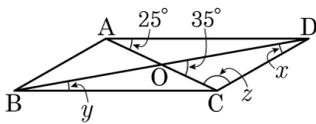


1. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서 $\angle x - \angle y + \angle z$ 의 크기를 구하면?

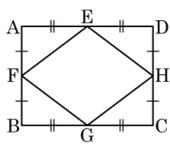


- ① 105° ② 115° ③ 125° ④ 135° ⑤ 145°

해설

$\angle COD = \angle OAD + \angle ADB$, $\angle ADB = 35^\circ - 25^\circ = 10^\circ$, $\angle ADB = \angle DBC = 10^\circ = y$ 이다. $\angle x + \angle z = 180^\circ - 35^\circ = 145^\circ$ 이다. 따라서 $\angle x - \angle y + \angle z = 145^\circ - 10^\circ = 135^\circ$ 이다.

2. 다음 그림은 직사각형 ABCD의 각 변의 중점을 연결하여 □EFGH를 만들었다. □EFGH의 성질로 옳지 않은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

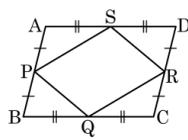


- ① 한 내각의 크기가 90° 이다.
- ② 두 대각선의 길이가 같다.
- ③ 두 대각선이 서로 이등분한다.
- ④ 두 대각선이 서로 수직 이등분한다.
- ⑤ 네 변의 길이가 모두 같다.

해설

직사각형의 각 변의 중점을 연결하면 마름모가 된다. 마름모는 네 변의 길이가 모두 같고, 두 대각선이 서로 직교한다.

4. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 의 각 변의 중점을 P, Q, R, S 라고 할 때, □PQRS 는 어떤 도형이 되는가?

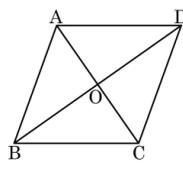


- ① 정사각형 ② 마름모
③ 직사각형 ④ 평행사변형
⑤ 사다리꼴

해설

두 쌍의 대변의 길이가 각각 같으므로 평행사변형이다.

5. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에 대하여 두 대각선의 교점을 O라고 하자. $\triangle AOD = 20\text{cm}^2$ 일 때, $\square ABCD$ 의 넓이는?

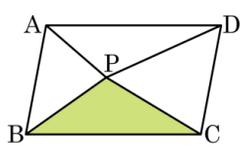


- ① 40cm^2 ② 60cm^2 ③ 80cm^2
④ 100cm^2 ⑤ 120cm^2

해설

$\triangle BOC$ 와 $\triangle AOD$ 는 같다.
 $\triangle AOD + \triangle BOC = \triangle AOB + \triangle DOC$ 이다.
그러므로 평행사변형 ABCD는 80cm^2 이다.

6. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD의 넓이가 100cm^2 이고, $\triangle PAD$ 의 넓이가 24cm^2 일 때, 어두운 부분의 넓이는 얼마인가?



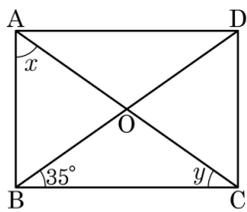
- ① 24cm^2 ② 25cm^2 ③ 26cm^2
 ④ 28cm^2 ⑤ 50cm^2

해설

내부의 한 점 P에 대하여 $\frac{1}{2}\square ABCD = \triangle PAB + \triangle PCD = \triangle PAD + \triangle PBC$ 이다.

$100 \times \frac{1}{2} = 24 + \triangle PBC$ 이므로 $\triangle PBC = 26(\text{cm}^2)$ 이다.

7. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 에서 $\angle DBC = 35^\circ$ 일 때, $\angle x + \angle y$ 의 크기는?



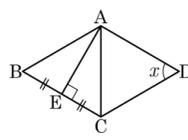
- ① 55° ② 65° ③ 90° ④ 100° ⑤ 120°

해설

$\overline{AD} // \overline{BC}$ 므로 $\angle ACB = \angle CAD = \angle y$
 $\therefore \angle x + \angle y = 90^\circ$

8. 다음 그림과 같은 마름모 ABCD 의 꼭짓점 A 와 BC 의 중점 E 를 이었더니 $\triangle ABE \cong \triangle ACE$ 가 되었다. 이때 $\angle x$ 의 크기는?

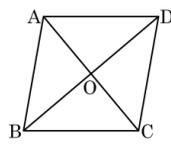
- ① 40° ② 50° ③ 60°
④ 70° ⑤ 80°



해설

$\angle ABC = x$ 이고 $\triangle ABE \cong \triangle ACE$ 이므로 $\angle ABC = \angle ACE$ 이다.
마름모의 대각선은 내각의 이등분선이므로 $\angle C = 2x$ 이다.
따라서 $2x + x = 180^\circ, x = 60^\circ$ 이다.

