

1. 다음 그림의  $\triangle ABC$ 에서,  $\overline{AB} = \overline{BC}$ ,  $\overline{AP} = \overline{CP}$ 라고 할 때,  $x + y$ 의 크기는?



- ①  $125^\circ$     ②  $135^\circ$     ③  $145^\circ$     ④  $155^\circ$     ⑤  $165^\circ$

2. 다음 그림에서  $\overline{AD} = \overline{BD} = \overline{CD}$  이고  $\angle B = 40^\circ$  일 때,  $\angle x$ 의 크기는?



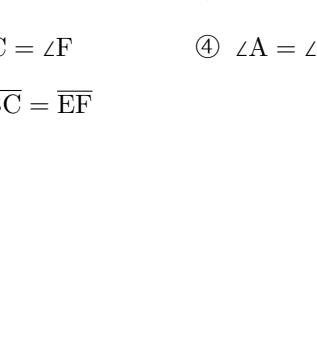
- ①  $40^\circ$       ②  $45^\circ$       ③  $50^\circ$       ④  $55^\circ$       ⑤  $60^\circ$

3. 다음 그림과 같이 폭이 일정한 종이 테이프를 접었다.  $\angle ACB = 50^\circ$  일 때,  $\angle x$ 의 크기는?



- ①  $45^\circ$     ②  $50^\circ$     ③  $55^\circ$     ④  $60^\circ$     ⑤  $65^\circ$

4. 다음 중 두 직각삼각형 ABC, DEF 가 서로 합동이 되는 조건이 아닌 것은?



- ①  $\overline{AB} = \overline{DE}$ ,  $\overline{BC} = \overline{EF}$       ②  $\overline{AB} = \overline{DE}$ ,  $\angle A = \angle D$   
③  $\angle A = \angle D$ ,  $\angle C = \angle F$       ④  $\angle A = \angle D$ ,  $\overline{AC} = \overline{DF}$   
⑤  $\overline{AC} = \overline{DF}$ ,  $\overline{BC} = \overline{EF}$

5. 다음 그림과 같은  $\triangle ABC$ 에서  $\angle FDC = 32^\circ$  일 때,  $\angle A$ 의 크기는?



- ①  $52^\circ$       ②  $56^\circ$       ③  $58^\circ$       ④  $62^\circ$       ⑤  $64^\circ$

6. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC에서 빗변 AC의 중점은 M이고  $\angle ACB = 36^\circ$  일 때  $\angle AMB$ 의 크기는?



- ①  $62^\circ$       ②  $64^\circ$       ③  $68^\circ$       ④  $70^\circ$       ⑤  $72^\circ$

7. 다음은 삼각형의 세 내각의 이등분선이 한 점에서 만남을 나타낸 것이다. 빈칸에 공통으로 들어갈 알맞은 것을 고르면?



$\triangle IBE$  와  $\triangle IBD$ 에서

$\angle IEB = \angle IDB = 90^\circ$ ,

$\overline{IB}$ 는 공통변,

$\angle IBE = \angle IBD$ 이므로

$\triangle IBE \cong \triangle IBD$  (RHA 합동)

$\therefore \overline{ID} = \boxed{\quad} \dots ①$

같은 방법으로  $\triangle ICE \cong \triangle ICF$  (RHA 합동)이므로

$\therefore \boxed{\quad} = \overline{IF} \dots ②$

㉠, ㉡에서

$\therefore \overline{ID} = \overline{IF}$

$\triangle ADI$ 와  $\triangle AFI$ 에서

$\angle ADI = \angle AFI = 90^\circ$ ,  $\overline{AI}$ 는 공통 변,  $\overline{ID} = \overline{IF}$

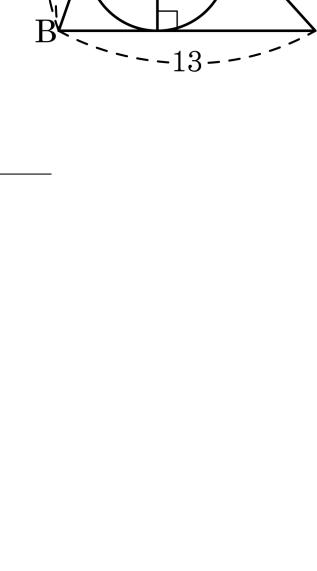
이므로  $\triangle ADI \cong \triangle AFI$  (RHS 합동)

대응각  $\angle DAI = \angle FAI$ 이므로  $\overline{AI}$ 는  $\angle A$ 의 이등분선이다.

