

1. 준수는 친구네 집에 가는 데 전체 거리의 $\frac{6}{12}$ 은 기차로, 전체 거리의 $\frac{3}{12}$ 는 버스로, 나머지는 걸어서 갔습니다. 준수가 기차를 타고 간 거리는 걸어서 간 거리의 몇 배인지 구하시오.

▶ 답:

배

▷ 정답: 2배

해설

걸어서 간 거리는

$$\left\{1 - \left(\frac{6}{12} + \frac{3}{12}\right)\right\} = \frac{3}{12} \text{입니다.}$$

따라서 $\frac{6}{12}$ 은 $\frac{3}{12}$ 의 2배입니다.

2. 민상이는 할머니네 집에 가는 데 전체 거리의 $\frac{7}{15}$ 은 버스를 타고, 전체 거리의 $\frac{3}{15}$ 는 걸어서 갔습니다. 할머니네 집까지 전체 거리는 남은 거리의 몇 배인지 구하시오.

▶ 답: 배

▷ 정답: 3배

해설

남은 거리는

$$\left\{1 - \left(\frac{7}{15} + \frac{3}{15}\right)\right\} = \frac{5}{15} \text{입니다.}$$

따라서 $\frac{15}{5}$ 는 $\frac{5}{15}$ 의 3배입니다.

3. 유진이는 길이가 1m인 텁실 3개를 이어 묶어서 원 모양을 한 개 만들었습니다. 매듭을 한 번 묶는 데에 텁실을 $\frac{1}{6}$ m 사용하였다면, 만들어진 원 모양의 둘레의 길이는 몇 m 입니까?

▶ 답: m

▷ 정답: $2\frac{3}{6}$ m

해설

매듭은 3번 묶어야 하므로 만들어진 원 모양의 길이는 텁실 3개의 길이에서 매듭 3개를 만드는데 사용한 텁실의 길이를 빼면 됩니다.

$$(1 + 1 + 1) - \left(\frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6} \right) = 3 - \frac{3}{6} = 2\frac{6}{6} - \frac{3}{6} \\ = 2\frac{3}{6}(\text{m})$$

4. 철수는 길이가 2m인 리본끈 4개를 묶어서 원 모양을 한 개 만들었습니다. 매듭을 한 번 묶는 데에 리본끈이 $\frac{2}{8}$ m 사용하였다면, 만들어진 원 모양의 둘레의 길이는 몇 m 입니까?

▶ 답: m

▷ 정답: 7m

해설

매듭은 4번 묶어야 하므로 만들어진 원 모양의 길이는 리본끈 4개의 길이에서 매듭 4개를 만드는데 사용한 리본끈의 길이를 빼면 됩니다.

$$\begin{aligned}(2 + 2 + 2 + 2) - \left(\frac{2}{8} + \frac{2}{8} + \frac{2}{8} + \frac{2}{8}\right) &= 8 - \frac{8}{8} \\ &= 8 - 1 \\ &= 7(m)\end{aligned}$$

5. 다음과 같이 규칙적으로 늘어놓은 분수들의 합을 구하시오.

$$1\frac{1}{11} + 2\frac{2}{11} + \cdots + 9\frac{9}{11} + 10\frac{10}{11}$$

▶ 답:

▷ 정답: 60

해설

$$\begin{aligned} & 1\frac{1}{11} + 2\frac{2}{11} + \cdots + 9\frac{9}{11} + 10\frac{10}{11} \\ &= (1 + 2 + \cdots + 9 + 10) + \left\{ \frac{(1+2+\cdots+9+10)}{11} \right\} \\ &= 55 + \frac{55}{11} = 55 + 5 = 60 \end{aligned}$$

6. 다음과 같이 규칙적으로 늘어놓은 분수들의 합을 구하시오.

$$1\frac{3}{55}, 2\frac{6}{55}, 3\frac{9}{55}, \dots, 9\frac{27}{55}, 10\frac{30}{55}$$

▶ 답:

▷ 정답: 58

해설

주어진 분수의 자연수 부분은 1 쪽 커지고
분자 부분은 3 쪽 커지는 규칙이 있습니다.
(자연수 부분의 합) = $1 + 2 + \dots + 9 + 10$

$$= 11 \times 5 = 55$$

(분자부분의합)

$$= 3 + 6 + 9 + \dots + 24 + 27 + 30$$

$$= 33 \times 5 = 165$$

$$1\frac{3}{55} + 2\frac{6}{55} + \dots + 9\frac{27}{55} + 10\frac{30}{55}$$

$$= 55 + \frac{165}{55} = 55 + 3 = 58$$

7. 영민이는 자전거로 한 시간에 $4\frac{4}{9}$ km 를 간다고 합니다. 같은 빠르기로 3시간 30분 동안 간다면 영민이가 간 거리는 몇 km 입니까?

