- - ① (3,-4) ② (-3,4) ③ (-3,-4)

x축대칭은 y의 부호를 반대로, y축대칭은 x의 부호를 반대로,

해설

원점대칭은 x, y부호를 각각 반대로 해주면 된다.

- **12.** 부등식 |x-1| < k+1이 성립하는 실수가 x가 존재하기 위한 실수 k 값의 범위는?
 - ① k > -1 ② $k \ge -1$ ③ k < 0 ④ k < 1
 - 해설

|x-1| < k+1에서 $|x-1| \ge 0$ 이므로 x가 존재하기 위해서는 k+1 > 0이어야 한다. 따라서 k > -1

13. 모든 실수 x에 대하여 $x^2 + px + p$ 가 -3보다 항상 크기 위한 정수 p의 최댓값을 구하면?

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설 $x^2 + px + p > -3$

 $x^{2} + px + (p+3) > 0$ $D = p^{2} - 4(p+3) = p^{2} - 4p - 12 < 0$

(p-6)(p+2)<0-2

:. 최대정수 : 5

14. 부등식 $ax^2 + 5x + b > 0$ 을 풀어서 2 < x < 3 이라는 해가 구해졌다. 이 때, ab 의 값을 구하여라.

답:

➢ 정답: ab = 6

 $ax^2 + 5x + b > 0 \quad \cdots \quad \bigcirc$

해설

해가 2 < x < 3 이 되는 이차부등식은 (x-2)(x-3) < 0 전개하면 $x^2 - 5x + 6 < 0$ ······ © ①과 일차항의 계수를 맞추기위해 양변에 -1 을 곱하면 $-x^2 + 5x - 6 > 0$ ····· © ① ① 인치해야 하므로 a = -1 , b = -6

①,ⓒ이 일시해야 하므로 a

15. 연립이차부등식 $\begin{cases} x^2 - 5x \le 0 \\ (x+1)(x-a) > 0 \end{cases}$ 의 해가 $2 < x \le 5$ 이 되도록 a의 값을 구하여라.

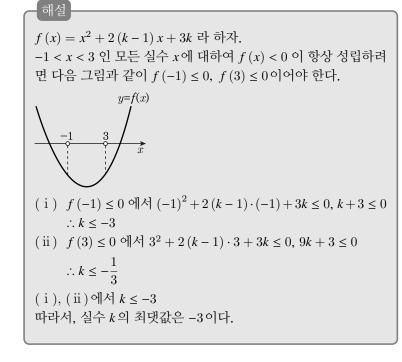
▶ 답: ▷ 정답: 2

첫 번째 부등식을 풀면 $x^2 - 5x = x(x - 2)$ $0.0 \le x \le 5 \cdots 0$ 또, 두 번째 부등식은 조건을 만족하기 위해서 *a* > -1 이어야 한다. $\therefore x < -1, x > a \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot 2$ ①, ②를 동시에 만족하는 해가 $2 < x \le 5$ 이므로 a의 값은 2이다.

16. -1 < x < 3인 모든 실수 x에 대하여 이차부등식 $x^2 + 2(k-1)x + 3k < 0$ 이 항상 성립하도록 하는 실수 k의 최댓값을 구하여라.

답:

▷ 정답: -3



17. 평행이동 $f:(x, y) \to (x+a, y+4)$ 에 의해 원 $x^2+y^2=1$ 을 이동 하였더니 원점에서 원의 중심까지의 거리가 5 가 되었다. 이 때, 양수 a 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 3

평행이동 $f:(x, y) \rightarrow (x+a, y+4)$ 는

x 축의 방향으로 a 만큼, y 축의 방향으로 4 만큼 평행이동하는 것이므로 원 $x^2 + y^2 = 1$ 을 평행이동하면 원의 중심 (0, 0) 은 (a, 4) 로 옮겨진다.

이 때, 두 점 (0, 0) 과 (a, 4) 의 거리가 5 이므로 $\sqrt{a^2 + 4^2} = 5$

위의 식의 양변을 제곱하면 $a^2 + 16 = 25$, $a^2 = 9$

그런데 a > 0 이므로 a = 3

18. 원 $(x-8)^2 + (y-1)^2 = 4$ 을 직선 y = 2x에 대하여 대칭이동 시킨 도형의 방정식이 $(x+a)^2 + (y+b)^2 = 4$ 일 때, a+b의 값은?

