

1. 다음 그림에서 점 O는  $\triangle ABC$ 의 외심이다.  $\angle ACB = 66^\circ$  일 때  $\angle BAO$ 의 크기는?



- ①  $16^\circ$       ②  $20^\circ$       ③  $24^\circ$       ④  $30^\circ$       ⑤  $33^\circ$

2. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이다.  $\angle B = 30^\circ$ ,  $\angle C = 70^\circ$ 일 때,  $\angle x$ 의 크기는?



- ①  $20^\circ$     ②  $25^\circ$     ③  $30^\circ$     ④  $35^\circ$     ⑤  $40^\circ$

3. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이다.  $\angle BIC = 130^\circ$  일 때,  $\angle A$ 의 크기는?



- ①  $80^\circ$       ②  $70^\circ$       ③  $60^\circ$       ④  $50^\circ$       ⑤  $75^\circ$

4. 다음 그림에서  $\overline{BC}$ 의 길이는?



- ① 7      ② 8      ③ 9      ④ 10      ⑤ 11

5. 세 변의 길이가 각각 다음과 같을 때, 둔각삼각형인 것은?

- |                 |                   |
|-----------------|-------------------|
| ① 3cm, 3cm, 4cm | ② 3cm, 4cm, 5cm   |
| ③ 4cm, 4cm, 7cm | ④ 5cm, 12cm, 13cm |
| ⑤ 6cm, 8cm, 9cm |                   |

6.

오른쪽 그림과 같이

$\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형

$ABC$ 에서  $\overline{AD} \perp \overline{BC}$ 일 때,

$\overline{AD}$ 의 길이를 구하시오.



▶ 답: \_\_\_\_\_

7. 정사각형 ABCD 의 내부의 한 점 P 를 잡아 A, B, C, D 와 연결할 때,  $\overline{AP} = 2$ ,  $\overline{CP} = 4$  이면,  $\overline{BP}^2 + \overline{DP}^2$  의 값은?



- ① 15      ② 20      ③ 25      ④ 30      ⑤ 35

8. 다음 그림과 같이 직각삼각형 ABC 의 세 변을 각각 지름으로 하는 반원의 넓이를  $S_1$ ,  $S_2$ ,  $S_3$  라 하자.  $S_1 = 10\pi\text{cm}^2$ ,  $S_2 = 15\pi\text{cm}^2$  일 때,  $S_3$  의 값을 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_  $\text{cm}^2$

9. 다음 그림에서 점 O 가  $\triangle ABC$  의 외심일 때,  $\angle x$ 의 크기는?

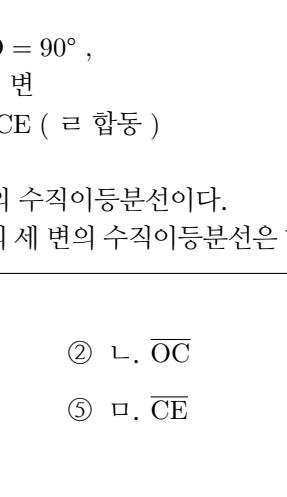


- ①  $10^\circ$       ②  $20^\circ$       ③  $30^\circ$       ④  $40^\circ$       ⑤  $50^\circ$

10. 다음은 삼각형의 세 변의 수직이등분선이 한 점에서 만남을 증명하는 과정이다. ( )안에 들어갈 내용으로 옳지 않은 것은?

(증명)

$\triangle ABC$ 에서  $\overline{AB}$ ,  $\overline{AC}$ 의 수직이등분선의 교점을 O 라 하고 점 O에서  $\overline{BC}$ 에 내린 수선의 발을 E 라 하자.



점 O는  $\overline{AB}$ ,  $\overline{AC}$ 의 수직이등분 위에 있으므로  $\overline{OA} = (\square)$ ,

$\overline{OB} = \overline{OC}$

$\therefore \overline{OB} = \overline{OC}$

$\triangle OBE$ 와  $\triangle OCE$ 에서

$\overline{OB} = (\square)$ ,

$\angle BEO = \angle CEO = 90^\circ$ ,

(□)는 공통인 변

$\therefore \triangle OBE \cong \triangle OCE$  ( ≡ 합동 )

$\therefore \overline{BE} = (\square)$

즉  $\overline{OE}$ 는  $\overline{BC}$ 의 수직이등분선이다.

따라서 삼각형의 세 변의 수직이등분선은 한 점 O에서 만난다.

