

1. 다음과 같이 평면 위의 세 점을 모두 지나는 직선의 개수는 몇 개인가?

•A

B•

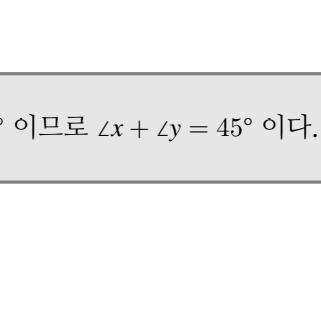
•C

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개
④ 무수히 많다. ⑤ 없다.

해설

일직선 위에 놓여있지 않은 세 점을 동시에 지나는 직선은 존재하지 않는다.

2. 다음 그림에서 $\angle x + \angle y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

$^{\circ}$

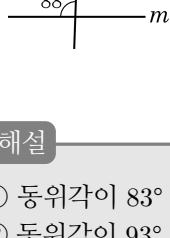
▷ 정답: 45°

해설

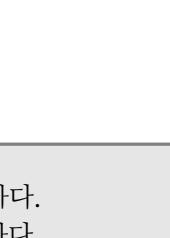
$4(x + y) = 180^{\circ}$ 이므로 $\angle x + \angle y = 45^{\circ}$ 이다.

3. 다음 중 두 직선 l , m 이 평행한 것을 모두 고르면?

①



②



③



④



⑤



해설

- ① 동위각이 83° 로 같으므로 평행하다.
- ② 동위각이 93° 로 같으므로 평행하다.
- ③ 동위각이 112° 로 같으므로 평행하다.

4. 다음 그림의 직육면체에서 모서리 BC와 꼬인 위치에 있는 모서리는 몇 개인가?

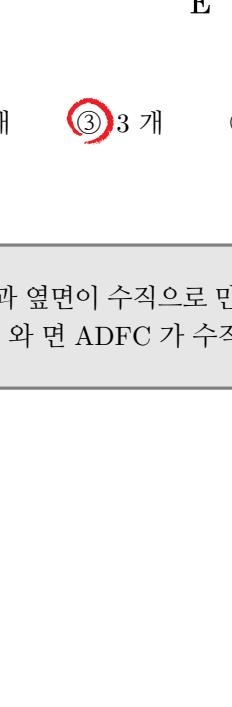
- ① 없다. ② 1 개 ③ 2 개
④ 3 개 ⑤ 4 개



해설

꼬인 위치에 있는 모서리는 모서리 AE, EF, DH, HG의 4 개인이다.

5. 다음 그림은 밑면이 직각삼각형인 삼각기둥이다. 면 BEFC 와 수직인 면의 개수는?(단, $\overline{AC} \perp \overline{BC}$)



- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

각기둥이므로 밑면과 옆면이 수직으로 만나고, 밑면이 직각삼각형이므로 면 BEFC 와 면 ADFC 가 수직으로 만난다.

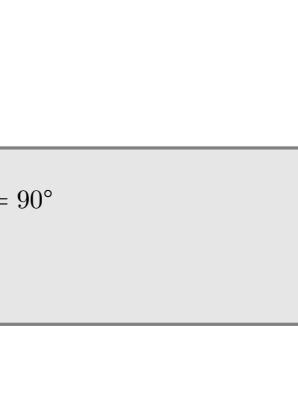
6. 다음 중 옳은 것은?

- ① 시작점이 같은 두 반직선은 같다.
- ② 한 점을 지나는 직선은 무수히 많다.
- ③ 두 점을 잇는 선 중에서 가장 짧은 것은 직선이다
- ④ 두 점을 지나는 직선은 무수히 많다.
- ⑤ 방향이 같은 두 반직선은 같다.

해설

- ①, ⑤ 같은 반직선의 경우 시작점과 방향이 모두 같다.
- ③ 두 점을 잇는 선 중에서 가장 짧은 것은 선분이다.
- ④ 두 점을 지나는 직선은 1 개이다.

7. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

◦

▷ 정답 : 26°

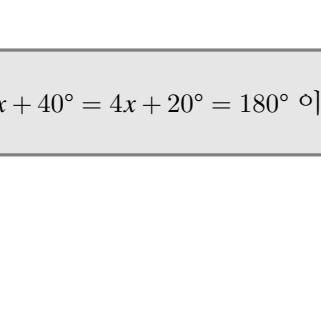
해설

$$(2x + 12^\circ) + x = 90^\circ$$

$$3x = 78^\circ$$

$$\therefore \angle x = 26^\circ$$

8. 다음 그림에서 x 의 값은?