<u>1</u> –3

② -1 ③ 1 ④ 4 ⑤ 7

원 중심을 y = 2x 에 대해 대칭시킨다. 대칭된 점을 O'(-a, -b) 이라고 할 때 $\overline{OO'}$ 은 y=2x 에 수직하고 $\overline{OO'}$ 의 중점은 y=2x 위에 있다.

$$\Rightarrow \frac{-b-1}{-a-8} \times 2 = -1 \Rightarrow a+2b = -10\cdots ①$$

$$\Rightarrow \frac{-b+1}{2} = 2 \times \frac{(-a+8)}{2} \Rightarrow 2a-b = 15\cdots ②$$
두 식을 연립하면 $a=4,\ b=-7$

 $\therefore a+b=-3$

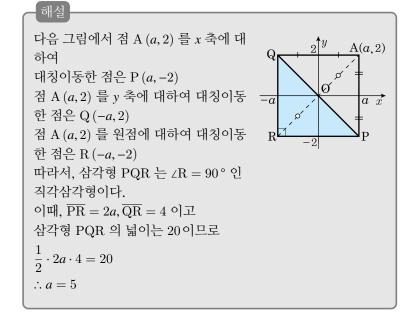
19. 포물선 $y = x^2 - 2x$ 를 $f: (x, y) \rightarrow (x - a, y - 1)$ 에 의하여 평행이동한 곡선과 직선 y = 2x 와의 두 교점이 원점에 대하여 대칭일 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

 답:

 ▷ 정답: 2

 $y = x^2 - 2x$ 를 주어진 조건에 의하여 평행이동하면 $(y + 1) = (x + a)^2 - 2(x + a)$ $y = x^2 + (2a - 2)x + a^2 - 2a - 1$ 이 곡선이 직선 y = 2x 와 접하므로 y 에 2x 를 대입하여 정리하면 $x^2 + (2a - 4)x + a^2 - 2a - 1 = 0$ 이고 이 방정식의 두 근이 두 교점이 된다. 두 교점의 x좌표를 x_1 , x_2 라 하면 $x_1 + x_2 = -(2a - 4)$ $\frac{x_1 + x_2}{2} = \frac{-(2a - 4)}{2} = 0$ 이므로 a 의 값은 a **20.** 점 A (a, 2) 를 x 축, y 축, 원점에 대하여 대칭이동한 점을 각각 P,Q,R 라고 할 때, 삼각형 PQR 의 넓이는 20 이다. 이 때, 양수 a 의 값은?

① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7



- **21.** 원 $(x+1)^2 + (y-1)^2 = 9$ 을 점 (4, 2)에 대하여 대칭이동한 원의

 - **4** (3, 3) **5** (8, 4)
 - ① (4, 2) ② (9, 3) ③ (5, 1)

해설 중심을 대칭이동했다고 보면 된다.

구하려는 중심을 (a, b) 라 하면 $(x+1)^2 + (y-1)^2 = 9$ 의 중심(-1, 1)과 구하려는 중심 (a, b)의 중점은 (4, 2) 따라서 두 중심의 중점인

 $\left(\frac{a-1}{2}, \ \frac{b+1}{2}\right) = (4, \ 2)$

$$\therefore a = 9, b = 3$$

22. 점 A(1, 2)를 직선 4x - 2y - 5 = 0에 대하여 대칭이동한 점을 B라 할 때, 선분 AB의 길이를 구하여라.

▶ 답:

_ _._

▷ 정답: √5

점 A(1, 2)를 직선 4x - 2y - 5 = 0에 대하여

대칭이동한 점을 B(a, b)라 하면, $\overline{\mathrm{AB}}$ 의 중점 $\left(\frac{1+a}{2}, \frac{2+b}{2}\right)$ 가

직선 4x - 2y - 5 = 0위에 있으므로

 $4 \cdot \frac{1+a}{2} - 2 \cdot \frac{2+b}{2} - 5 = 0$

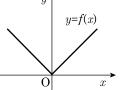
∴ 2a - b = 5 ··· ①
 또한, 직선 AB와 직선 4x - 2y - 5 = 0 이

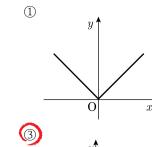
수직이므로 $\frac{b-2}{a-1} \times 2 = -1$

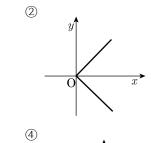
∴ a+2b=5 ··· □
 ¬, □을 연립하여 풀면 a=3, b=1

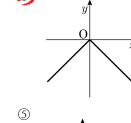
 $\begin{array}{c} \therefore B(3, 1) \\ \therefore \overline{AB} = \sqrt{(3-1)^2 + (1-2)^2} = \sqrt{5} \end{array}$

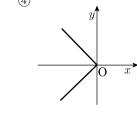
23. 함수 y = f(x) 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중 y = -f(-x) 의 그래프의 개형으로 옳은 것 은?