9. 평행사변형 ABCD 에서 $\angle AOD = 90^\circ$ 이고, $\overline{AB} = 3x - 2$, $\overline{AD} = -x + 6$ 일 때, x 의 값을 구하여라.



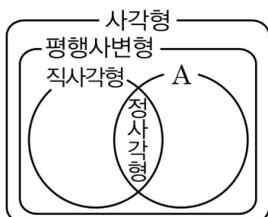
▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

평행사변형 $\angle AOD = 90^\circ$ 이므로
 $\square ABCD$ 는 마름모이다.
따라서 $\overline{AB} = \overline{AD}$ 이므로
 $3x - 2 = -x + 6$, $4x = 8$, $x = 2$ 이다.

10. 다음 그림에서 A에 속하는 사각형의 성질로 옳은 것은?



- ① 두 대각선의 길이가 같다.
- ② 네 변의 길이가 다르다.
- ③ 두 대각의 크기가 다르다.
- ④ 한 쌍의 대변의 길이만 같다.
- ⑤ 두 대각선이 서로 수직 이등분한다.

해설

정사각형은 직사각형이면서 마름모이므로 A는 마름모이다.

11. 다음은 '평행사변형에서 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.'를 증명한 것이다. ㉠~㉤에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?

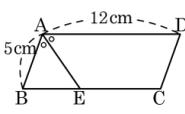
[가정] □ABCD에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$
 [결론] $AO = CO$, ㉠ = \overline{DO}
 [증명] △OAD와 △OCB에서 ㉡ = \overline{BC} ... ㉢
 $\overline{AD} \parallel$ ㉣ 이므로
 $\angle OAD = \angle OCB$ (㉤) ... ㉥
 $\angle ODA = \angle OBC$ (㉤) ... ㉦
 ㉢, ㉥, ㉦에 의해서 $\triangle OAD \cong \triangle OCB$ (㉧) 합동
 $\therefore \overline{AO} = \overline{CO}$, ㉠ = \overline{DO}

- ① ㉠ : \overline{BO} ② ㉡ : \overline{CD} ③ ㉢ : \overline{BC}
 ④ ㉤ : 엇각 ⑤ ㉧ : ASA

해설

②에서 $\overline{BC} = \overline{AD} \neq \overline{CD}$ 이다.

12. 다음 평행사변형 ABCD 에서 $\overline{AB} = 5\text{ cm}$, $\overline{AD} = 12\text{ cm}$ 이고, \overline{AE} 는 $\angle A$ 의 이등분선일 때, \overline{EC} 의 길이를 구하여라.



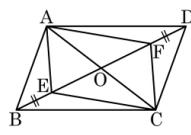
▶ 답: cm

▷ 정답: 7 cm

해설

$\angle AEB = \angle EAD = \angle BAE$ 이므로
 $\overline{BE} = \overline{AB} = 5\text{ cm}$
 $\therefore \overline{EC} = 12 - 5 = 7(\text{cm})$

13. 평행사변형 ABCD 에서 대각선 BD 위에 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 가 되도록 두 점 E, F 를 잡을 때, $\square AECF$ 는 평행사변형이다. 이를 증명하기 위해 사용하기에 가장 적합한 평행사변형의 조건은?

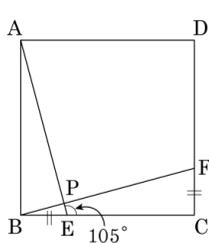


- ① 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ② 두 쌍의 대변의 길이가 각각 같다.
- ③ 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.
- ④ 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분한다.
- ⑤ 한 쌍의 대변의 길이가 같고 평행하다.

해설

(가정) $\square ABCD$ 는 평행사변형, $\overline{BE} = \overline{DF}$
 (결론) $\square AECF$ 는 평행사변형
 (증명) $\square ABCD$ 는 평행사변형이므로
 $\overline{OA} = \overline{OC}$
 가정에서 $\overline{BE} = \overline{DF}$ 이므로 $\overline{OE} = \overline{OF}$
 따라서 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하므로 $\square AECF$
 는 평행사변형이다.

