

1. x, y 가 자연수일 때, $3x + y = 19$ 를 만족하는 x, y 순서쌍의 개수를 구하면?(단, $x > y$)

① 2 개 ② 3 개 ③ 4 개 ④ 5 개 ⑤ 6 개

해설

자연수 x, y 에 대하여 $3x + y = 19$ 를 만족하는 순서쌍은 $(1, 16), (2, 13), (3, 10), (4, 7), (5, 4), (6, 1)$ 이고 이 중 x 의 값이 더 큰 것은 2개이다.

2. x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $x+2y=5$ 의 해는 모두 몇 쌍인가?

- ① 1 쌍 ② 2 쌍 ③ 3 쌍 ④ 4 쌍 ⑤ 5 쌍

해설

(1, 2), (3, 1)

3. x, y 가 자연수일 때, $x + 2y = 10$ 을 만족하는 순서쌍 (x, y) 를 모두 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (2, 4)

▷ 정답 : (4, 3)

▷ 정답 : (6, 2)

▷ 정답 : (8, 1)

해설

$y = 1, 2, 3, 4, \dots$ 를 차례로 대입하여 x 값을 구한다.

4. 자연수 x, y 에 대하여 일차방정식 $x + 2y = 8$ 을 만족시키는 x, y 의 순서쌍 (x, y) 를 모두 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : (2, 3)

▷ 정답 : (4, 2)

▷ 정답 : (6, 1)

해설

(2, 3), (4, 2), (6, 1)

5. 연립방정식 $\begin{cases} 3x - 2y = -4 & \cdots \text{㉠} \\ -x + y = 3 & \cdots \text{㉡} \end{cases}$ 을 y 항을 소거하여 가감법으로 풀려고 할 때, 옳은 것은?

- ① ㉠ + ㉡ × 3 ② ㉠ × 2 - ㉡ ③ ㉠ × 2 + ㉡
 ④ ㉠ + ㉡ × 2 ⑤ ㉠ × 3 - ㉡ × 2

해설

$\begin{cases} 3x - 2y = -4 & \cdots \text{㉠} \\ -x + y = 3 & \cdots \text{㉡} \end{cases}$ 에서 y 를 소거하기 위해선 y 의 계수를 맞추는 후에 두 식을 더한다. ㉠ + ㉡ × 2 하면 y 가 소거된다.

6. 연립방정식 $\begin{cases} 2x + y = 7 \cdots \textcircled{1} \\ x - 2y = 1 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$ 에서 x 를 소거할 때, 필요한 계산식을 써라.

▶ 답:

▷ 정답: $\textcircled{1} - \textcircled{2} \times 2$

해설

순서는 소거할 대상을 정한후, 소거할 미지수의 계수를 같게 하여 부호가 같으면 방정식을 빼고, 다르면 더한다

7. 연립방정식 $\begin{cases} 4x + 5y = 2 \cdots \textcircled{A} \\ 3x - 4y = 6 \cdots \textcircled{B} \end{cases}$ 을 가감법을 이용하여 풀 때, 다음

중 미지수 x 를 소거하기 위한 방법은?

- ① $\textcircled{A} \times 3 - \textcircled{B} \times 4$ ② $\textcircled{A} \times 4 - \textcircled{B} \times 3$
③ $\textcircled{A} \times 3 + \textcircled{B} \times 4$ ④ $\textcircled{A} \times 4 + \textcircled{B} \times 3$
⑤ $\textcircled{A} \times 3 + \textcircled{B} \times 3$

해설

x 를 소거하기 위하여 x 의 계수를 같게 한다.

$\therefore \textcircled{A} \times 3 - \textcircled{B} \times 4$

8. 다음 연립방정식을 가감법으로 풀 때, x 를 소거하기 위해 알맞은 것은?

$$\begin{cases} 5x - 3y = 7 \cdots \text{㉠} \\ 2x + 2y = 6 \cdots \text{㉡} \end{cases}$$

① $\text{㉠} \times 2 + \text{㉡} \times 3$

② $\text{㉠} \times 2 - \text{㉡} \times 3$

③ $\text{㉠} \times 3 + \text{㉡} \times 2$

④ $\text{㉠} \times 3 - \text{㉡} \times 2$

⑤ $\text{㉠} \times 2 - \text{㉡} \times 5$

해설

x 의 계수를 5, 2 의 최소공배수인 10 으로 만들어 $\text{㉠} \times 2 - \text{㉡} \times 5$ 하면 x 가 소거된다.