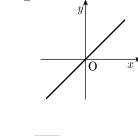


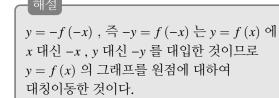












따라서, y = -f(-x) 의 그래프의 개형으로 옳은 것은 ③이다.

- **24.** 다음 중 원 $x^2 + y^2 + 2x 4y + 4 = 0$ 을 평행이동하여 겹쳐질 수 있는 원의 방정식은?
 - ① $x^2 + y^2 = \frac{1}{2}$ ② $x^2 + y^2 = 1$ ③ $x^2 + \left(y \frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{2}$ ④ $(x+1)^2 + y^2 = 2$ ⑤ $(x+1)^2 + (y-1)^2 = \frac{1}{4}$

평행이동하여 겹쳐질 수 있으려면

반지름의 길이가 같아야 한다. $x^2+y^2+2x-4y+4=0 \ \text{에서} \ (x+1)^2+(y-2)^2=1$ 따라서 겹쳐질 수 있는 원의 방정식은 반지름의 길이가 1인 ②이다.

25. 다음 세 개의 방정식이 공통근을 가질 때, ab의 값은?

$$x^{3} + x^{2} - 5x + 3 = 0, \ x^{3} + 2x^{2} + ax + b = 0, x^{2} + bx + a = 0$$

① -1

해설

 $x^3 + x^2 - 5x + 3 = 0$ 의 좌변을 인수분해하면 $(x - 1)^2(x + 3) =$ 0∴ x = 1또는 x = -3 $\left(i \right)$ 공통근이 x=1인 경우 나머지 두 방정식에 x=1을 대입

하면 두 식을 동시에 만족하는 a, b값은 없다. (ii) 공통근이 x=-3인 경우 다른 두 방정식은 x=-3을 근으

로 하므로 $\{-27+18-3a+b=0\}$ ······ $\{9 - 3b + a = 0\} \cdots \bigcirc$

①, \bigcirc 을 연립하여 풀면 $a=-\frac{9}{4},\;b=\frac{9}{4},\;ab=-\frac{81}{16}$

- **26.** 계수가 실수인 사차방정식 $x^4 + 2x^3 + ax^2 + bx + 15 = 0$ 의 한 근이 1+2i일 때, 나머지 세 근 중 실근의 합은?
 - $\bigcirc -4$ 2 -3 3 0 4 3 5 4

두 허근은 1+2i , 1-2i 나머지 두 실근을 α,β 라 하면

네 근의 합 : $(1+2i) + (1-2i) + \alpha + \beta = -2$ \therefore 두 실근의 합 : $\alpha + \beta = -4$

27. 연립방정식 $\begin{cases} x^2 - 3xy - 2y^2 = 8 \cdot \dots \cdot \bigcirc \\ xy + 3y^2 = 1 & \dots \cdot \bigcirc \end{cases}$ 의 근 x, y를 구할 때, x + y의 값을 모두 구하면?

① $-\frac{7}{2}$, -1, 1, $\frac{7}{2}$ ② $-\frac{7}{2}$, $\frac{7}{2}$ ③ -1, 1
④ $-\frac{7}{2}$, 1 ⑤ 1, $\frac{7}{2}$

 $\bigcirc - \bigcirc \times 8$ $\bigcirc \times 8$ $x + 2y = 0 \cdot \cdots \bigcirc$

 $x - 13y = 0 \cdot \cdots \cdot \textcircled{a}$

①, ©에서 $y^2 = 1$

∴ y = ±1, x = ∓2(복호동순)
 ⑥, ②에서 16y² = 1

 $\therefore y = \pm \frac{1}{4}, \ x = \pm \frac{13}{4} (\stackrel{\dot{}}{-} \bar{x} \stackrel{\dot{}}{-} \stackrel{\dot{}}{-}} \stackrel{\dot{}}{-} \stackrel$

- **28.** 부등식 $[x-1]^2 + 3[x] 3 < 0$ 의 해는? (단, [x]는 x보다 크지 않은 최대의 정수이다.)