따라서 세 각의 이등분선은 한 점에서 만난다.

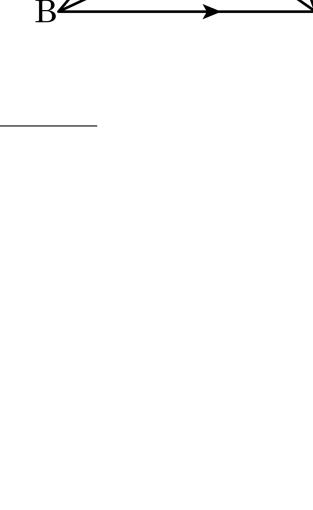
- ①  $\overline{IA}$       ②  $\overline{IE}$       ③  $\overline{IC}$       ④  $\overline{IB}$       ⑤  $\overline{AF}$

8. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이다.  $\overline{AC}$ 의 길이는?



▶ 답: \_\_\_\_\_

9. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이고,  $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$  일 때  $\triangle DBI$ 는 어떤 삼각형인지 말하여라.



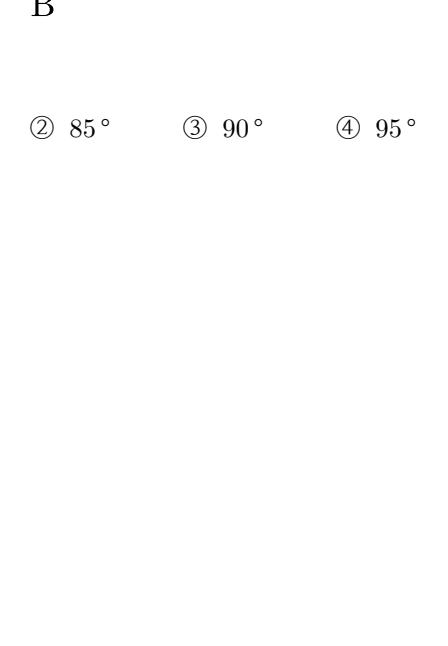
▶ 답: \_\_\_\_\_

10. 다음 그림과 같은  $\square ABCD$ 에서  $\overline{AB} = \overline{BC}$ ,  $\angle A = \angle C$  이다.  $\overline{AB} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{AD} = 7\text{cm}$  일 때,  $\square ABCD$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



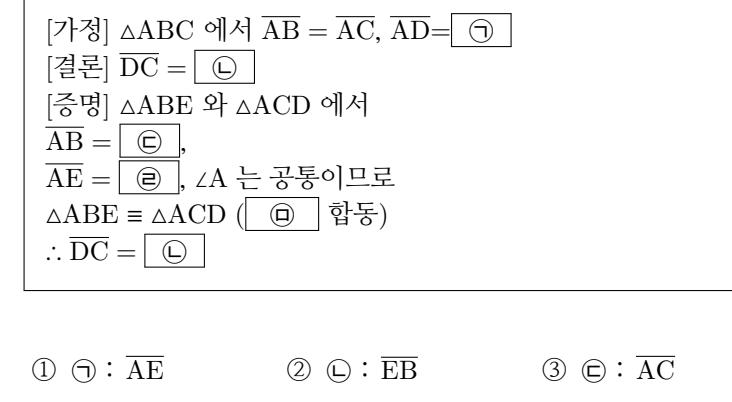
▶ 답: \_\_\_\_\_ cm

11. 다음 그림과 같은  $\triangle ABC$ 에서  $\angle x$ 의 크기는?



- ①  $80^\circ$       ②  $85^\circ$       ③  $90^\circ$       ④  $95^\circ$       ⑤  $100^\circ$

12. 다음은  $\overline{AB} = \overline{AC}$  인 이등변삼각형 ABC에서 변 AB, AC 위의 두 점 D, E에 대하여  $\overline{AD} = \overline{AE}$  이면  $\overline{DC} = \overline{EB}$  이다. 를 증명한 것이다. 다음 ① ~ ⑤에 짹지은 것으로 옳지 않은 것은?



