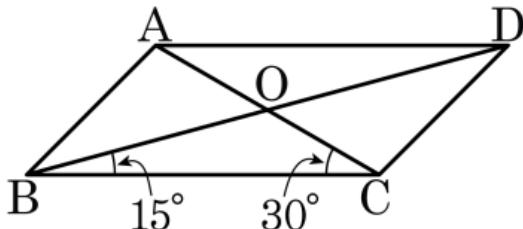


1. 평행사변형 ABCD에서 두 대각선의 교점을 O 라 하고, $\angle ACB = 30^\circ$, $\angle CBD = 15^\circ$ 라고 할 때, $\angle AOB$ 의 크기는?



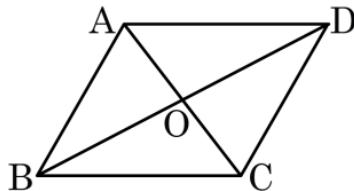
- ① 25° ② 30° ③ 35° ④ 40° ⑤ 45°

해설

$\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이므로 $\angle ADO = \angle DBC = 15^\circ$, $\angle DAO = \angle OCB = 30^\circ$

$\angle AOB = \angle DAO + \angle ADO = 15^\circ + 30^\circ = 45^\circ$ 이다.

2. 다음은 ‘평행사변형에서 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.’ 를 증명한 것이다. $\angle OAD = \angle OCB$, $\angle ODA = \angle OBC$ 인 이유는?



[가정] $\square ABCD$ 에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$

[결론] $\overline{AO} = \overline{CO}$, $\overline{BO} = \overline{DO}$

[증명] $\triangle OAD$ 와 $\triangle OCB$ 에서 평행사변형의 대변의 길이는 같으므로

$$\overline{AD} = \overline{BC} \cdots \textcircled{\text{A}}$$

$\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로

$$\angle OAD = \angle OCB \cdots \textcircled{\text{B}}$$

$$\angle ODA = \angle OBC \cdots \textcircled{\text{C}}$$

$\textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{C}}$ 에 의해서 $\triangle OAD = \triangle OCB$ (ASA 합동)

$$\therefore \overline{AO} = \overline{CO}, \overline{BO} = \overline{DO}$$

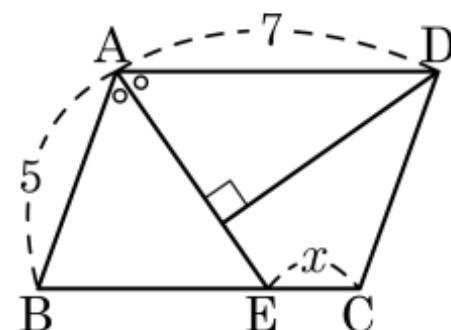
- ① 맞꼭지각
- ② 직각
- ③ 동위각
- ④ 엇각
- ⑤ 평각

해설

평행선에서의 엇각의 성질로 $\angle OAD = \angle OCB$, $\angle ODA = \angle OBC$ 이다.

3. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 x 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5



해설

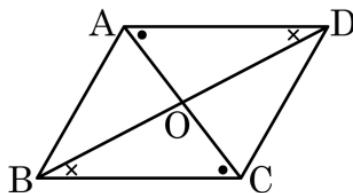
$$\overline{AD} = \overline{BC} = 7$$

$$\angle DAE = \angle AEB \text{ (엇각)}$$

$$\therefore \overline{AB} = \overline{BE} = 5$$

$$\therefore x = 7 - 5 = 2$$

4. □ABCD 가 평행사변형일 때, 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분함을 설명하는 과정이다. 다음 중 옳지 않은 것은?



□ABCD에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$, 점 O는 \overline{AC} , \overline{BD} 의 교점
 $\triangle ABO$ 와 $\triangle CDO$ 에서

평행사변형의 대변의 길이는 같으므로

① $\overline{AB} = \overline{CD} \cdots ㉠$

$\overline{AB} \parallel \overline{DC}$ 이므로

② $\angle ABO = \angle CDO$ (엇각관계) $\cdots ㉡$

③ $\angle BAO = \angle DCO$ (엇각관계) $\cdots ㉢$

㉠, ㉡, ㉢에서

$\triangle ABO \equiv \triangle CDO$ (④ SAS 합동)

$\therefore \overline{OA} = \overline{OC}$, ⑤ $\overline{OB} = \overline{OD}$

따라서, 평행사변형의 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.