①  $\neg$ .  $\overline{OB}$

②  $\lhd$ .  $\overline{OC}$

③  $\sqsubset$ .  $\overline{OE}$

④  $\equiv$ . SSS

⑤  $\square$ .  $\overline{CE}$

11. 다음 그림과 같은 직각삼각형에서  $\overline{AB} = 10\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 6\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 8\text{cm}$  일 때,  $\triangle ABC$ 의 외접원의 넓이는?



- ①  $36\pi\text{cm}^2$       ②  $25\pi\text{cm}^2$       ③  $22\pi\text{cm}^2$   
④  $20\pi\text{cm}^2$       ⑤  $16\pi\text{cm}^2$

12. 다음 그림에서  $\overline{AB} = \overline{AC} = \overline{AD}$ ,  $\angle ABC = 30^\circ$  일 때,  $\angle x + \angle y$  의 크기를 구하여라.



- ①  $150^\circ$     ②  $160^\circ$     ③  $170^\circ$     ④  $180^\circ$     ⑤  $190^\circ$

13. 다음 그림에서 점 O는  $\triangle ABC$ 의 외심이고, 점 O에서  $\overline{BC}$ 에 내린 수선의 발을 D라 한다.  $\overline{OB}$ ,  $\overline{CD}$ 의 길이를 각각  $x, y$ 라 할 때,  $x + y$ 의 값은?



- ① 11      ② 12      ③ 13      ④ 14      ⑤ 15

14. 다음 그림에서  $\overline{AB} = 10\text{ cm}$ ,  $\overline{BC} = 6\text{ cm}$ ,  $\overline{AC} = 8\text{ cm}$ 이고,  $\angle C = 90^\circ$ 이다. 외접원의 넓이는?

- ①  $22\pi \text{ cm}^2$       ②  $25\pi \text{ cm}^2$   
③  $26\pi \text{ cm}^2$       ④  $28\pi \text{ cm}^2$

- ⑤  $30\pi \text{ cm}^2$

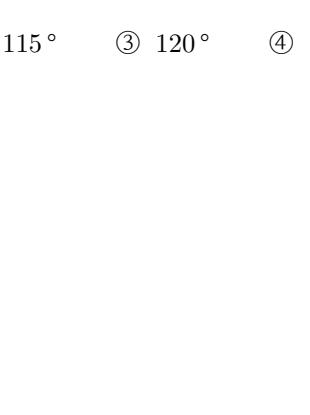


15. 다음 그림에서 점 O는  $\triangle ABC$ 의 외심이다.  
 $\angle OAB = 20^\circ$ ,  $\angle OBC = 35^\circ$  일 때,  $\angle C$ 의 크기를 구하여라.



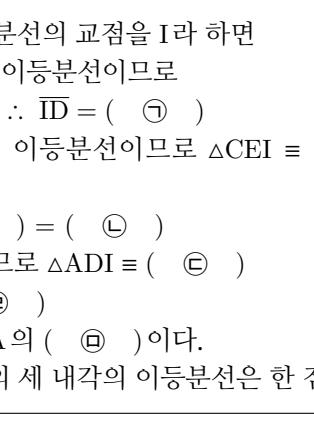
▶ 답: \_\_\_\_\_ °

16. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심일 때,  $\angle x$ 의 크기는?



- ①  $110^\circ$     ②  $115^\circ$     ③  $120^\circ$     ④  $125^\circ$     ⑤  $130^\circ$

17. 다음은 ‘삼각형 ABC의 세 내각의 이등분선은 한 점에서 만난다’를 나타내는 과정이다. ① ~ ⑥ 중 잘못된 것은?



$\angle B, \angle C$ 의 이등분선의 교점을 I라 하면

i)  $\overline{BI}$ 는  $\angle B$ 의 이등분선이므로

$$\triangle BDI \cong \triangle BEI \therefore \overline{ID} = (\textcircled{1})$$

ii)  $\overline{CI}$ 는  $\angle C$ 의 이등분선이므로  $\triangle CEI \cong \triangle CFI \therefore \overline{IE} =$

$$(\textcircled{2})$$

iii)  $\overline{ID} = (\textcircled{1}) = (\textcircled{2})$

iv)  $\overline{ID} = \overline{IF}$ 이므로  $\triangle ADI \cong (\textcircled{3})$

$\therefore \angle DAI = (\textcircled{4})$

따라서  $\overline{AI}$ 는  $\angle A$ 의 ( $\textcircled{5}$ )이다.

따라서  $\triangle ABC$ 의 세 내각의 이등분선은 한 점에서 만난다.

