

1. $\sqrt{\sqrt{81}} - \sqrt{0.09} + \sqrt{(0.9)^2} - \sqrt{\frac{1}{16}}$ 을 계산하면?

- ① 3.05
- ② 3.15
- ③ 3.25
- ④ 3.35
- ⑤ 3.45

해설

$$(\text{준식}) = 3 - 0.3 + 0.9 - \frac{1}{4} = 3.35$$

2. $2 \leq \sqrt{2x} < 4$ 을 만족하는 자연수 x 의 개수는?

- ① 3 개
- ② 4 개
- ③ 5 개
- ④ 6 개
- ⑤ 7 개

해설

$2 \leq \sqrt{2x} < 4$ 는 $4 \leq 2x < 16$ 이다. 따라서 $2 \leq x < 8$ 이므로 자연수 x 는 2, 3, 4, 5, 6, 7로 6개이다.

3. $2 + \sqrt{3}$ 의 소수 부분은?

- ① $\sqrt{3} - 5$ ② $\sqrt{3} - 4$ ③ $\sqrt{3} - 3$
④ $\sqrt{3} - 2$ ⑤ $\sqrt{3} - 1$

해설

$1 < \sqrt{3} < 2$ 이고 $3 < 2 + \sqrt{3} < 4$ 이므로

$$2 + (\sqrt{3} \text{의 정수 부분}) = 3$$

$$(\text{소수 부분}) = (2 + \sqrt{3}) - 3 = \sqrt{3} - 1$$

4. 식 $2(\sqrt{12} \times \sqrt{7}) \div (\sqrt{28} \times \sqrt{3})$ 을 간단히 하면?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$(\text{준식}) = \sqrt{\frac{4 \times 12 \times 7}{28 \times 3}} = 2$$

5. $\left(2a + \frac{1}{2}\right)^2$ 을 전개하면?

① $2a^2 + \frac{1}{2}$

② $4a^2 + \frac{1}{4}$

③ $4a^2 + a + \frac{1}{2}$

④ $4a^2 + 2a + \frac{1}{2}$

⑤ $4a^2 + 2a + \frac{1}{4}$

해설

$$(2a)^2 + 2(2a) \left(\frac{1}{2}\right) + \left(\frac{1}{2}\right)^2$$

$$= 4a^2 + 2a + \frac{1}{4}$$

6. $a - b = 1$, $a^2 - b^2 = 4$ 일 때, $a + b$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}a^2 - b^2 &= (a + b)(a - b) = (a + b) \times 1 = 4 \\ \therefore a + b &= 4\end{aligned}$$

7. $a < 0$ 일 때, $\sqrt{64a^2}$ 을 간단히 한 것으로 옳은 것을 고르면?

① $-64a^2$

② $-8a$

③ $8a$

④ $8a^2$

⑤ $64a^2$

해설

$8a < 0$ 이므로

$$\sqrt{64a^2} = \sqrt{(8a)^2} = -(8a) = -8a$$

8. $\sqrt{2 \times 3 \times 7^2 \times a}$ 가 정수가 되기 위한 가장 작은 자연수 a 를 구하면?

① 2

② 3

③ 6

④ 7

⑤ 42

해설

$\sqrt{294a} = \sqrt{2 \times 3 \times 7^2 \times a}$ 이 정수가 되기 위해서는 근호안의 수가 완전제곱수가 되어야 하므로 $a = 2 \times 3 \times k^2$ 이 되어야 한다.
 \therefore 가장 작은 자연수 a 는 $k = 1$ 일 때이므로 $a = 2 \times 3 \times 1^2 = 6$

9. 다음 중 옳은 것은?

① $(-a - b)^2 = -(a + b)^2$

② $(-a + b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

③ $(-a + 2)(-a - 2) = -a^2 - 4$

④ $(2a - b)^2 = 4a^2 - b^2$

⑤ $(a + b)^2 - (a - b)^2 = 0$

해설

① $(-a - b)^2 = \{-(a + b)\}^2 = (a + b)^2$

② $(-a + b)^2 = \{-(a - b)\}^2 \not\equiv (a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

③ $(-a + 2)(-a - 2) = (-a)^2 - 2^2 = a^2 - 4$

④ $(2a - b)^2 = (2a)^2 - 2 \times 2a \times b + b^2 = 4a^2 - 4ab + b^2$

⑤ $(a + b)^2 - (a - b)^2 = 4ab$

10. 다음 중 옳지 않은 것은?