▶ 답 : km

▷ 정답 : $15\frac{5}{9}$ km

해설

$$4\frac{4}{9} = \frac{40}{9} = \frac{20}{9} + \frac{20}{9} \text{ 이므로}$$

30분동안 간 거리는 $\frac{20}{9} = 2\frac{2}{9}$ (km) 입니다.

따라서 3시간 30분동안 간 거리는

$$\begin{aligned} 4\frac{4}{9} + 4\frac{4}{9} + 4\frac{4}{9} + 2\frac{2}{9} &= 14 + \frac{14}{9} = 14 + 1\frac{5}{9} \\ &= 15\frac{5}{9} (\text{km}) \end{aligned}$$

8. 성환이는 자전거로 한 시간에 $6\frac{2}{10}$ km 를 간다고 합니다. 같은 빠르기로 2시간 30분 동안 간다면 성환이가 간 거리는 몇 km 입니까?

▶ 답 : km

▷ 정답 : $15\frac{5}{10}$ km

해설

$$6\frac{2}{10} = \frac{62}{10} = \frac{31}{10} + \frac{31}{10} \text{ 이므로}$$

30분동안 간 거리는 $\frac{31}{10} = 3\frac{1}{10}$ (km) 입니다.

따라서 2시간 30분동안 간 거리는

$$6\frac{2}{10} + 6\frac{2}{10} + 3\frac{1}{10} = 15 + \frac{5}{10} = 15\frac{5}{10} (\text{km})$$

9. 어떤 수에 $2\frac{1}{13}$ 을 더해야 할 것을 빼었더니 $5\frac{6}{13}$ 이 되었습니다. 바르게 계산한 결과와 $7\frac{5}{13}$ 의 차는 얼마인지 구하시오.

① $8\frac{9}{13}$ ② $11\frac{12}{13}$ ③ $4\frac{7}{13}$ ④ $2\frac{3}{13}$ ⑤ $1\frac{6}{13}$

해설

$$(\text{어떤 수}) - 2\frac{1}{13} = 5\frac{6}{13},$$

$$(\text{어떤 수}) = 5\frac{6}{13} + 2\frac{1}{13} = 7\frac{7}{13}$$

$$\text{바르게 계산한 결과 : } 7\frac{7}{13} + 2\frac{1}{13} = 9\frac{8}{13}$$

$$9\frac{8}{13} - 7\frac{5}{13} = 2\frac{3}{13}$$

10. $1\frac{3}{9}$ 에 어떤 분수를 더하였더니 $4\frac{8}{9}$ 이 되었습니다. 어떤 분수와 $1\frac{8}{9}$ 의 차는 얼마인지 구하시오.

① $5\frac{6}{9}$ ② $2\frac{5}{9}$ ③ $3\frac{5}{9}$ ④ $1\frac{8}{9}$ ⑤ $1\frac{6}{9}$

해설

어떤 분수를 \square 라고 하면,

$$1\frac{3}{9} + \square = 4\frac{8}{9}$$

$$\square = 4\frac{8}{9} - 1\frac{3}{9} = 3\frac{5}{9} \text{입니다.}$$

$$3\frac{5}{9} - 1\frac{8}{9} = 2\frac{14}{9} - 1\frac{8}{9} = 1\frac{6}{9}$$

11. 하루에 $\frac{6}{5}$ 분씩 늦게 가는 시계가 있다. 5일 정오에 정확한 시계의 시각보다 5분 빠르게 맞추어 놓았다면, 8일 정오에 이 시계가 가리키는 시각은 정확한 시각보다 얼마나 빠르겠는지 구하시오.

▶ 답 : 분

▷ 정답 : $1\frac{2}{5}$ 분

해설

8일 정오는 5일 정오로부터 3일 후의 시각이므로

$$5 - \left(\frac{6}{5} + \frac{6}{5} + \frac{6}{5} \right) = 5 - \frac{18}{5} = 4\frac{5}{5} - 3\frac{3}{5}$$

$$= 1\frac{2}{5} \text{ (분) 빠릅니다.}$$

12. 아래 빈 칸에 $\frac{1}{5}, \frac{2}{5}, \frac{3}{5}, \dots, \frac{15}{5}, \frac{16}{5}$ 까지의 16 개 분수를 한 번씩 넣어 가로, 세로, 대각선에 있는 네 수의 합이 모두 $\frac{34}{5}$ 가 되도록 하려고 합니다. 다음 중 ②에 들어갈 수는 어느 것인지 구하시오.