[가정]  $\triangle ABC$ 에서  $\overline{AB} = \overline{AC}$ ,  $\overline{AD} = \boxed{\textcircled{1}}$

[결론]  $\overline{DC} = \boxed{\textcircled{2}}$

[증명]  $\triangle ABE$ 와  $\triangle ACD$ 에서

$\overline{AB} = \boxed{\textcircled{3}}$ ,

$\overline{AE} = \boxed{\textcircled{4}}$ ,  $\angle A$ 는 공통이므로

$\triangle ABE \cong \triangle ACD$  ( $\boxed{\textcircled{5}}$  합동)

$\therefore \overline{DC} = \boxed{\textcircled{6}}$

① ⑦ :  $\overline{AE}$       ② ⑧ :  $\overline{EB}$       ③ ⑨ :  $\overline{AC}$

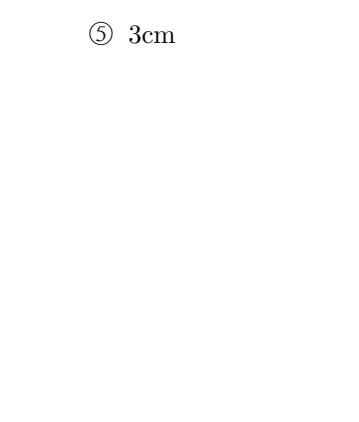
④ ⑩ :  $\overline{AD}$       ⑤ ⑪ : ASA

13. 다음 그림의 직각이등변삼각형 ABC에서 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ cm<sup>2</sup>

14. 두 직각삼각형 ABC, DEF 가 다음 그림과 같을 때,  $\overline{EF}$  의 길이는?



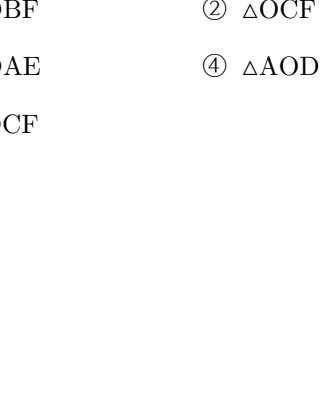
- ① 5cm      ② 4.5cm      ③ 4cm  
④ 3.5cm      ⑤ 3cm

15. 다음 그림에서  $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD}$ ,  $\overline{AD} = 2\text{cm}$  이다.  $\overline{EB}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ cm

16. 점 O 가  $\triangle ABC$  의 외심일 때, 합동인 삼각형이 아닌 것을 모두 고르면?



- ①  $\triangle OBE \cong \triangle OBF$       ②  $\triangle OCF \cong \triangle OCD$   
③  $\triangle OBE \cong \triangle OAE$       ④  $\triangle AOD \cong \triangle COD$   
⑤  $\triangle OBF \cong \triangle OCF$

17. 평행사변형ABCD에서  $\angle B = 52^\circ$ 이고 점 O, O'은 각각  $\triangle ABC$ ,  $\triangle CDA$ 의 외심이다. 이때  $\angle OAO'$ 의 크기는?



- ①  $52^\circ$       ②  $52^\circ$       ③  $76^\circ$       ④  $104^\circ$       ⑤  $116^\circ$

18. 다음 그림의  $\triangle ABC$ 의 내심을 I라 할 때,  $\angle BIC = 130^\circ$ 이면  $\angle A =$   
(       )°이다. 빈칸을 채워 넣어라.



▶ 답: \_\_\_\_\_

19. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이고,  $\angle BIC = 140^\circ$  일 때,  $\angle x$ 의 크기는?



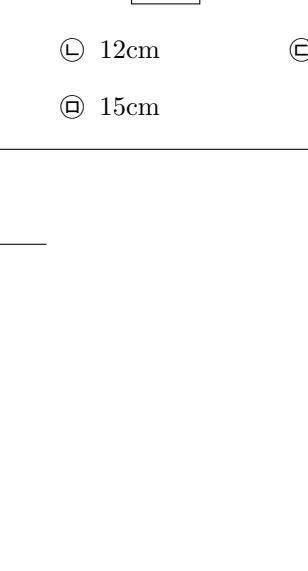
- ①  $70^\circ$       ②  $80^\circ$       ③  $90^\circ$       ④  $100^\circ$       ⑤  $110^\circ$

20. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이다.  $\overline{BE}$ 의 길이는?



- ① 6      ② 5      ③ 8      ④ 9      ⑤ 7

21. 다음 그림에서 점 I가 삼각형 ABC의 내심이고, 점 D,E,F는 내접원의 접점일 때,  $\triangle ABC$ 의 둘레가 24cm이다.  $x+y+z$ 의 값을 얼마인지 보기에서 찾아라.



