

1.  $x^2 - 9 + xy - 3y$  를 인수분해하면?

- ①  $(x + 3)(x + 3 + y)$
- ②  $(x + 3)(x + 3 - y)$
- ③  $(x - 3)(x - 3 - y)$
- ④  $(x - 3)(x + 3 + y)$
- ⑤  $(x + 3)(x - 3 + y)$

해설

$$(x + 3)(x - 3) + y(x - 3) = (x - 3)(x + 3 + y)$$

2.  $6xy - 8x - 9y + 12 = (ax + b)(cy + d)$  에서  $a + b + c + d$  의 값을 구하면?

① 1

② 2

③ 0

④ -1

⑤ -2

해설

$$\begin{aligned}6xy - 8x - 9y + 12 &= 2x(3y - 4) - 3(3y - 4) \\&= (2x - 3)(3y - 4)\end{aligned}$$

$$\therefore a + b + c + d = -2$$

3. 다음 인수분해 과정에서 이용된 공식을 모두 고르면? (단,  $a > 0, b > 0$ )

$$\begin{aligned}x^2 - 4y^2 + 4y - 1 &= x^2 - (4y^2 - 4y + 1) = x^2 - (2y - 1)^2 = \\(x + 2y - 1)(x - 2y + 1)\end{aligned}$$

①  $a^2 + 2ab + b^2 = (a + b)^2$

②  $\textcircled{a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2}$

③  $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

④  $x^2 + (a + b)x + ab = (x + a)(x + b)$

⑤  $acx^2 + (ad + bc)x + bd = (ax + b)(cx + d)$

해설

$$x^2 - 4y^2 + 4y - 1$$

$$= x^2 - (4y^2 - 4y + 1)$$

$$= x^2 - (2y - 1)^2 \cdots [ a^2 - 2ab + b^2 = (a - b)^2 ]$$

$$= (x + 2y - 1)(x - 2y + 1) \cdots [ a^2 - b^2 = (a + b)(a - b) ]$$

4.  $x^2 - 2xy - 1 + y^2$  을 인수분해하면?

- ①  $(x - y + 1)(x - y - 1)$       ②  $(x + y + 1)(x + y - 1)$   
③  $(x - y + 1)(x + y - 1)$       ④  $(x - y - 1)(x + y - 1)$   
⑤  $(x + y + 1)(x - y - 1)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2xy - 1 + y^2 &= (x^2 - 2xy + y^2) - 1 \\&= (x - y)^2 - 1^2 \\&= (x - y + 1)(x - y - 1)\end{aligned}$$

5.  $x^2 + y^2 - 4 - 2xy$  의 인수가 될 수 있는 것은?

- ①  $x - y - 2$       ②  $x - y - 4$       ③  $x + y - 2$   
④  $x - y + 4$       ⑤  $x + y + 2$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + y^2 - 4 - 2xy &= (x - y)^2 - 2^2 \\&= (x - y + 2)(x - y - 2)\end{aligned}$$

6.  $x^2 - 2xy + y^2 - 9$  를 인수분해하여  $x, y$  의 계수와 상수항의 총합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2xy + y^2 - 9 &= (x - y)^2 - 3^2 \\&= (x - y - 3)(x - y + 3) \\\therefore 1 - 1 - 3 + 1 - 1 + 3 &= 0\end{aligned}$$

7.  $x^2 - y^2 + 4yz - 4z^2$  을 인수분해하였더니  
 $(x + ay + bz)(x - y + cz)$  가 되었다. 이때  $a + b + c$  의 값은?

- ① -1      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned}x^2 - y^2 + 4yz - 4z^2 &= x^2 - (y^2 - 4yz + 4z^2) \\&= x^2 - (y - 2z)^2 \\&= (x + y - 2z)(x - y + 2z)\end{aligned}$$

따라서  $a = 1, b = -2, c = 2$  이므로  $a + b + c = 1$  이다.