① $\overline{AB} = \overline{CD}$

② $\angle ABO = \angle CDO$ (엇각관계)

③ $\angle BAO = \angle DCO$ (엇각관계)

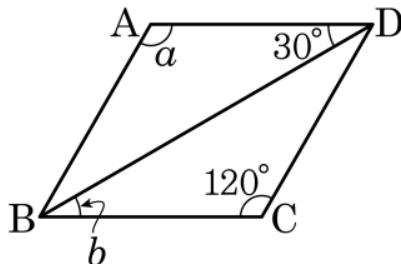
④ (SAS 합동)

⑤ $\overline{OB} = \overline{OD}$

해설

④ SAS 합동 \rightarrow ASA 합동

5. 다음 그림과 같은 $\square ABCD$ 가 평행사변형이 되도록 $\angle a$ 와 $\angle b$ 의 크기를 정할 때, 두 각의 합을 구하여라.

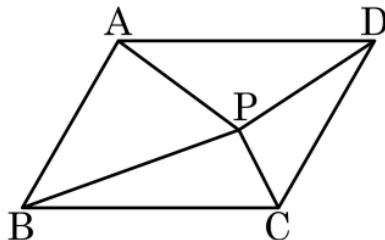


- ▶ 답 : $^{\circ}$
▶ 정답 : 150°

해설

두 쌍의 대각의 크기가 각각 같은 사각형은 평행사변형이다.
따라서 $\angle a = 120^{\circ}$, $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이고, $\angle ADB$ 와 $\angle CDA$ 는 엇각이
므로 $\angle b = 30^{\circ}$ 이다.
 $\therefore \angle a + \angle b = 150^{\circ}$

6. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 $\triangle ABP = 20\text{cm}^2$, $\triangle PBC = 13\text{cm}^2$, $\triangle APD = 17\text{cm}^2$, $\triangle DPC = x\text{cm}^2$ 이다. x 의 값을 구하여라.



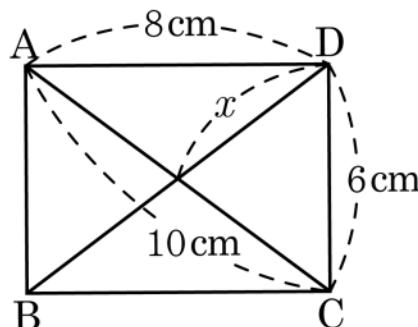
▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

내부의 한 점 P에 대하여 $\frac{1}{2}\square ABCD = \triangle ABP + \triangle DPC = \triangle APD + \triangle PBC$ 이므로
 $20 + \triangle DPC = 17 + 13$ 이다.
 $\therefore \triangle DPC = 10\text{cm}^2$

7. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD에서 $\overline{AD} = 8\text{ cm}$, $\overline{DC} = 6\text{ cm}$, $\overline{AC} = 10\text{ cm}$ 일 때, x 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 5cm

해설

직사각형은 두 대각선의 길이가 같고 서로 다른 것을 이등분 하므로 $x = 10 \div 2 = 5(\text{cm})$ 이다.

8. 다음 보기 중에서 평행사변형이 직사각형이 되기 위한 조건을 모두 몇 개인가?

보기

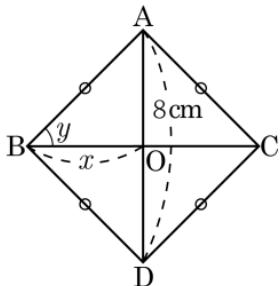
- ㉠ 이웃하는 두 변의 길이가 같다.
- ㉡ 이웃하는 두 각의 크기가 같다.
- ㉢ 한 내각의 크기가 90° 이다.
- ㉣ 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.
- ㉤ 두 대각선의 길이가 같다.

① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

- ㉠ 마름모가 될 조건
 - ㉡ 직사각형이 될 조건
 - ㉢ 직사각형이 될 조건
 - ㉣ 평행사변형이 될 조건
 - ㉤ 직사각형이 될 조건
- ∴ ㉡, ㉢, ㉤의 3개

9. 다음 그림에서 마름모 ABCD 가 정사각형이 되기 위한 x , y 의 값을 구하여라.



