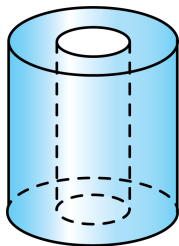
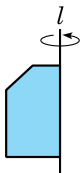


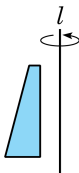
1. 아래 그림과 같은 회전체는 다음 중 어느 도형을 회전시킨 것인가?



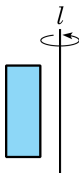
①



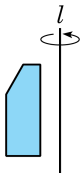
②



③



④



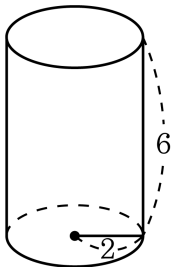
⑤



해설

평면도형의 변이 회전축에 붙지 않으면 회전체의 가운데가 빈다.

2. 밑면의 반지름의 길이가 2, 높이가 6 인 원기둥을 회전축을 포함하는 평면으로 자를 때 생기는 단면의 넓이를 구하시오.



▶ 답 :

▶ 정답 : 24

해설

회전축을 포함하는 평면으로 자르면
가로가 4, 세로가 6 인 직사각형 모양이므로
단면의 넓이는 $4 \times 6 = 24$ 이다.

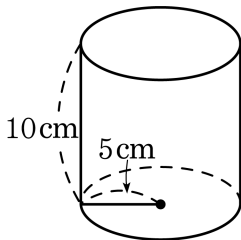
3. 다음 회전체에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 구, 원기둥, 원뿔, 원뿔대는 모두 회전체에 속한다.
- ② 구는 어느 방향으로 잘라도 단면의 모양이 항상 원이다.
- ③ 회전체의 옆면을 만드는 선분을 모서리라고 한다.
- ④ 회전체를 회전축을 포함하는 평면으로 자른 단면은 회전축을 대칭축으로 하는 선대칭도형이다.
- ⑤ 회전체를 회전축에 수직인 평면으로 자른 단면은 항상 원이다.

해설

- ③ 회전체의 옆면을 만드는 선분을 모선이라고 한다.

4. 다음 원기둥의 겉넓이를 구하여라.



답 :

cm²

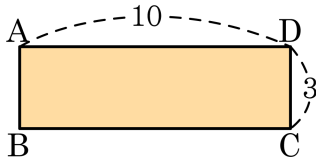


정답 : 150π cm²

해설

$$\begin{aligned} & \pi \times 5^2 \times 2 + 2\pi \times 5 \times 10 \\ &= 50\pi + 100\pi = 150\pi(\text{cm}^2) \end{aligned}$$

5. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 를 변 AD 를 축으로 하여 1 회전 시킬 때 생기는 입체도형의 부피를 구하여라.



▶ 답 :

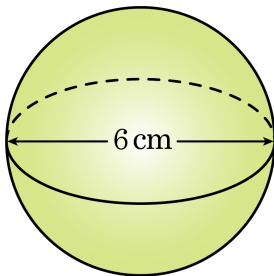
▷ 정답 : 90π

해설

직사각형을 변 AD 를 축으로 1 회전시키면 원기둥이 된다.

따라서 원기둥의 부피는 $V = \pi r^2 \times \text{높이} = 3^2 \pi \times 10 = 9\pi \times 10 = 90\pi$ 이다.

6. 다음 그림과 같은 구의 부피는?



① $16\pi\text{cm}^3$

② $25\pi\text{cm}^3$

③ $36\pi\text{cm}^3$

④ $37\pi\text{cm}^3$

⑤ $39\pi\text{cm}^3$

해설

$$\frac{4}{3}\pi \times 3^3 = 36\pi(\text{cm}^3)$$

7. 다음 보기에 있는 도형 중 회전체를 모두 고른 것은?

보기

㉠ 오각기둥

㉡ 원기둥

㉢ 사각뿔

㉣ 정사면체

㉤ 원뿔

㉥ 직육면체

㉦ 구

㉧ 원뿔대

① ㉠, ㉡, ㉢, ㉣

② ㉠, ㉡, ㉢, ㉤

③ ㉡, ㉢, ㉣, ㉤

④ ㉡, ㉤, ㉦, ㉧

⑤ ㉡, ㉥, ㉦, ㉧

해설

회전체는 회전축을 갖는 입체도형이므로 ㉡, ㉤, ㉦, ㉧이다.

8. 겹넓이가 216 cm^2 인 정육면체의 부피를 구하면?

① 36 cm^3

② 72 cm^3

③ 144 cm^3

④ 180 cm^3

⑤ 216 cm^3

해설

한변의 길이를 a 로 하면 정육면체의 겹넓이는 $a^2 \times 6$ 이다.