8. 인수분해 공식을 이용하여  $24 \times 27 - 24 \times 22$ 를 간단하게 계산하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 120

해설

$$24 \times 27 - 24 \times 22 = 24 \times (27 - 22) = 24 \times 5 = 120$$

9. 곱셈 공식을 이용하여  $39 \times 41$  을 계산하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 1599

해설

$$\begin{aligned}39 \times 41 &= (40 - 1)(40 + 1) = 40^2 - 1^2 \\&= 1600 - 1 = 1599\end{aligned}$$

10.  $a = 1.75$ ,  $b = 0.25$  일 때,  $a^2 - 6ab + 9b^2$  의 값을 구하면?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}a^2 - 6ab + 9b^2 &= (a - 3b)^2 \\&= (1.75 - 3 \times 0.25)^2 \\&= 1^2 = 1\end{aligned}$$

11.  $x = \sqrt{3} + \sqrt{2}$ ,  $y = \sqrt{3} - \sqrt{2}$  일 때, 인수분해 공식을 이용하여  $x^2 - y^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $4\sqrt{6}$

해설

$$x + y = (\sqrt{3} + \sqrt{2}) + (\sqrt{3} - \sqrt{2}) = 2\sqrt{3},$$

$$x - y = (\sqrt{3} + \sqrt{2}) - (\sqrt{3} - \sqrt{2}) = 2\sqrt{2}$$

$$\therefore x^2 - y^2 = (x + y)(x - y) = 2\sqrt{3} \times 2\sqrt{2} = 4\sqrt{6}$$

12.  $x + y = 1$ ,  $xy = -1$  일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $x^2 + y^2 = 3$

②  $(x - y)^2 = 5$

③  $x^2y + xy^2 = 1$

④  $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} = -1$

⑤  $\frac{y}{x} + \frac{x}{y} = -3$

해설

③  $x^2y + xy^2 = xy(x + y) = -1 \times 1 = -1$

13.  $x^2 - 6xy + 9y^2 = 0$  일 때,  $\frac{x^2 + y^2}{2xy}$  의 값은? (단,  $xy \neq 0$ )

- ①  $\frac{1}{3}$       ②  $\frac{2}{3}$       ③ 1      ④  $\frac{4}{3}$       ⑤  $\frac{5}{3}$

해설

$$x^2 - 6xy + 9y^2 = 0, (x - 3y)^2 = 0 \therefore x = 3y$$

$\frac{x^2 + y^2}{2xy}$  에  $x = 3y$  를 대입하면

$$\frac{x^2 + y^2}{2xy} = \frac{(3y)^2 + y^2}{2 \times 3y \times y} = \frac{10y^2}{6y^2} = \frac{5}{3}$$

14.  $x^2y - y - 2 + 2x^2$  의 인수가 아닌 것은?

①  $x - 1$

②  $x + 1$

③  $x^2 - 1$

④  $y - 2$

⑤  $y + 2$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= x^2y + 2x^2 - y - 2 \\&= x^2(y + 2) - (y + 2) \\&= (x^2 - 1)(y + 2) \\&= (x + 1)(x - 1)(y + 2)\end{aligned}$$

15. 평행사변형의 넓이가  $x^2 + 4x - y^2 - 4y$  이고, 밑변의 길이가  $x - y$  일 때, 이 평행사변형의 높이를 구하면?

- ①  $x + y - 4$
- ②  $x - 2y + 4$
- ③  $x + 2y + 2$
- ④  $x + y + 4$
- ⑤  $x + 4y + 2$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - y^2 + 4(x - y) &= (x + y)(x - y) + 4(x - y) \\&= (x + y + 4)(x - y)\end{aligned}$$

16. 다항식  $16 - 4x^2 + 4xy - y^2$  을 인수분해하면?

- ①  $(4 - x + y)(4 - 2x + y)$
- ②  $(4 + 2x - y)(4 - x - y)$
- ③  $(4 - 2x + y)(4 + 2x + y)$
- ④  $(4 + 2x - y)(4 - 2x + y)$
- ⑤  $(4 + 2x + y)(4 - 2x - y)$

해설

$$4^2 - (2x - y)^2 = (4 + 2x - y)(4 - 2x + y)$$

17.  $x^2 - 4y^2 + 6x + 9$  를 인수분해 하였을 때, 곱하여진 두 다항식의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $2x + 6$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 4y^2 + 6x + 9 &= x^2 + 6x + 9 - 4y^2 \\&= (x + 3)^2 - 4y^2 \\&= (x + 3 + 2y)(x + 3 - 2y) \\\therefore x + 3 + 2y + x + 3 - 2y &= 2x + 6\end{aligned}$$

18.  $a^2 + 36b^2 - 12ab - 25$  를 두 일차식의 곱으로 인수분해할 때, 두 일차식의 합을 구하면?