9. 방정식 $-x + 4y = 6$ 을 만족하는 x, y 의 비가 $2 : 1$ 일 때, $x - y$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

$$\begin{aligned}x : y = 2 : 1 &\Rightarrow 2y = x \text{ 를 식에 대입하면} \\ -2y + 4y &= 6 \\ y = 3, x &= 6 \\ \therefore x - y &= 6 - 3 = 3\end{aligned}$$

10. 연립방정식 $\begin{cases} 3x - y = 6 - a & \dots \textcircled{1} \\ 2x - 3y = 10 & \dots \textcircled{2} \end{cases}$ 을 만족하는 y 의 값은 x 의 값의 4배라고 할 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

$y = 4x$ 를 ②식에 대입하면,
 $2x - 12x = 10$, $x = -1$, $y = -4$
 $(-1, -4)$ 를 ①식에 대입하면,
 $-3 + 4 = 6 - a$
 $\therefore a = 5$

11. 연립방정식 $\begin{cases} x - 2y = 7 \\ 2x - 3y = m \end{cases}$ 를 만족하는 x 의 값과 y 의 값의 차가 5 일 때, 상수 m 의 값은? (단, $x > y$)

① -12 ② -6 ③ 4 ④ 6 ⑤ 12

해설

$x - y = 5$ 이므로 $\begin{cases} x - 2y = 7 \\ x - y = 5 \end{cases}$ 을 연립하면 $x = 3, y = -2$,
위에서 구한 해를 $2x - 3y = m$ 에 대입하면, $6 + 6 = m$,
 $\therefore m = 12$

12. $\begin{cases} 2x + y = a \\ -x + 3y + 10 = 0 \end{cases}$ 을 만족하는 y 값이 x 값의 2배라고 할 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = -8$

해설

y 값이 x 값의 2배인 $y = 2x$

이것을 $-x + 3y + 10 = 0$ 에 대입하면 $x = -2$

$x = -2, y = -4$ 를 $2x + y = a$ 에 대입하면 $a = -8$

13. 연립방정식 $\frac{2x-3y}{4} = \frac{x+3y-10}{3} = \frac{4x-3y}{2}$ 의 해는?

- ① $x = -4, y = -2$ ② $x = 3, y = -1$
③ $x = -1, y = -2$ ④ $x = 1, y = 2$
⑤ $x = 2, y = 1$

해설

$$\begin{cases} \frac{2x-3y}{4} = \frac{x+3y-10}{3} \\ \frac{2x-3y}{4} = \frac{4x-3y}{2} \end{cases} \Rightarrow$$

$$\begin{cases} 3(2x-3y) = 4(x+3y-10) \\ 2x-3y = 2(4x-3y) \end{cases}$$

두 식을 정리하면 $\begin{cases} 2x-21y = -40 & \dots \text{㉠} \\ 6x-3y = 0 & \dots \text{㉡} \end{cases}$

㉡에서 $y = 2x$,
 $y = 2x$ 를 ㉠에 대입하면
 $2x - 42x = -40$
 $x = 1$
 $y = 2x = 2$
 $\therefore x = 1, y = 2$

14. 연립방정식 $\frac{x-3}{2} = \frac{3(2y+x)-2}{6} = 12$ 를 만족하는 y 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{7}{6}$

해설

$$\frac{x-3}{2} = 12$$

$$x-3 = 24$$

$$x = 27$$

$$\frac{3(2y+x)-2}{6} = 12$$

$$3(2y+x)-2 = 72$$

$$6y+3x = 74$$

$6y+3x = 74$ 에 $x = 27$ 을 대입하면

$$6y+81 = 74$$

$$6y = -7$$

$$\therefore y = -\frac{7}{6}$$

15. 연립방정식 $x + y + 8 = 3x - y = 5x + y$ 의 해는?

- ① $x = 2, y = -2$ ② $x = 1, y = 2$ ③ $x = -1, y = 2$
④ $x = -3, y = 1$ ⑤ $x = 4, y = -2$

해설

$$\begin{cases} x + y + 8 = 3x - y \\ 3x - y = 5x + y \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2x - 2y = 8 \\ 2x + 2y = 0 \end{cases}$$