 - ① $-2 \le x < 1$ ② $-2 \le x < 0$
- $\bigcirc 3 -1 \le x < 1$

해설

 $4 -1 \le x < 0$ $5 0 \le x < 2$

x-1=A라 하면 x=A+1

 $\therefore [A]^2 + 3[A+1] - 3 = [A]^2 + 3[A] + 3 - 3 < 0$

[A]([A] + 3) < 0 : -3 < [A] < 0

 $-2 \le A < 0$: $-2 \le x - 1 < 0$ 이므로

 $-1 \le x < 1$

- 29. 모든 내각의 크기가 180° 보다 작은 육각형의 각 변의 길이가 10, 2, 2, 1, 2x, y 일 때, x² + y² 의 최솟값은? (단, x, y 는 자연수)
 - ① 2 ② 6 ③ 8 ④ 9 ⑤ 13

다각형의 결정조건에 의해 2x + y > 5 x, y 는 자연수이므로, x = 2, y = 2 일 때 최소가 된다. $\therefore x^2 + y^2 = 8$

해설

30. 두 정점 A(-1, 0), B(2, 0) 으로부터 거리의 비가 1:2 인 점 P 에 대하여 다음 <보기> 중 옳은 것을 <u>모두</u> 고르면?

보기

⑤ △PAB 의 넓이의 최댓값은 3 이다.

© ∠PBA 의 최대 크기는 60° 이다.

© 점 P 의 자취의 길이는 4π 이다.

 \bigcirc $\textcircled{4} \ \textcircled{\square}, \textcircled{\square} \qquad \qquad \textcircled{5} \ \textcircled{\neg}, \textcircled{\square}, \textcircled{\square}$

② ①, □

 $\bigcirc \bigcirc, \bigcirc$

두 정점 A(-1, 0), B(2, 0) 으로부터 거리의

비가 1:2인 점 P의 자취는 (0,0) 과 (-4,0) 을 지름의 양 끝으로 하는 원이다. 따라서 이 원은 $(x+2)^2 + y^2 = 4$ 로

나타낼 수 있다. 삼각형 밑변의 길이가 정해져있으므로 높이가 최대일 때 삼각형의 넓이도 최대가 된다.

따라서 원의 반지름인 2 가 높이일 때의 넓이인 3 이 최댓값이다.

∠PBA 의 최대 크기는 점 P 가 원에 접할 때이므로 sin(∠PBA)=

 $\frac{2}{2-(-2)}=\frac{1}{2}\,\mathrm{od}\,\mathrm{A}$

 $\angle PBA = 30^{\circ}$ 점 P 의 자취의 방정식은 $(x+2)^2 + y^2 = 4$ 이므로

둘레의 길이는 4π 이다

31. 점 (3, 3) 에서 원 $x^2 + y^2 + 4x - 2y + 1 = 0$ 에 그은 접선의 길이는?

① 5 ② $\sqrt{26}$ ③ 6 ④ $\sqrt{37}$ ⑤ 7

준식에서 $(x+2)^2 + (y-1)^2 = 2^2$ 이므로 중심이 (-2, 1) 반지름의 길이가 2 인 원이다. $\overline{PT}^2 = \overline{PA}^2 - \overline{AT}^2$ $= (3+2)^2 + (3-1)^2 - 2^2$ = 25 $\therefore \overline{PT} = 5$ **32.** 네 변의 길이는 서로 다른 자연수이고, $\overline{AB}=9$, $\overline{CD}=7$, $\angle BAD=$ $\angle BCD = 90$ °이 사각형 ABCD가 있다. 대각선 BD의 길이를 t라 할 때, t^2 의 값을 구하면?