①  $a - 12b$

②  $2a - 12b$

③  $3a - 12b$

④  $4a - 12b$

⑤  $5a - 12b$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= a^2 - 12ab + 36b^2 - 25 \\&= (a - 6b)^2 - 25 \\&= (a - 6b + 5)(a - 6b - 5) \\\therefore (a - 6b + 5) + (a - 6b - 5) &= 2a - 12b\end{aligned}$$

19.  $\frac{28^2 - 11^2}{25 \times 17 - 17 \times 12}$ 의 값을 계산하면?

① 12

② 9

③ 6

④ 3

⑤ 1

해설

$$\frac{(28+11)(28-11)}{(25-12) \times 17} = \frac{39 \times 17}{13 \times 17} = 3$$

20.  $\frac{99 \times 145 + 99 \times 55}{199^2 - 1}$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{1}{2}$

해설

$$\frac{99 \times 145 + 99 \times 55}{199^2 - 1} = \frac{99(145 + 55)}{(199 + 1)(199 - 1)} = \frac{1}{2}$$

21. 인수분해 공식을 이용하여 다음 식을 계산하여라.

$$11^2 - 13^2 + 15^2 - 17^2 + 19^2 - 21^2$$

▶ 답 :

▶ 정답 : -192

해설

(준식)

$$\begin{aligned} &= (11 - 13)(11 + 13) + (15 - 17)(15 + 17) + \\ &\quad (19 - 21)(19 + 21) \\ &= -2(24 + 32 + 40) \\ &= -192 \end{aligned}$$

22. 인수분해 공식을 이용하여 다음 식을 계산하여라.

$$3^2 - 5^2 + 7^2 - 9^2 + 11^2 - 13^2$$

▶ 답 :

▷ 정답 : -96

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (3-5)(3+5) + (7-9)(7+9) + \\&(11-13)(11+13) = -2(8+16+24) = -96\end{aligned}$$

23.  $(3 - 2\sqrt{2})^{101} (3 + 2\sqrt{2})^{101}$  을 계산하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 1

해설

$$(\text{준식}) = \{ (3 - 2\sqrt{2})(3 + 2\sqrt{2}) \}^{101} = 1^{101} = 1$$

24.  $(\sqrt{5} - 2)^{101} (\sqrt{5} + 2)^{101}$  을 계산하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 1

해설

$$(\text{준식}) = \{(\sqrt{5} - 2)(\sqrt{5} + 2)\}^{101} = 1^{101} = 1$$

25.  $\sqrt{33 \times 34 \times 35 \times 36 + 1}$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 1189

해설

$33 = t$  라 하면

$$\sqrt{t(t+1)(t+2)(t+3) + 1} = \sqrt{(t^2 + 3t)(t^2 + 3t + 2) + 1}$$

$t^2 + 3t = A$  라 하면

$$\begin{aligned}\therefore \sqrt{A(A+2) + 1} &= \sqrt{(A+1)^2} \\&= A+1 \\&= (33^2 + 3 \times 33) + 1 \\&= 1189\end{aligned}$$

26.  $\sqrt{59^2 - 118 - 59 + 60}$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 58

해설

$59 = t$  로 치환하면

$$\begin{aligned}\sqrt{59^2 - 118 - 59 + 60} &= \sqrt{t^2 - 2t - t + (t+1)} \\&= \sqrt{t^2 - 2t + 1} \\&= \sqrt{(t-1)^2} \\&= |t-1| = |59-1| = 58\end{aligned}$$

27.  $x = \sqrt{5} - 2$ ,  $y = \sqrt{5} + 2$  일 때,  $x^2 - xy - 2y^2$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $-10 - 12\sqrt{5}$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - xy - 2y^2 &= (x - 2y)(x + y) \\&= (\sqrt{5} - 2 - 2\sqrt{5} - 4)(\sqrt{5} - 2 + \sqrt{5} + 2) \\&= (-\sqrt{5} - 6)2\sqrt{5} \\&= -10 - 12\sqrt{5}\end{aligned}$$

28. 다음 중  $x = \sqrt{2} - 3$  일 때,  $x^2 - 2x - 15$  의 값은?