[보기]

- |        |        |        |
|--------|--------|--------|
| Ⓐ 11cm | Ⓑ 12cm | Ⓒ 13cm |
| Ⓓ 14cm | Ⓔ 15cm |        |

▶ 답: \_\_\_\_\_

22. 다음 그림과 같이  $\angle A = 90^\circ$ 인  $\triangle ABC$ 에서  $\overline{BD}$ 는  $\angle B$ 의 이등분선이고  $\overline{BC} = 24\text{ cm}$ ,  $\overline{AD} = 7\text{ cm}$  일 때,  $\triangle DBC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_  $\text{cm}^2$

23. 어떤 직각삼각형 ABC의 외접원의 원의 넓이가  $36\pi \text{ cm}^2$  이라고 할 때, 이 직각삼각형의 빗변의 길이는?

- ① 4cm      ② 6 cm      ③ 9cm      ④ 12cm      ⑤ 18cm

24. 점 O를 외심으로 하는  $\triangle ABC$ 를 그리고, 다시 점 O를 외심으로 하고 한 변을  $\overline{AB}$ 로 하는  $\triangle ABD$ 를 만들면  $\angle BDA = 55^\circ$ 이다.  $\angle x + \angle y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ °

25. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이다.  $\angle C = 60^\circ$ 일 때,  $\angle ADB$ 와  $\angle AEB$ 의 크기의 합은? (단,  $\overline{AD}$ 와  $\overline{BE}$ 는 각각  $\angle A$ 와  $\angle B$ 의 내각의 이등분선이다.)



- ①  $200^\circ$     ②  $180^\circ$     ③  $160^\circ$     ④  $140^\circ$     ⑤  $120^\circ$

26. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이다.  $\angle ADB = 82^\circ$ ,  $\angle AEB = 86^\circ$ 일 때,  $\angle C = (\quad)^\circ$ 의 크기를 구하여라.

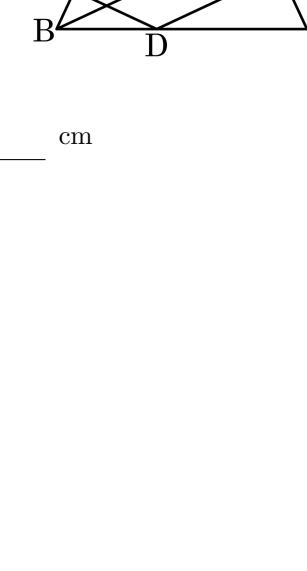


▶ 답: \_\_\_\_\_ °

27. 세 변의 길이가 각각 10 cm, 24 cm, 26 cm 인 직각삼각형의 외접원과 내접원의 넓이의 합을 구하여라.

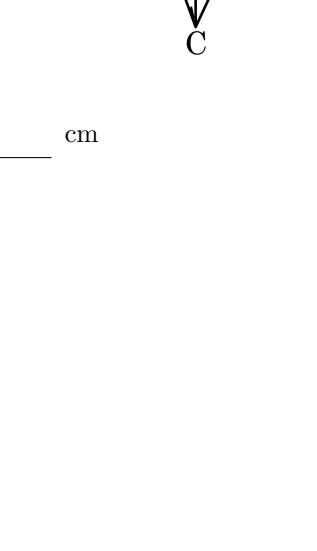
▶ 답: \_\_\_\_\_  $\text{cm}^2$

28. 다음 그림에서  $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이다.  $\overline{BC}$  위의 한 점 D에서  $\overline{AB}, \overline{AC}$ 에 내린 수선의 발을 각각 P, Q 라 할 때,  $\overline{DP} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{DQ} = 6\text{cm}$  이다. 점 B에서  $\overline{AC}$ 에 내린 수선의 길이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ cm

29. 다음 그림과 같이  $\angle A = 90^\circ$ 인 직각이등변삼각형 ABC가 있다. 두 점 B, C에서 점 A를 지나는 직선  $l$ 에 내린 수선의 발을 각각 D, E라 하고,  $\overline{BD} = 7\text{ cm}$ ,  $\overline{CE} = 15\text{ cm}$  일 때,  $\overline{DE}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ cm

30. 다음 그림에서 점 O,I 는 각각  $\overline{AB} = \overline{AC}$  인 이등변삼각형 ABC 의 외심과 내심이다.  $\angle ABC = 73^\circ$  일 때,  $\angle x$  의 크기를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ °