

1. 이차방정식  $2x^2 + (k+2)x + 1 = 0$  이 중근을 가질 때,  $k$ 의 값을 구하여라.

①  $-1 \pm \sqrt{2}$       ②  $1 \pm \sqrt{2}$       ③  $-2 \pm \sqrt{2}$   
④  $-1 \pm 2\sqrt{2}$       ⑤  $-2 \pm 2\sqrt{2}$

해설

이차방정식의 판별식을  $D$ 라고 할 때  
 $2x^2 + (k+2)x + 1 = 0$ 이 중근을 가지려면  $D = 0$   
 $D = (k+2)^2 - 4 \times 2 \times 1 = 0$   
 $(k+2)^2 = 8$ ,  $k+2 = \pm 2\sqrt{2}$   
 $\therefore k = -2 \pm 2\sqrt{2}$

2. 이차방정식  $x^2 + 8x + 4 + 4m = 0$  이 중근을 갖기 위한  $m$ 의 값을 고르면?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$x^2 + 8x + 4 + 4m = 0$  이 중근을 가지려면

완전제곱식의 형태로 변형되어야 한다.

$$x^2 + 8x + 16 = (x + 4)^2 \text{ 이므로, } 4 + 4m = 16$$

$$4m = 12$$

$$\therefore m = 3$$

3. 이차방정식  $x^2 + 8x + 24 - m = 0$  이 중근을 갖도록 하는  $m$ 의 값은?

- ① -8      ② -6      ③ 0      ④ 6      ⑤ 8

해설

중근을 가지려면  $x^2 + 8x + 24 - m = 0$  이 완전제곱식이 되어야 하므로  $24 - m = 16$

$$\therefore m = 8$$

4. 이차방정식  $x^2 + 4ax + 6a + 4 = 0$ 의 중근을 가질 때, 양수  $a$ 의 값은?

- ① -2      ② -1      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

해설

$$x^2 + 4ax + 6a + 4 = 0$$

$$x^2 + 4ax = -6a - 4$$

$$(x + 2a)^2 = -6a - 4 + 4a^2$$

따라서  $-a - 4 + a^2 = 0$ 이므로

$$(4a + 2)(a - 2) = 0$$

$$a = -\frac{1}{2} \text{ 또는 } a = 2 \text{이다.}$$

5. 다음은 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$  ( $a \neq 0$ ) 을 푸는 과정이다. ① ~ ⑤에 들어갈 식이 바르지 못한 것은?

$$\begin{aligned} ax^2 + bx + c &= 0 \\ x^2 + \frac{b}{a}x &= -\frac{c}{a} \\ x^2 + \frac{b}{a}x + \textcircled{1} &= -\frac{c}{a} + \textcircled{1} \\ (x + \textcircled{2})^2 &= \textcircled{3} \\ x &= \textcircled{4} \pm \textcircled{5} \end{aligned}$$

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \quad \frac{b^2}{4a^2} & \textcircled{2} \quad \frac{b}{2a} & \textcircled{3} \quad \frac{b^2 - 4ac}{2a} \\ \textcircled{4} \quad -\frac{b}{2a} & \textcircled{5} \quad \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} & \end{array}$$

해설

$ax^2 + bx + c = 0 \leftarrow$  양변을  $a$ 로 나눈다.  
 $x^2 + \frac{b}{a}x = -\frac{c}{a} \leftarrow$  양변에  $\left(\frac{b}{2a}\right)^2 = \frac{b^2}{4a^2}$  을 더한다.  
 $x^2 + \frac{b}{a}x + \frac{b^2}{4a^2} = -\frac{c}{a} + \frac{b^2}{4a^2}$   
 $\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 = \frac{b^2 - 4ac}{4a^2} \leftrightarrow x + \frac{b}{2a} = \pm \sqrt{\frac{b^2 - 4ac}{4a^2}}$   
 $x = -\frac{b}{2a} \pm \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$   
 $\therefore \textcircled{3} \textcircled{5}$  잘못되었다.

6. 다음은 이차방정식  $ax^2 + 2bx + c = 0$  ( $a \neq 0$ )을 푸는 과정이다. ①  
~ ⑤에 들어갈 식이 바르지 못한 것은? (단,  $b^2 - ac \geq 0$ )

$$ax^2 + 2bx + c = 0 \quad (a \neq 0)$$

$$x^2 + \frac{2b}{a}x = -\frac{c}{a}$$

$$x^2 + \frac{2b}{a}x + ① = -\frac{c}{a} + ①$$

$$(x + ②)^2 = ③$$

$$x = ④ \pm ⑤$$

$$\textcircled{1} \quad \frac{b^2}{a^2}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{b}{a}$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{b^2 - ac}{a^2}$$

$$\textcircled{4} \quad -\frac{b}{a}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a^2}$$

해설

$$ax^2 + 2bx + c = 0 \quad (a \neq 0)$$

양변을  $a$ 로 나누고 상수항을 이항하면

$$x^2 + \frac{2b}{a}x = -\frac{c}{a},$$

양변에  $\frac{b^2}{a^2}$ 을 더하면

$$x^2 + \frac{2b}{a}x + \frac{b^2}{a^2} = -\frac{c}{a} + \frac{b^2}{a^2}$$

$$\left(x + \frac{b}{a}\right)^2 = \frac{b^2 - ac}{a^2}$$

$$x + \frac{b}{a} = \pm \frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a}$$

$$x = -\frac{b}{a} \pm \frac{\sqrt{b^2 - ac}}{a}$$

$\therefore$  ⑤가 잘못 되었다.

7. 이차방정식  $2x^2 - 9x - ax + 3a + 8 = 0$  이 정수의 근을 가질 때, 정수  $a$ 의 값들의 합을 구하면?

① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

해설

주어진 식을  $a$ 에 관하여 정리하면  $-a(x-3) + 2x^2 - 9x + 8 = 0$  이다.

$$\begin{aligned} a &= \frac{2x^2 - 9x + 8}{(x-3)(2x-3)-1} \\ &= \frac{x-3}{x-3} \end{aligned}$$

$a$ 는 정수이므로  $x-3 = \pm 1$  이다.

$x = 2$  또는  $x = 4$ 이므로

( i )  $x = 2$  일 때,  $a = 2$

( ii )  $x = 4$  일 때,  $a = 4$  이다.

따라서 정수  $a$ 의 값들의 합은  $2 + 4 = 6$  이다.

8. 이차방정식  $x^2 + ax - 10 = 0$  의 해가 정수일 때, 정수  $a$ 의 개수를 구하면?

- ① 1      ② 2      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

곱이  $-10$ 인 두 정수는  
 $-10 = (-1) \times 10 = 1 \times (-10)$   
 $= (-2) \times 5 = 2 \times (-5)$   
 $(-1, 10), (1, -10), (-2, 5), (2, -5)$   
이므로 두 수의 합은  $-9, 9, -3, 3$ 이다.  
 $a = 9$  또는  $a = -9$  또는  $a = 3$  또는  $a = -3$

따라서 정수  $a$ 의 개수는 4이다.

9. 이차방정식  $x^2 - 6x + (a - 1) = 0$  의 서로 다른 두 근이 모두 정수가 되도록 하는 자연수  $a$  값을 모두 더하면?

① 13      ② 14      ③ 15      ④ 16      ⑤ 18

해설

$$x^2 - 6x = -a + 1, x^2 - 6x + 9 = -a + 10, (x - 3)^2 = -a + 10$$

$$x - 3 = \pm \sqrt{-a + 10}, x = 3 \pm \sqrt{10 - a}$$

두 근이 정수가 되려면  $10 - a$  가 제곱수가 되어야 하므로

$$10 - a = 9, 4, 1$$
에서  $a = 1, 6, 9$

따라서  $a$  값들의 합은  $1 + 6 + 9 = 16$ 이다.