①  $2 + 8\sqrt{2}$

②  $2 - 8\sqrt{2}$

③  $-10 - 4\sqrt{2}$

④  $10 + 4\sqrt{2}$

⑤  $2 - 2\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2x - 15 &= (x - 5)(x + 3) \\&= (\sqrt{2} - 3 - 5)(\sqrt{2} - 3 + 3) \\&= (\sqrt{2} - 8)\sqrt{2} \\&= 2 - 8\sqrt{2}\end{aligned}$$

29.  $a = 2\sqrt{2} - 4$ ,  $b = 3 + \sqrt{2}$  일 때,  $a^2 - 4ab + 4b^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 100

해설

$$\begin{aligned}a^2 - 4ab + 4b^2 &= (a - 2b)^2 \\&= \left\{2\sqrt{2} - 4 - 2(3 + \sqrt{2})\right\}^2 \\&= (2\sqrt{2} - 4 - 6 - 2\sqrt{2})^2 \\&= (-10)^2 = 100\end{aligned}$$

30.  $x = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{2}$ ,  $y = \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{2}$  일 때,  $x^2 - y^2$  의 값은?

- ①  $\sqrt{6}$       ②  $2\sqrt{3}$       ③  $2\sqrt{2}$       ④  $-\sqrt{6}$       ⑤ 0

해설

$$\begin{aligned}x^2 - y^2 &= (x+y)(x-y) \\&= \left( \frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{2} \right) \\&\quad \left( \frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{2} \right) \\&= \left( \frac{2\sqrt{3}}{2} \right) \times \left( \frac{2\sqrt{2}}{2} \right) \\&= \sqrt{3} \times \sqrt{2} = \sqrt{6}\end{aligned}$$

31.  $x + \frac{1}{x} = 3\sqrt{5}$  일 때,  $5x^2 + \frac{5}{x^2}$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 215

해설

$$\begin{aligned}x^2 + \frac{1}{x^2} &= \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2 \\&= (3\sqrt{5})^2 - 2 \\&= 45 - 2 \\&= 43\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\therefore 5x^2 + \frac{5}{x^2} &= 5 \left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right) \\&= 5 \times 43 \\&= 215\end{aligned}$$

32.  $a + b = 2$  일 때,  $a^2 + 2ab + b^2 - 2a - 2b$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= (a+b)^2 - 2(a+b) \\&= (a+b)(a+b-2) \\&= 2 \times (2-2) = 0\end{aligned}$$

33.  $x = 2 + \sqrt{2}$ ,  $y = 2\sqrt{2} - 3$  일 때,  $3x^2 - 10xy + 3y^2$  의 값을 구하면?

- ①  $89 - 31\sqrt{2}$       ②  $89 - 32\sqrt{2}$       ③  $89 - 33\sqrt{2}$   
④  $89 - 34\sqrt{2}$       ⑤  $89 - 35\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}3x^2 - 10xy + 3y^2 &= (3x - y)(x - 3y) \\&= \left\{ 3(2 + \sqrt{2}) - (2\sqrt{2} - 3) \right\} \\&\quad \left\{ (2 + \sqrt{2}) - 3(2\sqrt{2} - 3) \right\} = (9 + \sqrt{2})(11 - 5\sqrt{2}) \\&= 99 - 45\sqrt{2} + 11\sqrt{2} - 10 \\&= 89 - 34\sqrt{2}\end{aligned}$$

### 34. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ①  $x^3 - x^2 + 2x - 2 = (x - 1)(x^2 + 2)$
- ②  $xy - x - y + 1 = (x - 1)(y - 1)$
- ③  $xy - 2x + y - 2 = (x + 1)(y - 2)$
- ④  $x^2(x + 1) - 4(x + 1) = (x + 1)(x + 2)(x - 2)$
- ⑤  $a(b + 1) - (b + 1) = (1 - a)(1 + b)$

해설

$$\textcircled{5} \quad a(b + 1) - (b + 1) = (a - 1)(b + 1)$$

35.  $8^{32} - 1$  이 자연수  $n$ 에 의해 나누어 떨어질 때,  $n$ 의 값의 합을 구하여라.  
(단,  $60 < n < 70$ )

