

1. 다음 그림과 같은 정사각형의 넓이는?

- ① 16      ② 20      ③ 26  
④ 32      ⑤ 52



2. 두 점 A(-1, -2), B(2, 4)에 대하여  $\overline{AB}$  를 1 : 2로 내분하는 점을 P,  
1 : 2로 외분하는 점을 Q라고 할 때,  $\overline{PQ}$ 의 길이를 구하면?

- ①  $\frac{1}{3}$       ②  $\frac{2}{3}$       ③  $\frac{\sqrt{5}}{3}$       ④  $2\sqrt{5}$       ⑤  $4\sqrt{5}$

3.  $\triangle ABC$ 의 세 꼭짓점의 좌표가  $A(-1, -2)$ ,  $B(2, 5)$ ,  $C(7, 3)$ 으로 주어질 때, 각 변의 중점을 꼭지점으로 하는 삼각형의 무게중심의 좌표는?

①  $G\left(\frac{4}{3}, 1\right)$       ②  $G\left(\frac{7}{3}, \frac{2}{3}\right)$       ③  $G\left(2, \frac{8}{3}\right)$

④  $G\left(\frac{8}{3}, 1\right)$       ⑤  $G\left(\frac{8}{3}, 2\right)$

4. 세 점 A(1, 2), B(2, -3), C(4, 5)를 꼭짓점으로 하는  $\triangle ABC$ 에 대하여  
여 점 A를 지나고,  $\triangle ABC$ 의 넓이를 이등분하는 직선의 방정식은?

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \quad y = -\frac{1}{2}x + \frac{5}{2} & \textcircled{2} \quad y = \frac{1}{2}x + 5 & \textcircled{3} \quad y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2} \\ \textcircled{4} \quad y = \frac{1}{2}x + \frac{3}{2} & \textcircled{5} \quad y = \frac{1}{2}x + \frac{5}{2} & \end{array}$$

5. 세 점 P (-1, -1), Q (1, 1), R (0, 1)을 지나는 원의 방정식을 구하  
면?

- ①  $x^2 + y^2 - x + y - 2 = 0$       ②  $x^2 + y^2 - 2x + 3y - 4 = 0$   
③  $x^2 + y^2 + x - 4y - 5 = 0$       ④  $x^2 + y^2 + 3x - y - 1 = 0$   
⑤  $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 2 = 0$

6. A(-2, 3), B(4, 3)에서 같은 거리에 있는  $x$ -축 위의 점 P의 좌표를 구하면?

- ① (-2, 0)
- ② (-1, 0)
- ③ (0, 0)
- ④ (1, 0)
- ⑤ (2, 0)

7. 직선  $y = x$  위에 있고, 두 점 A(1, 6), B(2, -1)에서 같은 거리에 있는  
점의 좌표를  $(a, b)$ 라 할 때,  $a + b$ 의 값은?

①  $\frac{8}{3}$       ②  $\frac{10}{3}$       ③  $\frac{12}{3}$       ④  $\frac{14}{3}$       ⑤  $\frac{16}{3}$

8. 세 점  $A(2, -3)$ ,  $B(-1, 0)$ ,  $C(1, 2)$ 을 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC는 어떤 삼각형인가?

- ① 정삼각형
- ②  $\overline{AB} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형
- ③  $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형
- ④  $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형
- ⑤  $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형

9. 두 점  $A(2, -1)$ ,  $B(6, 3)$ 에서 같은 거리에 있는  $x$ 축 위의 점을  $P$ ,  $y$ 축 위의 점을  $Q$ 라 할 때,  $\triangle OPQ$ 의 외심의 좌표를  $(x, y)$ 라 할 때,  $x + y$ 의 값을 구하여라.(단,  $O$ 는 원점)

▶ 답: \_\_\_\_\_

10.  $O(0, 0)$ ,  $A(1, 2)$ ,  $B(3, 2)$  일 때, 평행사변형  $OABC$ 의 넓이를 구하  
면?

▶ 답: \_\_\_\_\_

11. 세 점  $O(0,0)$ ,  $A(3,6)$ ,  $B(6,3)$  와 선분  $AB$  위의 점  $P(a,b)$ 에 대하여 삼각형  $OAP$ 의 넓이가 삼각형  $OBP$ 의 넓이의 2배일 때,  $a-b$ 의 값은?

① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 6

12. 두 점  $A(1, 5)$ ,  $B(5, 3)$ 에 대하여  $\overline{AP^2} + \overline{BP^2}$ 의 값이 최소가 되는 점  $P$ 의 좌표는?

- ① (4, 5)      ② (3, 4)      ③ (2, 3)  
④ (1, 2)      ⑤ (0, 1)

13. 좌표평면 위에 점  $O(0, 0)$ ,  $A(a, b)$ ,  $B(2, -1)$  이 있다. 이때,  
 $\sqrt{a^2 + b^2} + \sqrt{(a-2)^2 + (b+1)^2}$  의 최솟값을 구하면?

① 1      ② 2      ③  $\sqrt{5}$       ④ 3      ⑤  $\sqrt{10}$

14. 세 직선  $l_1 : ax + y + 2 = 0$ ,  $l_2 : bx - 3y - 3 = 0$ ,  $l_3 : (b+2)x + y - 2 = 0$ 이 있다.  $l_1$ 과  $l_2$ 가 서로 수직이고  $l_1$ 과  $l_3$ 가 서로 평행할 때,  $a^2 + b^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

15. 직선  $(5+3k)x + (k-2)y - 4k - 3 = 0$  ( $\underline{\underline{k}}$ )의 값에 관계없이 한 정점을 지닌다. 그 점의 좌표는?

- ① (1, 1)      ② (1, 0)      ③ (3, 1)  
④ (-1, -3)      ⑤ (3, 0)

16. 두 직선  $3x - 3y - 6 = 0$ ,  $x - y - 4 = 0$  사이의 거리는?

- ① 1      ②  $\sqrt{2}$       ③  $\sqrt{3}$       ④  $2\sqrt{2}$       ⑤  $2\sqrt{3}$

17. 두 직선  $3x - 4y - 2 = 0$ ,  $5x + 12y - 22 = 0$  이 이루는 각을 이등분하는  
직선의 방정식 중에서 기울기가 양인 직선이  $ax + by + c = 0$  일 때,  
 $a + b + c$  의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

18. 점 Q가 직선  $2x + y - 4 = 0$  위를 움직일 때, 점 A(-2, 3)과 Q를 잇는 선분 AQ의 중점 P의 자취의 방정식은?

- |                     |                     |
|---------------------|---------------------|
| ① $4x + 2y - 3 = 0$ | ② $2x + 3y + 1 = 0$ |
| ③ $4x - 3y + 1 = 0$ | ④ $x - 4y - 3 = 0$  |
| ⑤ $-x + y + 2 = 0$  |                     |

19. 두 원  $x^2 + y^2 = r^2$  ( $r > 0$ ),  $(x + 3)^2 + (y - 4)^2 = 4$ 가 외접할 때,  $r$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

20. 두 원  $x^2 + y^2 = 4$ ,  $x^2 + y^2 - 6x = 0$  의 두 교점과 점(0, 1)을 지나는 원의 중심의 좌표를 구하면?

- ① (1, 0)      ②  $\left(\frac{9}{8}, 0\right)$       ③  $\left(\frac{3}{2}, 0\right)$   
④  $\left(\frac{9}{5}, 0\right)$       ⑤  $\left(\frac{9}{4}, 0\right)$

21. 직선  $y = x + n$  과 원  $x^2 + y^2 = 8$ 이 만나지 않도록 하는 자연수  $n$ 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

22. 원  $x^2 + y^2 = 2$  와 직선  $y = -x + k$  이 한점에서 만나도록 하는  $k$  값은?(단,  $k < 0$  )

▶ 답:  $k = \underline{\hspace{1cm}}$

23. 직선  $y = -3x + 12$  와 원  $x^2 + (y - 2)^2 = 20$  의 교점의 좌표를 구하면?

- ① (1, 2), (3, 5)
- ② (2, 6), (4, 0)
- ③ (3, 5), (3, 4)
- ④ (4, 6), (2, 3)
- ⑤ (5, 5), (3, 3)

24. 점  $(1, 3)$ 에서 원  $x^2 + y^2 = 1$ 에 접선을 그을 때 접선의 길이를 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

25. 두 점 A(3, 2), B(6, 5)에 대하여  $2\overline{AP} = \overline{BP}$ 를 만족시키는 점을 P라 할 때, 점 P와 직선  $x + y + 3 = 0$  사이의 거리의 최솟값은?

