

1. 180의 소인수와 220의 소인수 중 공통인 소인수의 개수를 구하여라.

▶ 답:

개

▷ 정답: 2개

해설

$$180 = 2^2 \times 3^2 \times 5 ,$$

$$220 = 2^2 \times 5 \times 11 \text{ 이므로}$$

180의 소인수는 2, 3, 5 ,

220의 소인수는 2, 5, 11 이므로

공통인 소인수는 2, 5 이므로 2개이다.

2. 세 수  $2^3 \times 3 \times 5$ ,  $2^2 \times 3^2 \times 5$ ,  $2^2 \times 3^3 \times 5^2$  의 최대공약수는?

①  $2^3 \times 3^3 \times 5^2$

②  $2^3 \times 3^2 \times 5$

③  $2^2 \times 3 \times 5$

④  $2^2 \times 3^2 \times 5^2$

⑤  $2^3 \times 3^3 \times 5^3$

해설

$2^3 \times 3 \times 5$ ,  $2^2 \times 3^2 \times 5$ ,  $2^2 \times 3^3 \times 5^2$ 에서

최대공약수:  $2^2 \times 3 \times 5$  (지수가 작은 쪽)

3. 다음 두 수  $2^a \times 3^3 \times 5^2$ ,  $2^5 \times 3^2 \times 5^{a+1}$  의 최소공배수가  $2^5 \times 3^3 \times 5^{a+1}$  일 때, 다음 중 자연수  $a$  가 될 수 없는 것은?

- ① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

$2^a$  와  $2^5$  의 최소공배수가  $2^5$  이므로  $a$  는 5 이하의 수가 되어야 한다.

또한  $5^2$  과  $5^{a+1}$  의 최소공배수가  $5^{a+1}$  이므로  $a+1$  은 2 이상의 수가 되어,  $a$  는 1 이상의 수가 된다.

따라서 두 조건을 모두 만족시키는 자연수는 1, 2, 3, 4, 5 이다.

4. 어떤 수를 5, 8, 10으로 나누었더니 나머지가 각각 2, 5, 7이었다.  
어떤 수가 두 자리의 자연수일 때, 어떤 수가 될 수 있는 수들의 합을  
구하여라.

① 110

② 111

③ 112

④ 113

⑤ 114

해설

어떤 수를  $x$ 라 하면  $x + 3$ 은 5, 8, 10의 공배수이고, 세 수의  
최소공배수는 40이다.

따라서  $x + 3$ 은 40의 배수 중 두 자리의 자연수이므로  $x + 3 = 40$ ,  $x + 3 = 80$ 이다.

$x = 37, 77$ 이다. 따라서  $37 + 77 = 114$ 이다.

5. 두 자리의 두 정수의 최소공배수가 792이고 최대공약수가 11이라고 한다. 이때, 이를 만족하는 두 정수의 합을 구하면?

① 87

② 99

③ 175

④ 183

⑤ 187

해설

$792 = 2^3 \times 3^2 \times 11$ 이고, 두 수는 최대공약수 11의 배수이고, 두 자리 수이므로  $11 \times 2^3 = 88$ 과  $11 \times 3^2 = 99$ 가 된다.

$$\therefore 88 + 99 = 187$$

6. 24와  $k$ 의 공약수가 1, 2, 4일 때,  $k$  가 될 수 있는 70 보다 작은 자연수를 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 4

▷ 정답: 20

▷ 정답: 28

▷ 정답: 44

▷ 정답: 52

▷ 정답: 68

### 해설

24의 약수가 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24이고  $k$ 의 약수는 1, 2, 4, …이다.

( )안에 들어갈 수 있는 자연수는 70 이하 4의 배수 중 3, 6, 8, 12, 24의 배수를 제외한 수이다.

$\therefore 4, 20, 28, 44, 52, 68$

7.  $567^{2009}$  의 일의 자리의 숫자를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 7

해설

$567^{2009}$  의 일의 자리만 거듭제곱하여 규칙을 찾는다.

$$7^1 = 7,$$

$$7^2 = 49,$$

$$7^3 = 343,$$

$$7^4 = 2401,$$

$$7^5 = 16807,$$

$$7^6 = 117649,$$

...

7 을 거듭제곱할 때, 일의 자리의 숫자가 7, 9, 3, 1 의 네 개의 숫자가 반복된다.

$567^{2009}$  의 지수인 2009 를 4 로 나누면

$$2009 \div 4 = 502 \cdots 1 \text{ 이므로}$$

$567^{2009}$  의 일의 자리의 숫자는 반복되는 네 개의 숫자 중 첫 번째 숫자인 7 이다.

8.  $\frac{252}{A} = B^2$  을 만족하는 자연수 A, B 에 대하여 B 의 최대값은?

- ① 2      ② 3      ③ 6      ④ 8      ⑤ 14

해설

252 를 소인수분해하면 다음과 같다.

$$2) \underline{252}$$

$$2) \underline{126}$$

$$3) \underline{63}$$

$$3) \underline{21}$$

$$7$$

$$252 = 2^2 \times 3^2 \times 7 \text{ 이므로 } \frac{2^2 \times 3^2 \times 7}{A} = B^2 \text{ 을 만족하는 } B \text{ 의 값}$$

중에서 가장 큰 자연수는  $A = 7$  일 때  $2 \times 3 = 6$  이다.