▶ 답 :

▶ 정답 : 128

해설

$$\begin{aligned}8^{32} - 1 &= (2^3)^{32} - 1 = 2^{96} - 1 \\&= (2^{48} + 1)(2^{24} + 1)(2^{12} + 1) \\&\quad (2^6 + 1)(2^3 + 1)(2^3 - 1)\end{aligned}$$

60 과 70 사이의 자연수  $n$ 은  $2^6 + 1 = 65$  또는  $2^6 - 1 = 63$  이므로  
그 합은  $65 + 63 = 128$  이다.

36.  $2^2 - 6^2 + 10^2 - 14^2 + 18^2 - 22^2 + 26^2 - 30^2$  을 계산하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 :  $-512$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준 식}) &= (2 - 6)(2 + 6) + (10 - 14)(10 + 14) \\&\quad + (18 - 22)(18 + 22) \\&\quad + (26 - 30)(26 + 30) \\&= -4(2 + 6 + 10 + 14 + 18 + 22 + 26 + 30) \\&= -4 \times 4 \times 32 \\&= -512\end{aligned}$$

37. 다음 자연수 중  $3^{16} - 1$  을 나누어 떨어지지게 하는 수가 아닌 것은?

① 2

② 4

③ 5

④ 9

⑤ 10

해설

$$\begin{aligned}3^{16} - 1 &= (3^8 - 1)(3^8 + 1) \\&= (3^4 - 1)(3^4 + 1)(3^8 + 1) \\&= (3^2 - 1)(3^2 + 1)(3^4 + 1)(3^8 + 1) \\&= (3 - 1)(3 + 1)(3^2 + 1)(3^4 + 1)(3^8 + 1) \\&= 2 \times 4 \times 10 \times 82 \times 6562\end{aligned}$$

38.  $x = \sqrt{3} + \sqrt{2}$ ,  $y = \sqrt{3} - \sqrt{2}$  일 때,  $(x^n - y^n)^2 - (x^n + y^n)^2$  의 값을 구하여라. (단,  $n$  은 양의 정수)

▶ 답 :

▶ 정답 : -4

해설

$$\begin{aligned}(x^n - y^n)^2 - (x^n + y^n)^2 \\&= (x^n - y^n + x^n + y^n)(x^n - y^n - x^n - y^n) \\&= 2x^n \times (-2y^n) = -4(xy)^n \\xy &= (\sqrt{3} + \sqrt{2})(\sqrt{3} - \sqrt{2}) = 1 \\∴ -4(xy)^n &= -4\end{aligned}$$

39.  $x^3 + y^3 = 3(x^2 - xy + y^2)$ ,  $x^2 + y^2 = 6$  일 때,  $x^4 - y^4$ 의 값을 구하여라.  
(단,  $x > y$ )

▶ 답:

▷ 정답:  $18\sqrt{3}$

해설

$$x^4 - y^4 = (x^2 + y^2)(x + y)(x - y)$$

$$x^3 + y^3 = (x + y)(x^2 - xy + y^2) = 3(x^2 - xy + y^2) \text{ 이므로}$$

$$\therefore x + y = 3$$

$$x^2 + y^2 = 6 \text{ 과 } x + y = 3 \text{ 에서}$$

$$x^2 + y^2 = (x + y)^2 - 2xy$$

$$6 = 3^2 - 2xy$$

$$\therefore xy = \frac{3}{2}$$

$$x^2 + y^2 = 6 \text{ 과 } xy = \frac{3}{2} \text{ 에서}$$

$$x^2 + y^2 = (x - y)^2 + 2xy$$

$$6 = (x - y)^2 + 3$$

$$\therefore x - y = \sqrt{3} (\because x > y)$$

$$\begin{aligned}\therefore x^4 - y^4 &= (x^2 + y^2)(x + y)(x - y) \\ &= 6 \times 3 \times \sqrt{3} = 18\sqrt{3}\end{aligned}$$

40.  $9a^2 - 16b^2 = -12$  이고  $3a - 4b = 4$  일 때,  $3a + 4b$  의 값을 구하면?