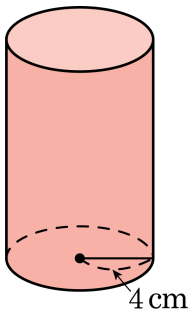
$$6 \times a^2 = 216$$

$$a^2 = 36$$

$$\therefore a = 6(\text{cm})$$

$$\therefore (\text{부피}) = 6 \times 6 \times 6 = 216(\text{cm}^3)$$

9. 부피가 $192\pi\text{cm}^3$ 이고 밑면의 반지름의 길이가 4cm 인 원기둥의 높이는?



① 8cm

② 10cm

③ 12cm

④ 14cm

⑤ 16cm

해설

원기둥의 높이를 h 라하면

$$192\pi = \pi \times 4^2 \times h$$

$$\therefore h = 12\text{cm}$$

10. 밑면의 반지름이 3cm, 모선의 길이가 6cm 인 원뿔에서 옆면의 넓이를 구하여라.

▶ 답 : cm²

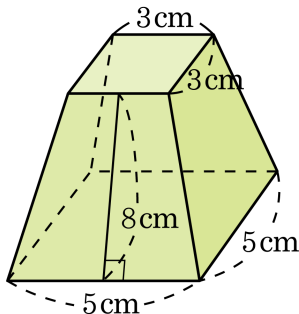
▷ 정답 : $18\pi \text{ cm}^2$

해설

원뿔에서

$$\begin{aligned}(\text{옆넓이}) &= \pi \times (\text{반지름}) \times (\text{모선}) \\ &= \pi \times 3 \times 6 = 18\pi(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

11. 다음 사각뿔대의 겉넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm^2

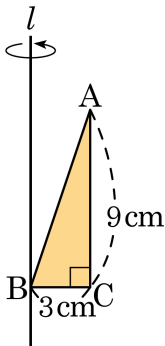
▷ 정답 : 162 cm^2

해설

사각뿔대의 옆면은 사다리꼴이므로, 사각뿔대의 겉넓이는 두 밑면과 네 개의 옆면의 넓이다.

$$\therefore (\text{겉넓이}) = (3 \times 3) + (5 \times 5) + 4 \times \left\{ \frac{1}{2} \times (3 + 5) \times 8 \right\} = 162 \text{ cm}^2$$

12. 다음 그림의 삼각형 ABC 를 직선 l 을 중심으로 1 회전하여 생기는 회전체의 부피는?



① $9\pi\text{cm}^3$

② $18\pi\text{cm}^3$

③ $27\pi\text{cm}^3$

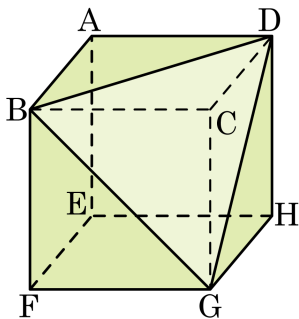
④ $54\pi\text{cm}^3$

⑤ $63\pi\text{cm}^3$

해설

$$\pi \times 3^2 \times 9 - \frac{1}{3} \pi \times 3^2 \times 9 = 81\pi - 27\pi = 54\pi(\text{cm}^3)$$

13. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 6cm 인 정육면체에서 삼각뿔 C-BGD 를 잘라 낸 후 남은 입체도형의 부피는?



① 36cm^3

② 60cm^3

③ 86cm^3

④ 120cm^3

⑤ 180cm^3

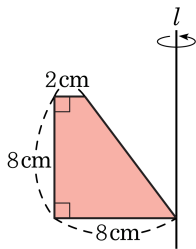
해설

$$(\text{정육면체의 부피}) = 6^3 = 216$$

$$(\text{삼각뿔의 부피}) = \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times 6^3 = 36$$

$$\therefore V = 216 - 36 = 180\text{cm}^3$$

14. 다음 그림의 사다리꼴을 직선 l 을 회전축으로 1회전 시켰을 때 생기는 회전체의 부피를 구하여라.



답 :

cm^3

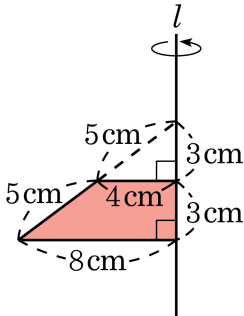


정답 : 416π cm^3

해설

$$\pi \times 8^2 \times 8 - \frac{1}{3} \pi \times (8 - 2)^2 \times 8 = 512\pi - 96\pi = 416\pi (\text{cm}^3)$$

15. 다음 그림에서 색칠한 부분의 도형을 직선을 축으로 회전시켜서 생기는 입체도형의 겉넓이는?