▶ 답: cm

▶ 답: °

▷ 정답: $x = 4$ cm

▷ 정답: $\angle y = 45$ °

해설

마름모가 정사각형이 되려면

두 대각선의 길이가 같아야 하므로

$$\Rightarrow \overline{AD} = \overline{BC}, \overline{BC} = 2\overline{BO}, 8 = 2x, x = 4 \text{ cm}$$

하나의 내각이 90° 이므로

$$\Rightarrow \angle ABD = 90^\circ, 2 \times \angle y = 90^\circ, \angle y = 45^\circ$$

10. 다음 설명하는 사각형은 어떤 사각형인가?

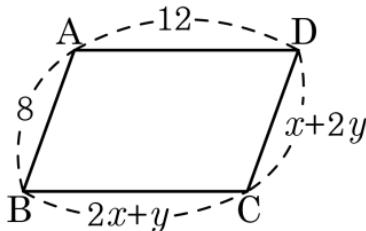
- ㉠ 네 변의 길이가 모두 같다.
- ㉡ 네 내각의 크기가 모두 같다.
- ㉢ 두 대각선의 길이가 같다.
- ㉣ 두 대각선이 서로 수직이등분한다.

- ① 사다리꼴
- ② 등변사다리꼴
- ③ 정사각형
- ④ 마름모
- ⑤ 직사각형

해설

정사각형은 네 변의 길이와 네 내각의 크기가 모두 같고, 두 대각선의 길이가 같고 서로 수직이등분한다.

11. 다음 그림과 같이 $\square ABCD$ 가 평행사변형이 되도록 x, y 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = \frac{16}{3}$

▷ 정답 : $y = \frac{4}{3}$

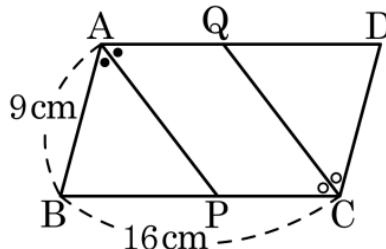
해설

연립방정식 $\begin{cases} 2x + y = 12 \\ x + 2y = 8 \end{cases}$ 을 풀면,

$$x = \frac{16}{3}, y = \frac{4}{3}$$

12. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 \overline{AP} , \overline{CQ} 는 각각 $\angle A$, $\angle C$ 의 이등분선이다.

$\overline{AB} = 9\text{ cm}$, $\overline{BC} = 16\text{ cm}$ 일 때, $\overline{AQ} + \overline{PC}$ 의 길이는?



- ① 12cm ② 13cm ③ 14cm ④ 15cm ⑤ 16cm

해설

□APCQ는 평행사변형이므로

$\angle QAP = \angle APB$ (엇각)

$$\therefore \overline{BP} = \overline{AB} = 9(\text{cm}), \overline{PC} = 16 - 9 = 7(\text{cm})$$

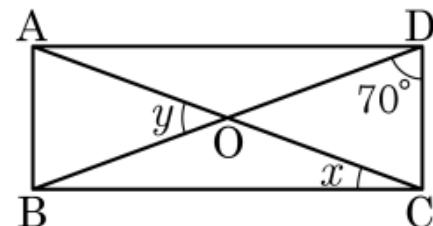
$\overline{AQ} = \overline{PC} = 7(\text{cm})$ 이므로

$$\overline{AQ} + \overline{PC} = 14(\text{cm})$$

13. 다음 직사각형 ABCD에서 $\angle x + \angle y$ 의 값은?

① 30° ② 40° ③ 50°

④ 60° ⑤ 70°



해설

$$\angle ODC = \angle DCO = 70^\circ, \angle x + \angle DCO = 90^\circ$$

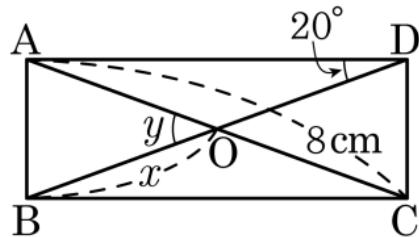
$$\therefore \angle x = 90^\circ - 70^\circ = 20^\circ$$

$$\angle ACB = \angle CBD = 20^\circ$$

$$\therefore \angle y = \angle x + \angle CBD = 20^\circ + 20^\circ = 40^\circ$$

$$\text{따라서 } \angle x + \angle y = 20^\circ + 40^\circ = 60^\circ$$

14. 다음 직사각형 ABCD 의 x , y 의 값을 차례로 나열한 것은?