① 2

② 3

③ -2

④ -3

⑤ -5

해설

$$(3a + 4b)(3a - 4b) = -12$$
$$\therefore 3a + 4b = -3$$

41.  $a + b = 2$ ,  $a^2 - b^2 = 10$  일 때,  $a - b$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답:  $a - b = 5$

해설

$$a^2 - b^2 = (a + b)(a - b) = 2 \times (a - b) = 10$$

$$\therefore a - b = 5$$

42.  $x + y = \sqrt{3}$ ,  $x - y = \sqrt{2}$  일 때,  $x^2 - y^2 + 4x - 4y$ 의 값을 구하면?

- ①  $\sqrt{6} + 4\sqrt{2}$       ②  $\sqrt{6} - 4\sqrt{2}$       ③  $2\sqrt{6} + \sqrt{2}$   
④  $3\sqrt{6} - 2\sqrt{2}$       ⑤  $4\sqrt{6} - 5\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - y^2 + 4x - 4y &= (x + y)(x - y) + 4(x - y) \\&= (x - y)(x + y + 4) \\&= \sqrt{2}(\sqrt{3} + 4) \\&= \sqrt{6} + 4\sqrt{2}\end{aligned}$$

43.  $x - y = \sqrt{5}$  일 때,  $x^2 - 2xy + y^2 + 2x - 2y - 3$  의 값은?

①  $2\sqrt{5}$

②  $4\sqrt{5}$

③  $1 + 2\sqrt{5}$

④  $2 + 2\sqrt{5}$

⑤  $3 + 2\sqrt{5}$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2xy + y^2 + 2x - 2y - 3 \\&= (x - y)^2 + 2(x - y) - 3 \\&= (\sqrt{5})^2 + 2 \times \sqrt{5} - 3 = 2 + 2\sqrt{5}\end{aligned}$$

44.  $x - y = \sqrt{2}$  일 때,  $x^2 - 2xy + y^2 + 4x - 4y + 4$  의 값은?

- ①  $2 + 4\sqrt{2}$       ②  $3 + 4\sqrt{2}$       ③  $4 + 4\sqrt{2}$   
④  $5 + 4\sqrt{2}$       ⑤  $6 + 4\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2xy + y^2 + 4x - 4y + 4 \\&= (x - y)^2 + 4(x - y) + 4 \\&= (\sqrt{2})^2 + 4\sqrt{2} + 4 = 6 + 4\sqrt{2}\end{aligned}$$

45.  $x^2 - 4xy + 4y^2 = 0$  일 때,  $\frac{x^2 + y^2}{xy}$  의 값은? (단,  $xy \neq 0$ )

- ①  $\frac{1}{2}$       ②  $\frac{2}{3}$       ③  $\frac{1}{4}$       ④  $\frac{3}{2}$       ⑤  $\frac{5}{2}$

해설

$$x^2 - 4xy + 4y^2 = 0, (x - 2y)^2 = 0$$

$$\therefore x = 2y$$

$\frac{x^2 + y^2}{xy}$  에  $x = 2y$  를 대입하면

$$\frac{x^2 + y^2}{xy} = \frac{(2y)^2 + y^2}{2y \times y} = \frac{5y^2}{2y^2} = \frac{5}{2}$$

46.  $a = 8 + 2\sqrt{2}$  일 때,  $a^2 - 16a + 55$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -1

해설

$$\begin{aligned}(a - 11)(a - 5) &= (8 + 2\sqrt{2} - 11)(8 + 2\sqrt{2} - 5) \\&= (2\sqrt{2} - 3)(2\sqrt{2} + 3) = -1\end{aligned}$$

해설

$$a = 8 + 2\sqrt{2} \text{에서 } a - 8 = 2\sqrt{2}$$

양변을 제곱하면  $a^2 - 16a + 64 = 8$  이므로

$$a^2 - 16a = -56$$

$$(\text{준식}) = -56 + 55 = -1$$

47.  $x = 4 + \sqrt{2}$  일 때,  $x^2 - 8x + 15$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 1

해설

$$\begin{aligned}(x - 5)(x - 3) &= (4 + \sqrt{2} - 5)(4 + \sqrt{2} - 3) \\ &= (\sqrt{2} - 1)(\sqrt{2} + 1) = 1\end{aligned}$$