- ①  $\sqrt{2}$       ②  $\sqrt{3}$       ③  $2\sqrt{2}$       ④  $2\sqrt{3}$       ⑤  $3\sqrt{2}$

26. 좌표평면 위의 두 점  $A(8, 0)$ ,  $B(0, 6)$ 에 대하여 삼각형  $OAB$ 의 외접 원의 방정식이  $x^2 + y^2 + ax + by + c = 0$  일 때, 세 상수  $a, b, c$ 의 곱  $abc$ 의 값을 구하여라. (단,  $O$ 는 원점)

▶ 답: \_\_\_\_\_

27. 좌표평면 위의 두 점  $(1, 1), (8, 8)$  를 지나고  $x$  축의 양의 부분과  
접하는 원  $O$  의 접점의  $x$ 좌표는 ?

- ①  $\frac{5}{2}$       ② 3      ③  $\frac{7}{2}$       ④  $\frac{11}{2}$       ⑤ 4

28. 원  $x^2 + y^2 = \frac{13}{4}$  과 함수  $y = \frac{3}{2x}$  의 그래프가 만나는 모든 교점의  $x$  좌표를  $a, b, c, d$  라 할 때,  $4abcd$  의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

29.  $(0, 0)$ ,  $(0, 4)$ ,  $(4, 0)$  와  $(4, 0)$ 을 꼭짓점으로 하는 정사각형을 생각하자.  
 $(0, 1)$ 에서 출발하여 윗변과 밑변으로 반사시켜  $(4, 2)$ 에 도달하는 꺾인 직선을 그려려면 윗변의 어느 점을 지나야 하는가? (단, 입사각과 반사각은 같다)

①  $(1, 4)$

④  $\left(\frac{4}{3}, 4\right)$

②  $\left(\frac{10}{7}, 4\right)$

⑤  $\left(\frac{3}{2}, 4\right)$

③  $\left(\frac{5}{3}, 4\right)$

30. 두 점  $(a, 0)$ ,  $(0, b)$ 에서 직선  $2x - y = 0$  까지의 거리가 같을 때,  
 $\frac{2a - b}{a + b}$ 의 값은? (단,  $ab < 0$ )

① -4      ② -2      ③ 0      ④ 2      ⑤ 4

31. 두 점 A(-2, 0), B(2, 0)에서의 거리의 비가 3 : 1인 점의 자취위의 점 P 라 할 때,  $\triangle ABP$ 의 넓이의 최댓값을 구하면?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

32. 원  $x^2 + y^2 = 16$  上에 직선  $l: ax - y - 5(a - 1) = 0$  에 의하여 잘린 헤의 길이가  $2\sqrt{6}$  일 때, 정수  $a$  의 값은?



- ① -2      ② -1      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

33. 점  $(3, -1)$ 에서 원  $x^2 + y^2 = 5$ 에 그은 두 접선과  $y$  축으로 둘러싸인 삼각형의 넓이를  $S$  라 할 때,  $4S$ 의 값은?

① 33      ② 35      ③ 45      ④ 49      ⑤ 55

34. 다음 그림과 같이 원점을 중심으로 하는 원 O가 점  $T(3, -4)$ 에서 직선  $l$ 에 접하고 있다. 직선  $l$ 을 따라 원 O를 굴려서 생긴 원  $O'$ 의 방정식을  $(x - a)^2 + (y - b)^2 = 25$  라 할 때,  $\frac{b}{a}$ 의 값은?

①  $\frac{1}{2}$       ②  $\frac{2}{3}$       ③  $\frac{3}{4}$   
④ 1      ⑤  $\frac{4}{3}$



35. 원  $x^2 + y^2 - 2x + 2y - 2 = 0$  위의 임의의 점에서 직선  $x - y + 2 = 0$ 에 이르는 최단거리는 얼마인가 구하면?

- ①  $\sqrt{2} - 2$       ②  $2\sqrt{2} - 2$       ③  $3\sqrt{2} - 2$   
④  $2\sqrt{3} - 2$       ⑤  $3\sqrt{2} + 2$