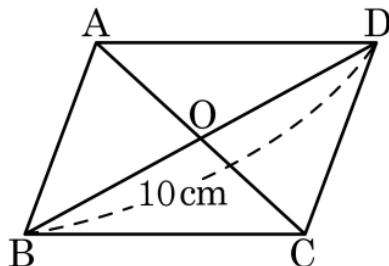
- ① 2cm, 30° ② 3cm, 30° ③ 3cm, 40°
④ 4cm, 30° ⑤ 4cm, 40°

해설

$$\overline{AC} = \overline{BD} = 8\text{cm}, \overline{BO} = x = \frac{\overline{BD}}{2} = \frac{8}{2} = 4(\text{cm})$$

$\angle ADO = \angle DAO$, 삼각형의 외각의 성질을 이용하여
 $\angle y = \angle ADO + \angle DAO = 20^\circ + 20^\circ = 40^\circ$

15. 다음 그림은 $\overline{BD} = 10\text{cm}$ 인 평행사변형 ABCD이다. 평행사변형 ABCD가 직사각형이 되도록 하는 \overline{OA} 의 길이는? (단, O는 대각선의 교점이다.)



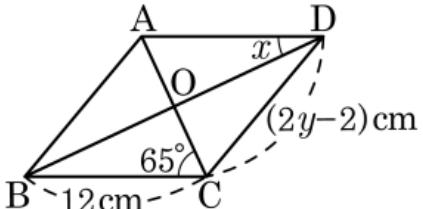
- ① 2cm ② 5cm ③ 7cm ④ 10cm ⑤ 12cm

해설

평행사변형이 직사각형이 되는 조건은 두 대각선의 길이가 서로 같아야 한다.

따라서 $\overline{BD} = \overline{AC} = 10\text{cm}$, $\overline{OA} = \frac{\overline{AC}}{2} = \frac{10}{2} = 5\text{cm}$ 이다.

16. 다음 그림에서 ABCD가 마름모일 때,
 $x - y$ 의 값을 구하여라.(단, 단위생략)



▶ 답:

▶ 정답: 18

해설

마름모는 두 대각선이 서로 직교하므로 $\angle AOD = 90^\circ$ 가 된다.

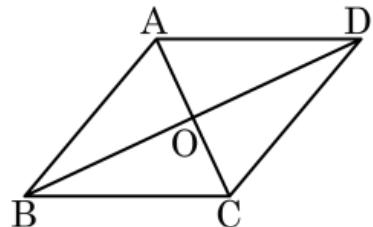
$\angle BCO = \angle DAO = 65^\circ$ 이므로 $x = 25^\circ$ 가 된다.

마름모이므로 모든 변의 길이가 같다.

따라서 $12 = 2y - 2$, $y = 7$ 이다.

$$\therefore x - y = 25 - 7 = 18$$

17. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 가 마름모가 되는 조건이 아닌 것을 모두 고르면?
(2 개)



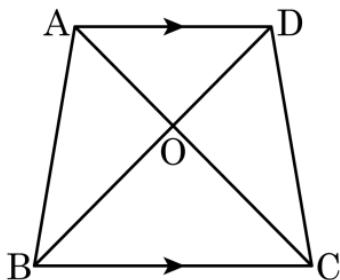
- ① $\overline{AC} = \overline{BD}$ ② $\overline{AB} = \overline{AD}$
③ $\angle BCD = \angle CDA$ ④ $\angle ABD = \angle DBC$
⑤ $\overline{AC} \perp \overline{BD}$

해설

① 직사각형의 성질

③ $\angle BCD = \angle CDA = \frac{180^\circ}{2} = 90^\circ$ 이므로 직사각형이 된다.