48.  $ab = 2$ ,  $(a+3)(b+3) = 20$  일 때,  $a^3 + 2a^2b + 2ab^2 + b^3$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 21

해설

$$a^3 + 2a^2b + 2ab^2 + b^3 = (a+b)^3 - ab(a+b)$$

$ab = 2$ ,  $(a+3)(b+3) = 20$ 에서

$$2 + 3(a+b) + 9 = 20 \text{ } \circ\text{므로}$$

$$\therefore a+b = 3$$

$$\therefore (a+b)^3 - ab(a+b) = 3^3 - 2 \times 3 = 21$$

49.  $x + y = 15$ ,  $x^2 - y^2 + 5x - 5y = 120$  일 때,  $x - y$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 6

해설

$$(x - y)(x + y + 5) = 120$$

$$\therefore x - y = 6$$

50.  $(x+2)(y+2) = 20$ ,  $xy = 6$  일 때,  $x^3 + x^2y + xy^2 + y^3$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 65

해설

$$x^3 + x^2y + xy^2 + y^3 = (x+y)^3 - 2xy(x+y)$$

$$(x+2)(y+2) = 20, \ xy = 6 \text{에서}$$

$$6 + 2(x+y) + 4 = 20 \text{ } \circ\text{므로}$$

$$\therefore x+y = 5$$

$$\therefore (x+y)^3 - 2xy(x+y) = 5^3 - 2 \times 6 \times 5 = 65$$

51.  $x + y = -2 + \sqrt{3}$ ,  $x - y = 1 - \sqrt{3}$  일 때,  $x^2 - y^2 + 3x - 3y$  의 값을 구하면?

① -2

② -1

③  $2 - \sqrt{3}$

④  $2 + \sqrt{3}$

⑤  $\sqrt{3}$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - y^2 + 3x - 3y &= (x + y)(x - y) + 3(x - y) \\&= (x - y)(x + y + 3) \\&= (1 - \sqrt{3})(-2 + \sqrt{3} + 3) \\&= (1 - \sqrt{3})(1 + \sqrt{3}) \\&= 1 - 3 = -2\end{aligned}$$

52.  $a = \sqrt{3} + 2$  일 때,  $3(a+2)^2 - 2(a+2) - 8$  의 값은?

- ①  $41 - 22\sqrt{3}$       ②  $22 + 41\sqrt{3}$       ③  $22 - 41\sqrt{3}$   
④  $22\sqrt{3} - 41$       ⑤  $41 + 22\sqrt{3}$

해설

$a + 2 = t$  로 치환하면

$$\begin{aligned}3(a+2)^2 - 2(a+2) - 8 \\&= 3t^2 - 2t - 8 \\&= (t-2)(3t+4) \\&= (a+2-2)\{3(a+2)+4\} = a(3a+10) \\&= (\sqrt{3}+2)(3\sqrt{3}+16) \\&= 41 + 22\sqrt{3}\end{aligned}$$

53. 다항식  $a^2x + 1 - x - a^2$  을 인수분해하였을 때, 다음 <보기> 중 그 인수가 될 수 있는 것을 모두 고른 것은?

보기

㉠  $x + 1$

㉡  $a + 1$

㉢  $x^2 + 1$

㉣  $a - 1$

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉡, ㉚

④ ㉢, ㉚

⑤ ㉠, ㉡, ㉢

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= a^2x - a^2 - x + 1 \\&= a^2(x - 1) - (x - 1) \\&= (a^2 - 1)(x - 1) \\&= (a + 1)(a - 1)(x - 1)\end{aligned}$$

54.  $16 - x^2 + 4xy - 4y^2$  을 인수분해하면?

- ①  $(x + 2y - 4)(-x + 2y + 4)$       ②  $(x - 2y + 4)^2$   
③  $(x - 2y + 4)(x + 2y - 4)$       ④  $(x - 2y + 4)(-x + 2y + 4)$   
⑤  $(-x - 2y + 4)(x + 2y + 4)$

해설

$$\begin{aligned}16 - (x^2 - 4xy + 4y^2) &= 16 - (x - 2y)^2 \\&= 4^2 - (x - 2y)^2 \\&= (4 + x - 2y)(4 - x + 2y)\end{aligned}$$