$\frac{16}{5}$	$\frac{2}{5}$	$\frac{3}{5}$	
	$\frac{11}{5}$		$\frac{8}{5}$
	$\frac{5}{5}$		$\frac{12}{5}$
$\frac{9}{5}$		(②)	
$\frac{4}{5}$	$\frac{14}{5}$		

① $\frac{1}{5}$ ② $\frac{6}{5}$ ③ $\frac{11}{5}$ ④ $\frac{13}{5}$ ⑤ $\frac{15}{5}$

해설

가로 빈 칸에 들어갈 분수를 구하면 ② 칸에 들어갈 분수를 구할 수 있습니다.

세로 두번째 줄의 빈 칸을 구하면

$$= \frac{34}{5} - \frac{2}{5} - \frac{11}{5} - \frac{14}{5} = \frac{7}{5}$$

(② 칸에 들어갈 분수)

$$= \frac{34}{5} - \frac{9}{5} - \frac{7}{5} - \frac{12}{5} = \frac{6}{5}$$

13. 사과 4개를 바구니에 담아 무게를 재어 보았더니 $3\frac{7}{9}$ kg이었고, 사과 2개를 빼고 무게를 재어 보았더니 $2\frac{6}{9}$ kg이었습니다. 사과 1개의 무게와 바구니의 무게는 각각 몇 kg인지 구하시오.

- ① (사과 1개) $\frac{3}{9}$ kg, (바구니) $\frac{7}{9}$ kg
- ② (사과 1개) $\frac{3}{9}$ kg, (바구니) $1\frac{5}{9}$ kg
- ③ (사과 1개) $\frac{5}{9}$ kg, (바구니) $\frac{7}{9}$ kg
- ④ (사과 1개) $\frac{5}{9}$ kg, (바구니) $1\frac{5}{9}$ kg
- ⑤ (사과 1개) $\frac{8}{9}$ kg, (바구니) $\frac{7}{9}$ kg

해설

$$(\text{사과 2 개의 무게}) = 3\frac{7}{9} - 2\frac{6}{9} = 1\frac{1}{9} (\text{kg})$$

사과 1 개의 무개는 $1\frac{1}{9}$ kg 의 반이므로 $\frac{5}{9}$ kg 입니다.

$$(\text{바구니 무게}) + (\text{사과 2 개의 무개}) = 2\frac{6}{9} \text{ 이므로}$$

$$(\text{바구니 무개}) = 2\frac{6}{9} - 1\frac{1}{9} = 1\frac{5}{9} (\text{kg})$$

14. 어느 약수터의 물은 6분 동안 나오는 후 3분 동안 나오지 않는다고 합니다. 물이 1분에 $\frac{1}{3}$ L씩 나오고, 오전 7시부터 물을 받기 시작했다면 오전 11시까지 몇 L의 물을 받을 수 있는지 구하시오.

▶ 답:

L

▷ 정답: 54L

해설

물을 받은 시간은
 $11 - 7 = 4$ (시간) = 240(분)이고,
물이 6분 동안 나오는 후 3분 동안 나오지 않으므로,
물이 나오는 후 다시 물이 나오기까지는 9분이 걸립니다.
 $240 \div 9 = 26\cdots 6$ 로 9분 동안 물이 나오는 횟수는 6분씩 26회이고,
나머지 6분도 다시 물이 나오는 시간이 됩니다.

우선 1분에 $\frac{1}{3}$ L의 물이 나오므로 6분 동안 나오는 물의 양은

$$\frac{1}{3} \times 6 = \frac{6}{3} = 2(L)$$
입니다.

$$(받은 물의 양) = (2 \times 26) + \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3} \right) = 52 +$$

$$\frac{6}{3} = 52 + 2 = 54(L)$$

15. 아버지께서 자동차에 남아 있는 휘발유의 양을 재어보니 $4\frac{4}{8}$ L였습니다. 오늘 운전하시는 동안 남아 있는 휘발유의 $\frac{3}{4}$ 을 쓴 후, 주유소에서 휘발유 $12\frac{7}{8}$ L를 더 넣었다면 자동차에 들어 있는 휘발유는 몇 L입니다?

▶ 답: L

▷ 정답: 14L

해설

휘발유의 $\frac{3}{4}$ 을 사용하였으므로 처음에 자동차에 남아있는 휘발유의 양을 1이라 하면 오늘 운전하고 남은 휘발유는 전체의 $\frac{1}{4}$ 입니다.

$$4\frac{4}{8} = \frac{36}{8} = \frac{9}{8} + \frac{9}{8} + \frac{9}{8} + \frac{9}{8} \text{ 이므로 운전하신 후}$$

남아 있는 휘발유의 양은 $\frac{9}{8} = 1\frac{1}{8}$ (L)입니다.