18. 다음 그림의 등변사다리꼴 ABCD에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

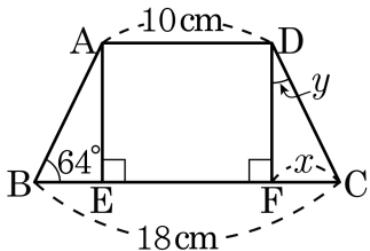


- ① $\overline{AC} = \overline{DB}$
- ② $\overline{AB} = \overline{DC}$
- ③ ($\triangle ABD$ 의 넓이) = ($\triangle DCA$ 의 넓이)
- ④ $\triangle ABC \equiv \triangle DCB$
- ⑤ $\triangle OBC$ 는 정삼각형이다.

해설

- ② 등변사다리꼴의 성질
- ①, ④ $\triangle ABC$ 와 $\triangle DCB$ 에서
 $\overline{AB} = \overline{DC}$ 이고, \overline{BC} 는 공통,
 $\angle B = \angle C$ 이므로 $\triangle ABC \equiv \triangle DCB$ (SAS합동)
 $\therefore \overline{AC} = \overline{DB}$
- ③ $\triangle ABD$ 와 $\triangle DCA$ 에서
 $\overline{AD} // \overline{BC}$ 이고 밑변 \overline{AD} 는 공통이므로
($\triangle ABD$ 의 넓이) = ($\triangle DCA$ 의 넓이)

19. 다음 그림과 같이 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 등변사다리꼴 ABCD 의 꼭짓점 A, D에서 \overline{BC} 로 내린 수선의 발을 E, F 라고 할 때, x , y 를 차례대로 구하여라.



▶ 답: cm

▶ 답: °

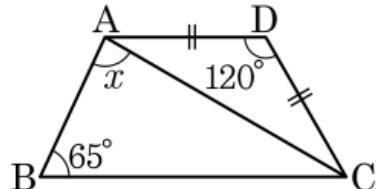
▷ 정답: $x = 4$ cm

▷ 정답: $\angle y = 26$ °

해설

등변사다리꼴에서 $\triangle ABE \cong \triangle DCF$ 이므로
 $\overline{BE} = \overline{CF}$, $x = 4\text{cm}$, $\angle y = 26^\circ$

20. 다음 그림은 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 사다리꼴이다.
 $\overline{AD} = \overline{DC}$ 이고, $\angle ABC = 65^\circ$, $\angle ADC = 120^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 : 85

해설

삼각형 ADC 는 이등변삼각형이므로

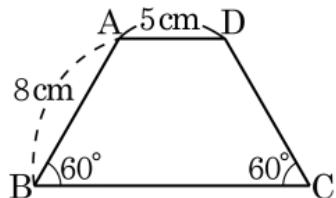
$$\angle DAC = \angle DCA = 30^\circ$$

$\angle BCA = 30^\circ$ ($\angle DAC$ 와 엇각관계)

그러므로 $\angle x + 65^\circ + 30^\circ = 180^\circ$

$$\therefore \angle x = 85$$

21. 다음 그림과 같이 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 사다리꼴 ABCD에서 $\angle B = \angle C = 60^\circ$ 이고, $\overline{AB} = 8\text{ cm}$, $\overline{AD} = 5\text{ cm}$ 일 때, \overline{BC} 의 길이를 구하여라.



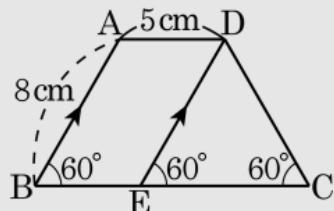
▶ 답 : cm

▷ 정답 : 13cm

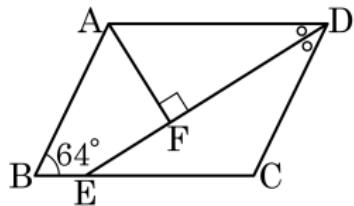
해설

점 D에서 \overline{AB} 와 평행한 선분을 그어 \overline{BC} 와 만난 점을 E라 하면, $\overline{DE} = \overline{AB} = 8\text{ cm}$, 삼각형 DEC는 정삼각형이 되므로 $\overline{EC} = 8\text{ cm}$ 사각형 ABED는 평행사변형이므로 $\overline{AD} = \overline{BE} = 5\text{ cm}$

$$\therefore \overline{BC} = \overline{BE} + \overline{EC} = 5 + 8 = 13 (\text{cm})$$