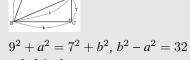
① 83

285

③ 87 ④ 120 ⑤ 130

 $\overline{\mathrm{AD}}=a,\,\overline{\mathrm{BC}}=b,\,\overline{\mathrm{BD}}=t$ 라 할 때,

해설



(자연수이므로, b > a)(b-a)(b+a)=32 ⇒ 부정방정식

b > a이므로

b-a, b+a 모두 자연수이므로, 곱이 32가 되는 수의 조합은

 $1 \times 32 = 32, 2 \times 16 = 32, 4 \times 8 = 32, \cdots$

b-a=4, b+a=8일 때 조건이 성립하므로, a = 2, b = 6이다.

b + a = 16, b - a = 2일 때도 성립하나, 서로 다른 자연수 조건에 위배하므로,

 $\therefore t^2 = 9^2 + 2^2 = 81 + 4 = 85$

33. 학생 수가 50 명인 어느 반의 반장 선거에 A, B, C 세 사람이 출마하였다. 중간 개표 결과 A 는 16 표, B 는 7 표, C 는 10 표를 얻었을 때, A 가 나머지 표 중 최소 몇 표를 얻어야 당선이 확정되는지 구하여라.

 ■

 □
 정답: 6 표

해설

중간 개표 수는 16+7+10=33 (표) 이므로 남은 표는 50-33=17 (표) 이다. A 가 반장이 되기 위해 접전이 펼쳐질 때를 생각하면 2 등인 C 와 경쟁할 때이고, A 가 x 표를 얻었다고 가정하면 그로부터 A 가 얻게 되는 표의 수의 합이 나머지 (17-x) 표를 모두 C 가 없는 경과보다도 마이면 무조건 A 는 바자이로 성출되다.

언는 결과보다도 많으면 무조건 A 는 반장으로 선출된다. 즉, 16 + x > 10 + (17 - x)∴ $x > \frac{11}{2}$

.. ^ 2 따라서 A 가 당선이 확정되기 위해서는 최소 6 표를 더 얻어야

한다. _____ **34.** 두 이차함수 $f(x) = x^2 - x + 2a + 1$, $g(x) = 2x^2 - ax + 3a$ 에 대하여 f(x) > g(x)를 만족하는 실수 x가 존재하도록 a의 값의 범위를 정하 면 $a < \alpha$ 또는 $a > \beta$ 이다. 이 때, 두 상수 α , β 의 곱 $\alpha\beta$ 의 값은? (단, $\alpha < \beta$ 이다,)

① -5

해설

- ② -1 ③ 0
- **4** 1



f(x) > g(x) 이므로 $x^2 - x + 2a + 1 > 2x^2 - ax + 3a$

 $x^2 - (a-1)x + (a-1) < 0$ 위의 부등식을 만족하는 *x* 의 값이 존재하려면

이차방정식 $x^2-(a-1)x+(a-1)=0$ 의 판별식을 D라 할 때, D > 0 이어야 하므로 D = $(a-1)^2-4(a-1)>0$

(a-1)(a-5) > 0

∴ a < 1 또는 a > 5 따라서 $\alpha=1,\;\beta=5$ 이므로 $\alpha\beta=5$

35. 점 O 를 지나는 직선이 좌표평면 위의 원 C 와 두 점 A, B 에서 만날 때, OA · OB 의 값이 일정함을 다음과 같이 증명하였다.
 ②→, ④→, ⑥ 에 알맞은 것을 차례로 적으면?

원점 O을 지나는 직선의 방정식을 $y = mx \cdots \odot$ 원 C의 방정식을 $(x - a)^2 + y^2 = r^2$ $(a > O, r > O) \cdots \odot$ 라 하자 $(x - a)^2 + a^2 - a^2 + a^2 + a^2 - a^2 + a^2 + a^2 - a^2 + a^2$

 $\frac{a^2 - r^2}{1 - m^2}$, $1 - m^2$, $|a^2 - r^2|$ $\frac{a^2 - r^2}{1 + m^2}$, $1 + m^2$, $|a^2 - r^2|$ $\frac{a^2 - r^2}{1 - m^2}$, $2(1 - m^2)$, $2|a^2 - r^2|$ $\frac{a^2 - r^2}{1 + m^2}$, $2(1 + m^2)$, $2|a^2 - r^2|$ $\frac{a^2 - r^2}{1 + m^2}$, $r(1 + m^2)$, $r|a^2 - r^2|$

ⓒ에서 근과 계수와의 관계에서

 $\alpha\beta = \frac{a^2 - r^2}{1 + m^2}$ $\frac{A(\alpha, m\alpha), B(\beta, m\beta) \cap \Box \Xi}{OA \cdot OB} = \sqrt{\alpha^2 + (m\alpha)^2} \cdot \sqrt{\beta^2 + (m\beta)^2}$ $= (1 + m^2)|\alpha\beta| = |a^2 - r^2|$