따라서 자동차에 들어 있는 휘발유의 양은

$$1\frac{1}{8} + 12\frac{7}{8} = 13\frac{8}{8} = 14(\text{L}) \text{입니다.}$$

16. 어머니께서 쌀통에 있는 쌀의 양을 재어보니 $8\frac{8}{16}$ kg 이었습니다. 오늘 사용한 쌀의 양은 전체의 $\frac{1}{4}$ 을 사용하였고, 쌀통에 쌀을 $\frac{12}{16}$ kg 를 더 채워 넣었다면 쌀통에 들어있는 쌀의 양은 몇 kg 입니까?

▶ 답: kg

▷ 정답: $7\frac{2}{16}$ kg

해설

쌀의 $\frac{1}{4}$ 을 사용하였으므로 처음 쌀통에 남아있는 쌀의 양은 1

이라 하면 오늘 사용하고 남은 쌀의 양은 처음 쌀의 $\frac{3}{4}$ 입니다.

$8\frac{8}{16} = 2\frac{2}{16} + 2\frac{2}{16} + 2\frac{2}{16} + 2\frac{2}{16}$ 이므로 사용하고 남은 쌀의 양은

$8\frac{8}{16} - 2\frac{2}{16} = 6\frac{6}{16}$ (kg) 입니다.

따라서 $6\frac{6}{16} + \frac{12}{16} = 6 + \frac{18}{16} = 7\frac{2}{16}$ (kg) 입니다.

17. 지은, 해수, 송이 세 사람의 키를 재었습니다. 지은이와 해수의 키의 합은 $4\frac{1}{6}$ m, 지은이와 송이의 키의 합은 $4\frac{4}{6}$ m, 해수와 송이의 키의 합은 $4\frac{3}{6}$ m입니다. 세 사람의 키의 합을 구하시오.

▶ 답: m

▷ 정답: $6\frac{4}{6}$ m

해설

$$(\text{지은이의 키}) + (\text{해수의 키}) = 4\frac{1}{6} \text{ m}$$

$$(\text{지은이의 키}) + (\text{송이의 키}) = 4\frac{4}{6} \text{ m}$$

$$(\text{해수의 키}) + (\text{송이의 키}) = 4\frac{3}{6} \text{ m}$$

이므로 3개의 식을 모두 더하면

$$\{(\text{지은이의 키}) + (\text{해수의 키}) + (\text{송이의 키}) \} \times 2$$

$$= 4\frac{1}{6} + 4\frac{4}{6} + 4\frac{3}{6} = 12\frac{8}{6} \text{ (m)}$$

세 사람의 키의 합의 2배가 $12\frac{8}{6}$ m,

$$12\frac{8}{6} = 6\frac{4}{6} + 6\frac{4}{6} \text{ 이므로}$$

세 사람의 키의 합은 $6\frac{4}{6}$ m입니다.

18. 민정, 영미, 수진 세 사람의 키를 재었습니다. 민정이와 영미의 키의 합은 $3\frac{2}{7}$ m, 민정이와 수진이의 키의 합은 $3\frac{1}{7}$ m, 영미와 수진이의 키의 합은 $3\frac{4}{7}$ m입니다. 이 때, 민정이의 키를 구하시오.

▶ 답: m

▷ 정답: $1\frac{3}{7}$ m

해설

$$(\text{민정이의 키}) + (\text{영미의 키}) = 3\frac{2}{7}(\text{m})$$

$$(\text{민정이의 키}) + (\text{수진이의 키}) = 3\frac{1}{7}(\text{m})$$

$$(\text{영미의 키}) + (\text{수진이의 키}) = 3\frac{4}{7}(\text{m})$$

이므로 3개의 식을 모두 더하면

$$\{(\text{민정이의 키}) + (\text{영미의 키}) + (\text{수진이의 키})\}$$

$$\times 2 = 3\frac{2}{7} + 3\frac{1}{7} + 3\frac{4}{7} = 9\frac{7}{7} = 10(\text{m})$$

세 사람의 키의 합의 2배가 10 m 이므로

세 사람의 키의 합은 5 m입니다.

$$(\text{민정이의 키}) + (\text{영미의 키}) + (\text{수진이의 키}) = 5(\text{m}) \text{ 이고,}$$

$$(\text{영미의 키}) + (\text{수진이의 키}) = 3\frac{4}{7}(\text{m}) \text{ 이므로}$$

$$(\text{민정이의 키}) = 5 - 3\frac{4}{7} = 4\frac{7}{7} - 3\frac{4}{7} = 1\frac{3}{7}(\text{m})$$