22. 다음 그림과 같이 $\angle B = 64^\circ$ 인 평행사변형 ABCD의 꼭짓점 A에서 $\angle D$ 의 이등분선 위에 내린 수선의 발을 F라 할 때, $\angle BAF$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\hspace{1cm}}$

▷ 정답: 58°

해설

$$\angle ADF = \angle CDF = 64^\circ \div 2 = 32^\circ$$

$$\angle DAF = 180^\circ - (32^\circ + 90^\circ) = 58^\circ$$

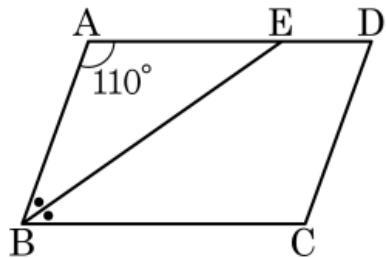
$$\angle DAB = 180^\circ - 64^\circ = 116^\circ$$

$$\therefore \angle BAF = \angle DAB - \angle DAF$$

$$= 116^\circ - 58^\circ$$

$$= 58^\circ$$

23. 다음 그림의 평행사변형 ABCD에서 $\angle BAD = 110^\circ$ 이고 $\angle ABE = \angle CBE$ 일 때, $\angle BED$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$ $^\circ$

▶ 정답 : 145°

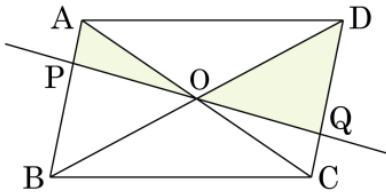
해설

$$\angle ABC = 180^\circ - 110^\circ = 70^\circ$$

$$\angle ABE = \angle EBC = \angle AEB = 70^\circ \times \frac{1}{2} = 35^\circ$$

$$\therefore \angle BED = 180^\circ - 35^\circ = 145^\circ$$

24. 오른쪽 그림과 같이 넓이가 60 cm^2 인 평행사변형 ABCD에서 두 대각선의 교점 O를 지나는 직선과 \overline{AB} , \overline{CD} 와의 교점을 각각 P, Q라 할 때, 색칠한 부분의 넓이의 합을 구하여라.



▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 15 cm^2

해설

$\triangle AOP$ 와 $\triangle COQ$ 에서

$\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ 이므로 $\angle BAC = \angle ACD$ (엇각)

$\angle AOP = \angle COQ$ (맞꼭지각)

$\overline{AO} = \overline{CO}$ (평행사변형의 성질)

$\therefore \triangle AOP \cong \triangle COQ$ (ASA 합동)

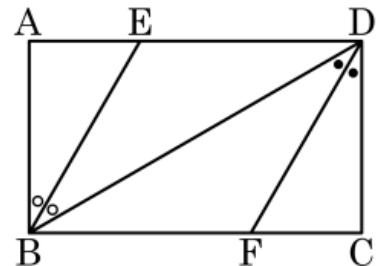
$\triangle AOP$ 와 $\triangle COQ$ 가 합동이므로 색칠한 부분의 넓이의 합은 $\triangle CDO$ 와 같다.

$\square ABCD = 4\triangle CDO$ 이므로 $60 = 4\triangle CDO$

$\therefore \triangle CDO = 15(\text{ cm}^2)$

따라서 색칠한 부분의 넓이의 합은 15 cm^2 이다.

25. 다음 그림에서 \overline{BD} 는 직사각형 ABCD의 대각선이다. $\angle ABD$, $\angle BDC$ 의 이등분선이 \overline{AD} , \overline{BC} 와 만나는 점을 각각 E, F라 할 때, $\overline{DE} = 8\text{cm}$ 일 때, $\square EBFD$ 의 둘레는?



- ① 30cm ② 32cm ③ 34cm
④ 36cm ⑤ 38cm

해설

$\overline{EB} \parallel \overline{DF}$ 이므로 $\angle EBD = \angle FDB$ 이고 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로 $\angle EDB = \angle DBF$ 이다.

따라서 $\triangle EBD$ 는 이등변삼각형이고, $\overline{DE} = \overline{BE}$ 이므로 $\square ABCD$ 는 마름모이다.

$\overline{DE} = 8\text{cm}$ 이므로 둘레는 $4 \times 8 = 32(\text{cm})$ 이다.