두 식을 변끼리 더하면 $4x = 8$

$$x = 2$$

$x = 2$ 를 $2x + 2y = 0$ 에 대입하면

$$y = -2$$

$$\therefore x = 2, y = -2$$

16. 연립방정식 $3x - y = 5x + y = x + y + 8$ 의 해를 $x = a, y = b$ 라 할 때, $2a + b$ 를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$$3x - y = 5x + y$$

$$y = -x \cdots (1)$$

$$5x + y = x + y + 8$$

$$4x = 8$$

$$x = 2$$

$x = 2$ 를 (1) 식에 대입하면

$$y = -2$$

$$\therefore 2a + b = 2$$

17. 배를 타고 강을 30km 거슬러 올라가는 데 3 시간, 내려오는 데 1 시간 30 분이 걸렸다고 한다. 이때 배의 속력을 x , 강물의 속력을 y 라고 할 때, 다음 중 x, y 를 구하기 위한 연립방정식으로 옳은 것은? (정답 2 개)

$$\begin{array}{l} \textcircled{1} \begin{cases} \frac{30}{x-y} = 3 \\ \frac{30}{x+y} = 1.5 \end{cases} \\ \textcircled{3} \begin{cases} 3(x+y) = 30 \\ 1.5(x+y) = 30 \end{cases} \\ \textcircled{5} \begin{cases} 3(x-y) = 30 \\ 1.5(x+y) = 30 \end{cases} \end{array} \quad \begin{array}{l} \textcircled{2} \begin{cases} \frac{30}{x+y} = 3 \\ \frac{30}{x-y} = 1.5 \end{cases} \\ \textcircled{4} \begin{cases} 3(x+y) = 30 \\ 1.5(x-y) = 30 \end{cases} \end{array}$$

해설

배의 속력을 x , 강물의 속력을 y 라고 하면 거슬러 올라갈 때의 속력은 $x-y$,

내려올 때의 속력은 $x+y$ 이므로

$$\frac{30}{x-y} = 3 \rightarrow 3(x-y) = 30$$

$$\frac{30}{x+y} = 1.5 \rightarrow 1.5(x+y) = 30$$

18. 9%의 소금물과 13%의 소금물을 섞어서 10%의 소금물 800g을 만들었다. 이때, 9% 소금물의 양을 x , 13% 소금물의 양을 y 로 놓고 연립방정식을 세우면?

$$\begin{array}{l} \textcircled{1} \begin{cases} x - y = 800 \\ \frac{9}{100}x + \frac{13}{100}y = 800 \times \frac{10}{100} \end{cases} \\ \textcircled{2} \begin{cases} x + y = 800 \\ \frac{9}{100}x + \frac{13}{100}y = 800 \times \frac{10}{100} \end{cases} \\ \textcircled{3} \begin{cases} x + y = 800 \\ 9x + 13y = 800 \times \frac{10}{100} \end{cases} \\ \textcircled{4} \begin{cases} x - y = 800 \\ \frac{9}{100}x - \frac{13}{100}y = 800 \times \frac{10}{100} \end{cases} \\ \textcircled{5} \begin{cases} x + y = 800 \\ 9x + 13y = 10 \end{cases} \end{array}$$

해설

(소금의 양) = $\frac{(\text{소금물의 농도})}{100} \times (\text{소금물의 양})$ 이므로

$\frac{9}{100}x + \frac{13}{100}y = 800 \times \frac{10}{100}$ 와 같은식이 나온다.

19. 시경이는 집에서 6km 떨어진 도서관에 가는데 처음에는 시속 6km/h로 자전거를 타고 가다가 도중에 자전거가 고장나서 시속 2km/h로 자전거를 끌고 가서 총 2시간 30분이 걸렸다고 한다. 자전거를 타고 간 거리를 x km, 자전거를 끌고 간 거리를 y km라 할 때, 다음 중 x, y 를 구하기 위한 연립방정식으로 옳은 것은?

$$\textcircled{1} \begin{cases} x+y=6 \\ \frac{x}{6} + \frac{y}{2} = 2.3 \end{cases}$$

$$\textcircled{3} \begin{cases} x+y=6 \\ \frac{x}{2} + \frac{y}{6} = 2.6 \end{cases}$$

$$\textcircled{5} \begin{cases} x+y=6 \\ 2x+6y=2.5 \end{cases}$$

$$\textcircled{2} \begin{cases} x+y=6 \\ \frac{x}{6} + \frac{y}{2} = 2.5 \end{cases}$$

$$\textcircled{4} \begin{cases} x+y=6 \\ 6x+2y=2.5 \end{cases}$$

해설

(시간) = $\frac{\text{거리}}{\text{속력}}$ 이며, 2시간30분 = 2.5시간이므로

(자전거를 타고 간 거리)+(걸어 간 거리) = 6

(자전거를 타고 간 시간)+(걸어 간 시간) = 2.5 이므로

$$x+y=6$$

$$\frac{x}{6} + \frac{y}{2} = 2.5 \text{ 이다.}$$

20. 현빈이는 총 거리가 14km 인 산의 길을 따라 등산을 하는데 올라갈 때는 시속 3km/h 로, 내려올 때는 시속 4km/h 로 걸어서 모두 4 시간이 걸렸다. 올라간 거리는 x km, 내려온 거리를 y km 라고 할 때, 다음 중 연립방정식을 바르게 만든 것은?

①
$$\begin{cases} x - y = 14 \\ 3x + 4y = 4 \end{cases}$$

②
$$\begin{cases} x + y = 14 \\ 3x + 4y = 4 \end{cases}$$

③
$$\begin{cases} x - y = 14 \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{4} = 4 \end{cases}$$

④
$$\begin{cases} x + y = 14 \\ \frac{3}{x} + \frac{4}{y} = 4 \end{cases}$$

⑤
$$\begin{cases} x + y = 14 \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{4} = 4 \end{cases}$$

해설

(시간) = $\frac{\text{거리}}{\text{속력}}$ 이며, 걸린 시간은 4시간이므로

(자전거를 타고 간 거리)+(걸어 간 거리)= 14

(자전거를 타고 간 시간)+(걸어 간 시간)= 4 이므로 $x + y = 14$

$\frac{x}{3} + \frac{y}{4} = 4$ 이다.

21. 연립방정식 $\begin{cases} |x-y|=3 \\ 3y=2x+1 \end{cases}$ 을 만족하는 x, y 의 값의 합이 될 수 있는 경우를 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 17

▷ 정답: -3

해설

$$\text{i) } x \geq 0 \text{ 일 때 } \begin{cases} x-y=3 \\ 3y=2x+1 \end{cases} \text{ 에서 } x=10, y=7$$

$$\text{ii) } x < 0 \text{ 일 때 } \begin{cases} -x-y=3 \\ 3y=2x+1 \end{cases} \text{ 에서 } x=-2, y=-1$$

i), ii) 둘 다 조건에 적합하므로 x, y 의 값의 합은 17 또는 -3 이다.

22. 연립방정식 $\begin{cases} y = 3x + 2 \cdots \textcircled{1} \\ 4x - y = 3(-y + 1) + 2x \cdots \textcircled{2} \end{cases}$ 를 풀기 위해 $\textcircled{1}$ 을 $\textcircled{2}$

에 대입하여 y 를 소거한 $ax = b$ 의 꼴로 만들었다. 이때, $\frac{2b}{a}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{1}{4}$

해설

$\textcircled{2}$ 를 풀면

$$4x - y = -3y + 3 + 2x$$

$$2x = -2y + 3$$

$\textcircled{1}$ 을 $\textcircled{2}$ 에 대입하면

$$2x = -2(3x + 2) + 3$$

$$2x = -6x - 4 + 3$$

$$8x = -1$$

$$a = 8, b = -1$$

$$\therefore \frac{2b}{a} = \frac{2 \times (-1)}{8} = -\frac{1}{4}$$

23. 연립방정식 $\begin{cases} y = 2x + 1 \\ x + 3y = 10 \end{cases}$ 의 해를 구하면?

- ① $x = 1, y = 3$ ② $x = 3, y = 1$
③ $x = -1, y = 3$ ④ $x = 1, y = -3$
⑤ $x = -1, y = -3$

해설

$y = 2x + 1$ 을 두 번째 식에 대입하면
 $x + 3(2x + 1) = 10$
 $x = 1$
 x 값을 첫 번째 식에 대입하면 $y = 2 \times 1 + 1 = 3$
 $\therefore x = 1, y = 3$

24. 연립방정식 $\begin{cases} x-y=3 \\ 3x+5y=1 \end{cases}$ 을 대입법으로 풀면?

① $x = -1, y = 2$

② $x = 1, y = 2$

③ $x = -2, y = 1$

④ $x = -2, y = -1$

⑤ $x = 2, y = -1$

해설

$$\text{연립방정식 } \begin{cases} x-y=3 & \dots\text{㉠} \\ 3x+5y=1 & \dots\text{㉡} \end{cases}$$

㉠을 x 에 관하여 풀면 $x = y + 3 \dots\text{㉢}$

㉢을 ㉡에 대입하면

$$3(y+3) + 5y = 1, 3y + 9 + 5y = 1$$

$$8y = -8$$

$$\therefore y = -1$$

$$y = -1 \text{ 을 ㉢에 대입하면 } x = -1 + 3 = 2$$