19. 분모가 17인 세 진분수 \textcircled{A} , \textcircled{B} , \textcircled{C} 가 있습니다. 세 분수의 합은 $1\frac{10}{17}$ 이고, 세 분수의 분자는 \textcircled{A} 가 \textcircled{B} 보다 $\frac{2}{17}$ 가 작고, \textcircled{B} 도 \textcircled{C} 보다 $\frac{2}{17}$ 가 작다고 합니다. $\textcircled{B} + \textcircled{C} - \textcircled{A}$ 의 값을 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{13}{17}$

해설

$$\begin{aligned}\textcircled{A} &= \frac{\textcircled{1}}{17}, \quad \textcircled{B} = \frac{\textcircled{2}}{17}, \quad \textcircled{C} = \frac{\textcircled{3}}{17} \\ \frac{\textcircled{1}}{17} + \frac{\textcircled{2}}{17} + \frac{\textcircled{3}}{17} &= \frac{\textcircled{1} + \textcircled{2} + \textcircled{3}}{17} = 1\frac{10}{17} = \frac{27}{17} \\ \textcircled{1} + \textcircled{2} + \textcircled{3} &= 27 \\ \textcircled{1} = \textcircled{2} - 2 &\rightarrow \textcircled{2} = \textcircled{1} + 2 \\ \textcircled{2} = \textcircled{3} - 2 &\rightarrow \textcircled{3} = \textcircled{2} + 2 = \textcircled{1} + 4 \\ \textcircled{1} + \textcircled{2} + \textcircled{3} &= 27 \\ \textcircled{1} + (\textcircled{1} + 2) + (\textcircled{1} + 4) &= 27 \\ \textcircled{1} + \textcircled{1} + \textcircled{1} + 6 &= 27 \\ \textcircled{1} + \textcircled{1} + \textcircled{1} &= 21 \\ \textcircled{1} = 7, \quad \textcircled{2} = 9, \quad \textcircled{3} &= 11 \\ \textcircled{A} &= \frac{7}{17}, \quad \textcircled{B} = \frac{9}{17}, \quad \textcircled{C} = \frac{11}{17} \\ \text{따라서 } \textcircled{B} + \textcircled{C} - \textcircled{A} &= \frac{9}{17} + \frac{11}{17} - \frac{7}{17} = \frac{13}{17} \text{입니다.}\end{aligned}$$

20. 분모가 11인 세 분수 \textcircled{A} , \textcircled{B} , \textcircled{C} 가 있습니다.

세 분수의 합은 $2\frac{5}{11}$ 이고, 세 분수의 분자는 \textcircled{A} 가 \textcircled{B} 보다 1 크고, \textcircled{B} 가 \textcircled{C} 보다 1 크다고 합니다.

$\textcircled{A} + \textcircled{B} - \textcircled{C}$ 의 값을 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{7}{11}$

해설

$$\textcircled{A} = \frac{\textcircled{1}}{11}, \textcircled{B} = \frac{\textcircled{2}}{11}, \textcircled{C} = \frac{\textcircled{3}}{11}$$

$$\frac{\textcircled{1}}{11} + \frac{\textcircled{2}}{11} + \frac{\textcircled{3}}{11} = \frac{\textcircled{1} + \textcircled{2} + \textcircled{3}}{11} = 2\frac{5}{11} = \frac{27}{11}$$

$$\textcircled{1} + \textcircled{2} + \textcircled{3} = 27$$

$$\textcircled{1} = \textcircled{2} + 1 \rightarrow \textcircled{2} = \textcircled{1} - 1$$

$$\textcircled{2} = \textcircled{3} + 1 \rightarrow \textcircled{3} = \textcircled{2} - 1 \rightarrow \textcircled{3} = \textcircled{1} - 2$$

$$\textcircled{1} + \textcircled{2} + \textcircled{3} = 27$$

$$\textcircled{1} + (\textcircled{1} - 1) + (\textcircled{1} - 2) = 27$$

$$\textcircled{1} + \textcircled{1} - 1 + \textcircled{1} - 2 = 27$$

$$3\textcircled{1} - 3 = 27$$

$$\textcircled{1} = 10$$

$$\textcircled{2} = \frac{10}{11}, \textcircled{3} = \frac{9}{11}, \textcircled{1} = \frac{8}{11}$$

$$\text{따라서 } \textcircled{1} + \textcircled{2} - \textcircled{3} = \frac{9}{11} + \frac{8}{11} - \frac{10}{11} = \frac{7}{11} \text{입니다.}$$