14. 오른쪽 그림과 같은 $\square ABCD$ 는 정사각형이다. $BE = CF$ 이고, $\angle CEP = 105^\circ$ 일 때, $\angle CBF$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 15°

해설

$\triangle ABE$ 와 $\triangle BCF$ 에서 $\overline{AB} = \overline{BC}$

$\angle ABE = \angle BCF = 90^\circ$

$\overline{BE} = \overline{CF}$

$\therefore \triangle ABE \cong \triangle BCF$ (SAS 합동)

$\triangle ABE$ 에서

$\angle BAE + \angle B + \angle AEB = 180^\circ$

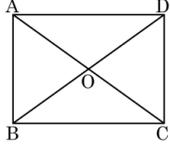
$\angle BAE + 90^\circ + 75^\circ = 180^\circ$

$\therefore \angle BAE = 15^\circ$

대응각으로 $\angle CBF = \angle BAE$ 이므로

$\angle CBF = 15^\circ$

15. 다음 보기 중 그림과 같은 직사각형 ABCD가 정사각형이 되도록 하는 조건을 모두 고르면?



보기

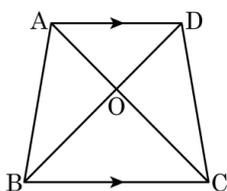
- | | |
|----------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------|
| <input type="checkbox"/> ㉠ $\overline{AB} = \overline{AD}$ | <input type="checkbox"/> ㉡ $\overline{AO} = \overline{DO}$ |
| <input type="checkbox"/> ㉢ $\angle DAB = \angle DCB$ | <input type="checkbox"/> ㉣ $\angle ABC = 90^\circ$ |
| <input type="checkbox"/> ㉤ $\overline{AC} \perp \overline{DB}$ | |

- ① ㉠, ㉡ ② ㉡, ㉢ ③ ㉢, ㉣
- ④ ㉠, ㉣ ⑤ ㉡, ㉣

해설

직사각형에서 네 변의 길이가 모두 같거나, 두 대각선이 수직이 등분하면 정사각형이 된다.

16. 다음 그림의 등변사다리꼴 ABCD에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

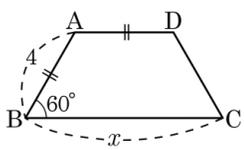


- ① $\overline{AC} = \overline{DB}$
- ② $\overline{AB} = \overline{DC}$
- ③ $(\triangle ABD \text{의 넓이}) = (\triangle DCA \text{의 넓이})$
- ④ $\triangle ABC \cong \triangle DCB$
- ⑤ $\triangle OBC$ 는 정삼각형이다.

해설

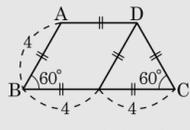
② 등변사다리꼴의 성질
 ①, ④ $\triangle ABC$ 와 $\triangle DCB$ 에서
 $\overline{AB} = \overline{DC}$ 이고, \overline{BC} 는 공통,
 $\angle B = \angle C$ 이므로 $\triangle ABC \cong \triangle DCB$ (SAS합동)
 $\therefore \overline{AC} = \overline{DB}$
 ③ $\triangle ABD$ 와 $\triangle DCA$ 에서
 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이고 밑변 \overline{AD} 는 공통이므로
 $(\triangle ABD \text{의 넓이}) = (\triangle DCA \text{의 넓이})$

17. 등변사다리꼴 ABCD에서 x 의 길이를 구하여라.



- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

해설



$\triangle DEC$ 는 정삼각형이므로 $x = 4 + 4 = 8$ 이다.

18. 다음 보기의 설명 중 옳은 것의 개수는?

보기

- ㉠ 두 대각선이 서로 수직인 직사각형은 정사각형이다.
- ㉡ 이웃하는 두 변의 길이가 같은 평행사변형은 마름모이다.
- ㉢ 한 내각의 크기가 90° 인 평행사변형은 정사각형이다.
- ㉣ 이웃하는 두 각의 크기가 같은 평행사변형은 마름모이다.
- ㉤ 한 내각이 직각인 평행사변형은 직사각형이다.
- ㉥ 한 내각의 크기가 90° 인 마름모는 정사각형이다.
- ㉦ 두 대각선의 길이가 같은 마름모는 직사각형이다.

- ① 2개 ② 3개 ③ 4개 ④ 5개 ⑤ 6개

해설

- ㉢ 한 내각의 크기가 90° 인 평행사변형은 직사각형이다.
- ㉣ 이웃하는 두 각의 크기가 같은 평행사변형은 직사각형이다.
- ㉦ 두 대각선의 길이가 같은 마름모는 정사각형이다.

19. 다음 () 안에 들어갈 단어가 옳게 짝지어진 것은?

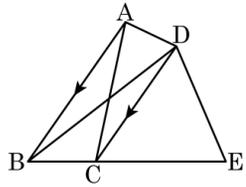
두 대각선의 길이가 서로 같고, 서로 다른 것을 이등분하는 도형은 (Ⓐ) 이고, 두 대각선의 길이가 서로 같고 서로 다른 것을 수직이등분하는 것은 (Ⓒ) 이다.