① $100\pi\text{cm}^2$

② $120\pi\text{cm}^2$

③ $140\pi\text{cm}^2$

④ $144\pi\text{cm}^2$

⑤ $156\pi\text{cm}^2$

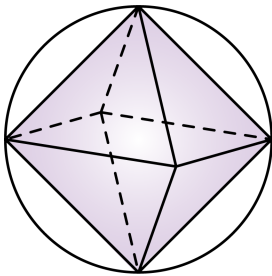
해설

(원뿔대의 겉넓이) = (윗면의 넓이) + (밑면의 넓이) + (옆면의 넓이)이므로

원뿔대의 겉넓이는

$$(\pi \times 10 \times 8 - \pi \times 5 \times 4) + (16\pi + 64\pi) = 140\pi(\text{cm}^2)$$

16. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 6cm 인 구에 정팔면체가 꼭 맞게 들어 있다. 이때 정팔면체의 부피를 구하여라.

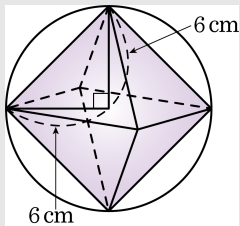


▶ 답 :

cm³

▷ 정답 : 288 cm³

해설



정팔면체의 부피는 밑면이 정사각형인 사각뿔의 부피의 두 배와 같으므로

$$V = 2 \times \left\{ \frac{1}{3} \times \left(\frac{1}{2} \times 12 \times 12 \right) \times 6 \right\} = 288(\text{cm}^3) \text{ 이다.}$$

17. 정육면체의 겉넓이가 54cm^2 일 때, 한 모서리의 길이는?

① 1cm

② 2cm

③ 3cm

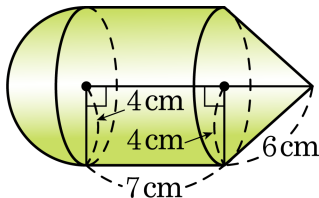
④ 4cm

⑤ 5cm

해설

한 모서리의 길이를 x 라고 하면 $6 \times (x \times x) = 54$, $x = 3(\text{cm})$ 이다.

18. 다음 입체도형의 겉넓이는?



① 24π

② 32π

③ 56π

④ 78π

⑤ 112π

해설

$$(i) (\text{반구의 겉넓이}) = \frac{1}{2} \times 4\pi \times 4^2 = 32\pi$$

$$(ii) (\text{원기둥의 겉넓이}) = 8\pi \times 7 = 56\pi$$

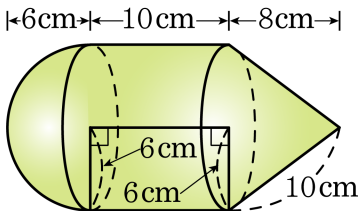
(iii) 원뿔의 옆넓이는 부채꼴의 넓이와 같고,

부채꼴의 중심각은 $\frac{4}{6} \times 360^\circ = 240^\circ$ 이므로,

$$(\text{원뿔의 옆넓이}) = 6^2 \times \pi \times \frac{240}{360} = 24\pi$$

$$\therefore (\text{겉넓이}) = 32\pi + 56\pi + 24\pi = 112\pi$$

19. 다음 입체도형의 부피는?



① $240\pi \text{ cm}^3$

② $360\pi \text{ cm}^3$

③ $500\pi \text{ cm}^3$

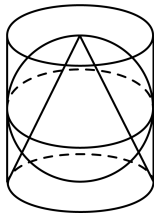
④ $542\pi \text{ cm}^3$

⑤ $600\pi \text{ cm}^3$

해설

$$\left(\frac{1}{3} \times \pi \times 6^2 \times 8\right) + (\pi \times 6^2 \times 10) + \left(\frac{1}{2} \times \frac{4}{3} \times \pi \times 6^3\right) = 96\pi + 360\pi + 144\pi = 600\pi(\text{cm}^3)$$

20. 다음 그림과 같이 원기둥과 그 원기둥에 꼭맞는 구와 원뿔이 있다. 구의 부피가 $36\pi \text{ cm}^3$ 일 때, 원기둥과 원뿔의 부피의 합을 구하여라.



▶ 답 : cm^3

▷ 정답 : $72\pi \text{ cm}^3$

해설

구의 부피가 $36\pi \text{ cm}^3$ 이므로, 반지름의 길이가 r 일 때, $36\pi = \frac{4}{3}\pi r^3$ 이고, 따라서 $r = 3(\text{cm})$ 이다.

(원기둥의 부피) = (밑넓이) $\times$ (높이) = $\pi r^2 h$ 이므로, $\pi \times 3^2 \times 6 = 54\pi(\text{cm}^3)$ 이고,

(원뿔의 부피) = $\frac{1}{3}\pi r^2 h$ 이므로, $\frac{1}{3} \times \pi \times 3^2 \times 6 = 18\pi(\text{cm}^3)$ 이다.

$\therefore 54\pi + 18\pi = 72\pi(\text{cm}^3)$