① ① :  $\overline{IE}$

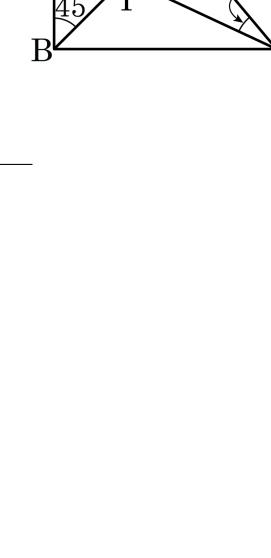
② ② :  $\overline{IF}$

③ ③ :  $\triangle BDI$

④ ④ :  $\angle FAI$

⑤ ⑤ : 이등분선

18. 다음 그림에서 점 I가  $\triangle ABC$ 의 내심일 때  $\angle x = (\quad)$ ° 이다.  
( $\quad$ )안에 알맞은 수를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_

19. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이고 내접원의 반지름의 길이는 2cm이다.  $\triangle ABC$ 의 넓이가  $24\text{cm}^2$  일 때,  $\triangle ABC$  둘레의 길이는?



- ① 12cm    ② 16cm    ③ 20cm    ④ 24cm    ⑤ 28cm

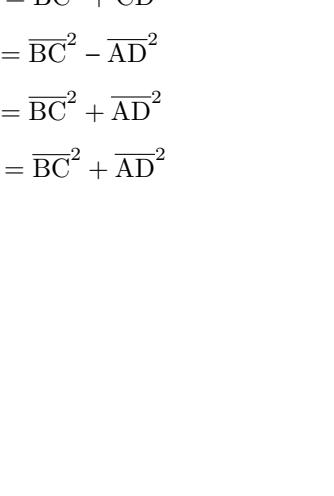
20. 다음은 직각삼각형 ABC 의 각 변을 한 변  
으로 하는 세 개의 정사각형을 그린 것이다.  
 $\overline{AC}$  의 길이는?

- ① 6 cm      ② 7 cm      ③ 8 cm  
④ 9 cm      ⑤ 10 cm



21. 다음과 같이  $\overline{AC} \perp \overline{BD}$  를 만족하는 사각형 ABCD 는 [ ]  
이 성립한다.

안에 들어갈 식으로 가장 적절한 것을 고르면?



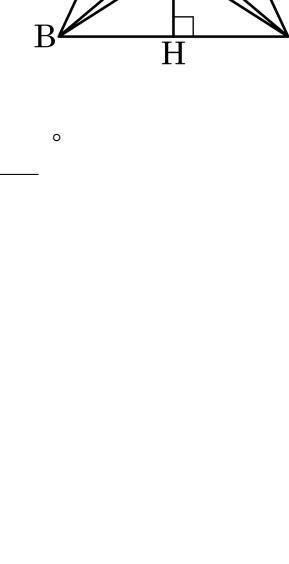
- ①  $\overline{AB}^2 + \overline{BC}^2 = \overline{CD}^2 + \overline{AD}^2$
- ②  $\overline{AB}^2 + \overline{AD}^2 = \overline{BC}^2 + \overline{CD}^2$
- ③  $\overline{AB}^2 - \overline{CD}^2 = \overline{BC}^2 - \overline{AD}^2$
- ④  $\overline{AB}^2 - \overline{CD}^2 = \overline{BC}^2 + \overline{AD}^2$
- ⑤  $\overline{AB}^2 + \overline{CD}^2 = \overline{BC}^2 + \overline{AD}^2$

22. 다음 그림에서 점 I는  $\overline{AB} = 6\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 8\text{cm}$ ,  $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC의 내심이다. 이 삼각형의 내접원의 반지름의 길이가 2cm 일 때, 빗변의 길이는?



- ① 9cm    ② 10cm    ③ 11cm    ④ 12cm    ⑤ 13cm

23. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = \overline{AC}$  인 이등변삼각형 ABC에서 점 O는 외심, 점 I는 내심이고,  $\angle A = 50^\circ$  일 때,  $\angle OBI$  구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ °

24. 다음 그림의  $\square ABCD$  는 합동인 네 개의  
직각삼각형을 붙여 만든 정사각형이다.  
 $\overline{BC} = 13$ ,  $\overline{CR} = 5$  일 때,  $\square PQRS$  의 넓이  
를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_

25. 다음 그림은 직각삼각형 ABC 의 세 변을 각각 지름으로 하는 세 개의 반원을 그린 것이다.  $\overline{AB} = 8$ ,  $\overline{AC} = 6$  일 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_