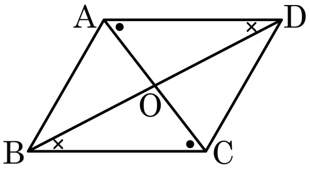
1. 다음은 '평행사변형에서 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.' 를 증명한 것이다. 가정으로 옳은 것은?



[가정] $\boxed{}$

[결론] $\overline{AO} = \overline{CO}, \overline{BO} = \overline{DO}$

[증명] $\triangle OAD$ 와 $\triangle OCB$ 에서

$\overline{AD} = \overline{BC} \cdots$ ㉠

$\overline{AD} \,/\!/\, \overline{BC}$ 이므로

$\angle OAD = \angle OCB$ (엇각) $\cdots$ ㉡

$\angle ODA = \angle OBC$ (엇각) $\cdots$ ㉢

㉠, ㉡, ㉢에 의해서 $\triangle OAD \equiv \triangle OCB$ (ASA 합동)

$\therefore \overline{AO} = \overline{CO}, \overline{BO} = \overline{DO}$

① $\square ABCD$ 에서 $\overline{AB} = \overline{DC},\ \overline{AD} = \overline{BC}$

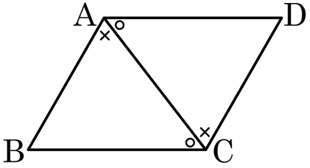
② $\square ABCD$ 에서 $\overline{AB} = \overline{DC},\ \overline{AD} \,/\!/\, \overline{BC}$

③ $\square ABCD$ 에서 $\overline{AB} \,/\!/\, \overline{DC},\ \overline{AD} = \overline{BC}$

④ $\square ABCD$ 에서 $\overline{AB} \,/\!/\, \overline{DC},\ \overline{AD} \,/\!/\, \overline{BC}$

⑤ $\square ABCD$ 에서 $\overline{AB} \,/\!/\, \overline{AD},\ \overline{CD} \,/\!/\, \overline{BC}$

2. 다음은 '평행사변형에서 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.' 를 증명한 것이다. ㄱ ~ ㅁ에 들어갈 것으로 옳지 <u>않은</u> 것은?



[가정] □ABCD 에서 $\overline{AB} \,/\!/\, \overline{DC}$, $\overline{AD} \,/\!/\, \overline{BC}$

[결론] $\boxed{\quad\text{ㄱ}\quad} = \angle C$, $\angle B = \angle D$

[증명] 점 A와 점 C를 이으면 △ABD와 △CDB에서 $\boxed{\quad\text{ㄴ}\quad}$ 는 공통 ⋯㉠

$\overline{AB} \,/\!/\, \boxed{\quad\text{ㄷ}\quad}$ 이므로 $\angle BAC = \angle DCA$ ⋯㉡

$\overline{AD} \,/\!/\, \overline{BC}$ 이므로 $\boxed{\quad\text{ㄹ}\quad} = \angle DAC$ ⋯㉢

㉠, ㉡, ㉢에 의해서 $\triangle ABC \equiv \triangle CDA$

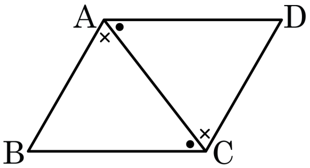
($\boxed{\quad\text{ㅁ}\quad}$ 합동)

$\therefore\ \angle A = \angle C$, $\angle B = \angle D$

① ㄱ : $\angle A$ ② ㄴ : $\overline{AC}$ ③ ㄷ : $\overline{DC}$

④ ㄹ : $\angle BCA$ ⑤ ㅁ : SAS

3. 다음은 평행사변형의 성질을 증명하는 과정이다. 어떤 성질을 증명한 것인가?



평행사변형에서 점 A와 점 C를 이으면
$\triangle ABC$와 $\triangle CDA$에서 $\overline{AC}$는 공통 $\cdots$㉠
$\overline{AB} \,/\!/\, \overline{CD}$이므로 $\angle BAC = \angle DCA \cdots$㉠
$\overline{AD} \,/\!/\, \overline{BC}$이므로 $\angle BCA = \angle DAC \cdots$㉠
㉠, ㉡, ㉢에 의해서 $\triangle ABC \equiv \triangle CDA$(ASA 합동)
$\therefore\ \angle A = \angle C,\ \angle B = \angle D$

① 평행사변형에서 두 쌍의 엇각의 크기가 각각 같다.

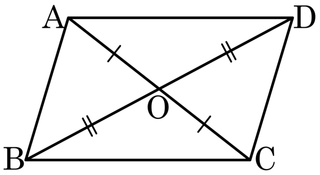
② 평행사변형에서 두 쌍의 대변의 길이는 각각 같다.

③ 평행사변형에서 두 쌍의 대각의 크기가 각각 같다.

④ 평행사변형에서 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.

⑤ 평행사변형에서 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.

4. 다음은 '두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하면 평행사변형이다.' 를 증명하는 과정이다. ㄱ~ㅁ에 들어갈 것으로 옳지 <u>않은</u> 것은?



[가정] □ABCD에서 $\overline{OA}=\overline{OC}$, $\overline{OB}=$ $\boxed{\quad ㄱ \quad}$

[결론] $\overline{AB}\,/\!/\,\overline{DC}$, $\overline{AD}\,/\!/\,\overline{BC}$

[증명] △OAB와 △OCD에서

$\overline{OA}=\overline{OC}$, $\overline{OB}=$ $\boxed{\quad ㄱ \quad}$ (가정)

$\angle AOB=\angle COD$ ($\boxed{\quad ㄴ \quad}$)

따라서 △OAB ≡ △OCD ($\boxed{\quad ㄷ \quad}$ 합동)에서

$\angle OAB=$ $\boxed{\quad ㄹ \quad}$ 이므로

$\therefore \overline{AB}\,/\!/\,\overline{DC}\cdots$ ㉠

마찬가지로 △OAD ≡ △OCB에서

$\boxed{\quad ㅁ \quad}$ $=\angle OCB$이므로

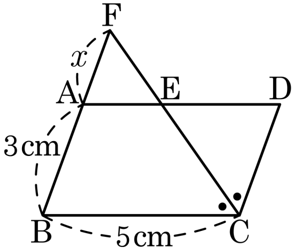
$\therefore \overline{AD}\,/\!/\,\overline{BC}\cdots$ ㉡

㉠, ㉡에 의하여 □ABCD는 평행사변형이다.

① ㄱ : $\overline{OD}$　② ㄴ : 맞꼭지각　③ ㄷ : SAS

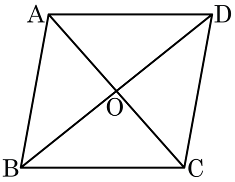
④ ㄹ : $\angle OCD$　⑤ ㅁ : $\angle ODA$

5. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = 3\,\mathrm{cm}$, $\overline{BC} = 5\,\mathrm{cm}$ 인 평행사변형 ABCD 에서 $\angle C$ 의 이등분선과 $\overline{AD}$ 의 교점을 E , $\overline{AB}$ 의 연장선과의 교점을 F 라 한다. 이때, x 의 길이를 구하여라.



답: ____________ cm

6. 평행사변형의 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분함을 증명하기 위하여 $\triangle OAB \equiv \triangle OCD$임을 보일 때, 이용되는 합동조건은?



① SSS 합동 ② SAS 합동

③ ASA 합동 ④ RHA 합동

⑤ RHS 합동