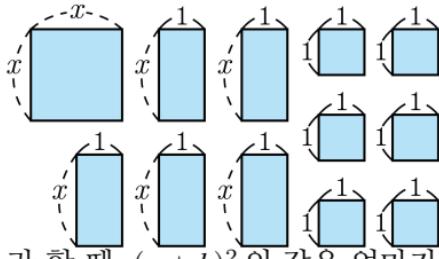
- ① $a(b + 1) + (b + 1) = (a + 1)(b + 1)$
- ② $(x + y)^2 - 2(x + y) + 1 = (x + y - 1)^2$
- ③ $x^2 + 4x + 4 - y^2 = (x + y + 2)(x - y + 2)$
- ④ $(x + 2y)^2 - (3x - 2y)^2 = -8x(x - 2y)$
- ⑤ $(x - 3)^2 + 2(x - 3) - 8 = (x + 1)(x - 6)$

해설

⑤ $x - 3 = X$ 라고 하면

$$\begin{aligned}(x - 3)^2 + 2(x - 3) - 8 &= X^2 + 2X - 8 \\&= (X + 4)(X - 2) \\&= (x - 3 + 4)(x - 3 - 2) \\&= (x + 1)(x - 5)\end{aligned}$$

11. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 x 인 정사각형 한 개와, 두 변의 길이가 각각 x , 1인 직사각형 5 개, 한 변의 길이가 1인 정사각형 6 개를 재배열하여 직사각형 한 개를 만들려한다. 이 직사각형의 가로의 길이를 a , 세로의 길이를 b 라 할 때, $(a+b)^2$ 의 값은 얼마가 되는가?



- ① $x^2 + 5x + 6$
- ② $(2a + b)^2$
- ③ $4x^2 + 20x + 25$
- ④ $(4a + b)^2$
- ⑤ 25

해설

한 변이 x 인 정사각형 한 개의 넓이: x^2

세로, 가로가 각각 x , 1인 직사각형 5개의 넓이: $5x$

한 변의 길이가 1인 정사각형 6개의 넓이: 6

따라서 직사각형의 넓이는

$$x^2 + 5x + 6 = (x+2)(x+3) \text{이다.}$$

가로 길이를 $x+3 = a$, 세로 길이를 $x+2 = b$ 라 하면

$$(a+b)^2 = (x+3+x+2)^2$$

$$= (2x+5)^2$$

$$= 4x^2 + 20x + 25$$

12. $x^2 - 9 + xy - 3y$ 를 인수분해하면?

- ① $(x + 3)(x + 3 + y)$
- ② $(x + 3)(x + 3 - y)$
- ③ $(x - 3)(x - 3 - y)$
- ④ $(x - 3)(x + 3 + y)$
- ⑤ $(x + 3)(x - 3 + y)$

해설

$$(x + 3)(x - 3) + y(x - 3) = (x - 3)(x + 3 + y)$$

13. $(x + 3y + z)(x - 3y - z)$ 를 전개하면?

- ① $x^2 - 3yz - 6y^2 - z^2$ ② $x^2 - 3yz - 9y^2 - z^2$
③ $x^2 - 6yz - 3y^2 - z^2$ ④ $x^2 - 6yz - 9y^2 - z^2$
⑤ $x^2 - 9yz - 9y^2 - z^2$

해설

$(x + 3y + z)(x - 3y - z)$ 에서 $3y + z = t$ 라 하자.

$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$ 을 이용하여 전개하면

$x^2 - t^2$ 이고 $t = 3y + z$ 를 대입하면

$$x^2 - (3y + z)^2$$

$$= x^2 - (9y^2 + 6yz + z^2)$$

$$= x^2 - 9y^2 - 6yz - z^2 \text{ 이다.}$$

14. 이차식 $ax^2 + 30x + b$ 를 완전제곱식으로 고치면 $(cx+3)^2$ 일 때, $\frac{b}{a+c}$ 의 값을 구하면?

- ① $\frac{1}{10}$ ② $\frac{3}{10}$ ③ $\frac{1}{5}$ ④ $\frac{3}{5}$ ⑤ $\frac{1}{2}$

해설

$$ax^2 + 30x + b = (cx + 3)^2 = c^2x^2 + 6cx + 9$$

$$\Rightarrow a = c^2, 30 = 6c, b = 9$$

$$\Rightarrow a = 25, c = 5, b = 9$$

따라서 $\frac{b}{a+c} = \frac{9}{25+5} = \frac{9}{30} = \frac{3}{10}$ 이다.

15. 다음 보기 중 $xy(2x + 3y) - xy(x + y)$ 의 인수를 모두 고른 것은?

보기

Ⓐ xy

Ⓑ $x + y$

Ⓒ $x + 2y$

Ⓓ $2x + 3y$

Ⓔ $x(x + 2y)$

Ⓕ $y(x + y)$

① Ⓑ, Ⓛ

② Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓛ

③ Ⓐ, Ⓑ, Ⓛ

④ Ⓒ, Ⓑ, Ⓛ

⑤ Ⓑ, Ⓛ, Ⓛ

해설

$$\begin{aligned} xy(2x + 3y) - xy(x + y) &= xy\{(2x + 3y) - (x + y)\} \\ &= xy(x + 2y) \end{aligned}$$