- ① Ⓐ: 평행사변형 Ⓒ: 직사각형
- ② Ⓐ: 정사각형 Ⓒ: 직사각형
- ③ Ⓐ: 마름모 Ⓒ: 정사각형
- ④ Ⓐ: 직사각형 Ⓒ: 정사각형
- ⑤ Ⓐ: 직사각형 Ⓒ: 마름모

해설

두 대각선의 길이가 서로 같고, 서로 다른 것을 이등분하는 도형은 직사각형이다.
두 대각선의 길이가 서로 같고 서로 다른 것을 수직이등분하는 도형은 정사각형이다.

20. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이고 $\triangle DCE = 30\text{cm}^2$, $\triangle DBC = 15\text{cm}^2$ 일 때, $\square ACED$ 의 넓이는?



- ① 25cm^2 ② 30cm^2 ③ 35cm^2
④ 40cm^2 ⑤ 45cm^2

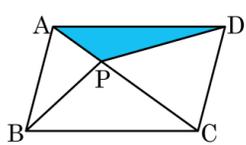
해설

$\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ 이므로 $\triangle ACD$ 와 $\triangle DBC$ 는 밑변 \overline{CD} 가 같고 높이가 같으므로 넓이가 같다.

$$\square ACED = \triangle DCE + \triangle ACD = \triangle DCE + \triangle DBC$$

$$\therefore \square ACED = 30 + 15 = 45(\text{cm}^2)$$

21. 평행사변형 ABCD에서 $\overline{AP} : \overline{PC} = 1 : 2$ 이고 $\square ABCD = 60$ 일 때, $\triangle APD$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 10

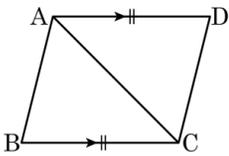
해설

$$\triangle APD + \triangle PBC = \frac{1}{2} \square ABCD = 30$$

$\overline{AP} : \overline{PC} = 1 : 2$ 이므로

$$\triangle APD = 30 \times \frac{1}{3} = 10$$

22. 다음은 '한 쌍의 대변이 평행하고 그 길이가 같은 사각형은 평행사변형이다.' 를 증명하는 과정이다. 밑줄 친 부분 중 틀린 곳을 모두 고르면?



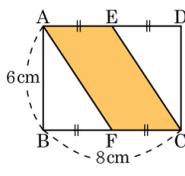
가정) $\square ABCD$ 에서 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$, $\therefore \overline{AD} = \overline{BC}$
 결론) $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$
 증명) 대각선 AC 를 그으면
 $\triangle ABC$ 와 $\triangle CDA$ 에서
 가. $\overline{AD} = \overline{BC}$ (가정) $\dots \text{㉠}$
 나. $\angle DCA = \angle BAC$ (엇각) $\dots \text{㉡}$
 다. \overline{AC} 는 공통 $\dots \text{㉢}$
 ㉠ , ㉡ , ㉢ 에 의해서 $\triangle ABC \cong \triangle CDA$ (ㄹ. SAS 합동)
 마. $\angle DAC = \angle BCA$ 이므로
 $\therefore \overline{AB} \parallel \overline{DC}$
 따라서 두 쌍의 대변이 각각 평행하므로
 $\square ABCD$ 는 평행사변형이다.

- ① 가 ② 나 ③ 다 ④ 라 ⑤ 마

해설

- 나. $\angle DCA = \angle BAC \rightarrow \angle DAC = \angle BCA$
 마. $\angle DAC = \angle BCA \rightarrow \angle DCA = \angle BAC$

23. 직사각형 ABCD 에서 어두운 도형의 넓이는 ?

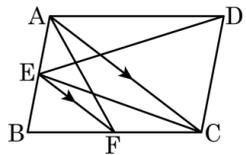


- ① 22 ② 24 ③ 26 ④ 28 ⑤ 30

해설

$\overline{AE} = \overline{FC}$, $\overline{AE} \parallel \overline{FC}$ 하므로
 $\square AFCE$ 는 평행사변형이다.
 $\overline{CF} = 4$ 이므로 $\square AFCE = 4 \times 6 = 24$

25. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 $\overline{AC} \parallel \overline{EF}$ 이고 $\triangle AED$ 의 넓이가 20cm^2 일 때, $\triangle ACF$ 의 넓이는?



- ① 16cm^2 ② 18cm^2 ③ 20cm^2
 ④ 22cm^2 ⑤ 24cm^2

해설

$\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ 이므로 밑변과 높이가 같고, $\triangle AED = \triangle ACE$ 이다.
 $\overline{AC} \parallel \overline{EF}$ 이므로 밑변과 높이가 같고, $\triangle ACF = \triangle ACE$ 이다.
 $\therefore \triangle ACF = 20(\text{cm}^2)$