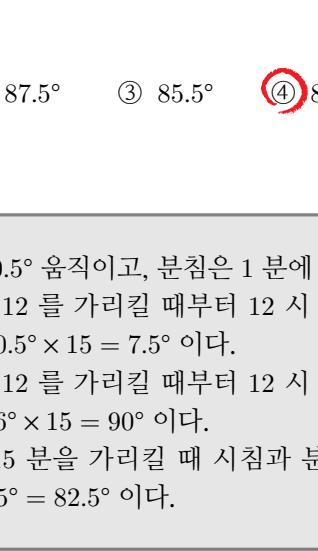


- ① 20° ② 30° ③ 40° ④ 50° ⑤ 60°

해설

$x - 20^\circ + 2x + x + 40^\circ = 4x + 20^\circ = 180^\circ$ 이므로 $x = 40^\circ$ 이다.

9. 다음 그림과 같이 시계가 12 시 15 분을 가리킬 때, 시침과 분침이 이루는 각 중에서 작은 쪽의 각의 크기는?



- ① 90° ② 87.5° ③ 85.5° ④ 82.5° ⑤ 80°

해설

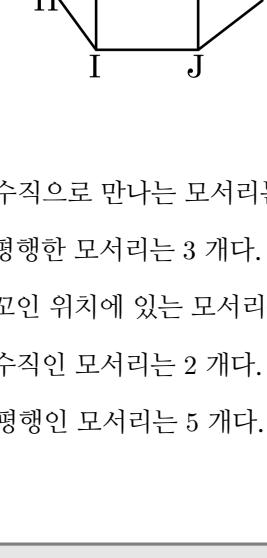
시침은 1 분에 0.5° 움직이고, 분침은 1 분에 6° 씩 움직인다.
시침이 시계의 12를 가리킬 때부터 12 시 15 분이 될 때까지

움직인 각도는 $0.5^\circ \times 15 = 7.5^\circ$ 이다.

분침이 시계의 12를 가리킬 때부터 12 시 15 분이 될 때까지
움직인 각도는 $6^\circ \times 15 = 90^\circ$ 이다.

따라서 12 시 15 분을 가리킬 때 시침과 분침이 이루는 각의
크기는 $90^\circ - 7.5^\circ = 82.5^\circ$ 이다.

10. 다음 그림의 입체도형은 같은 정육각형ABCDEF 와 정육각형GHIJKL 과 직사각형 6 개로 이루어져 있다. 다음 중 옳지 않은 것은?

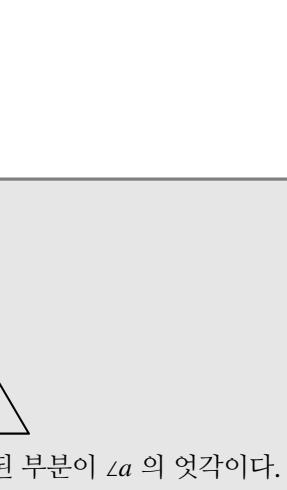


- ① 모서리 CD 와 수직으로 만나는 모서리는 2 개다.
- ② 모서리 BC 와 평행한 모서리는 3 개다.
- ③ 모서리 BC 와 꼬인 위치에 있는 모서리는 8 개다.
- ④ 모서리 BH 와 수직인 모서리는 2 개다.
- ⑤ 모서리 AG 와 평행인 모서리는 5 개다.

해설

- ④ 모서리 BH 와 수직인 모서리는 모서리 BC , BA , HI , HG 의 4 개다.

11. 다음 그림에서 $\angle a$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

°

▷ 정답: 115°

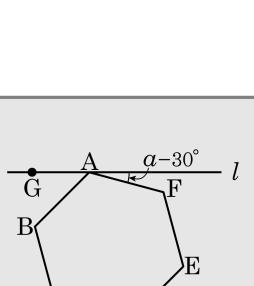
해설



그림에서 * 표시된 부분이 $\angle a$ 의 영각이다.

따라서 $\angle a$ 의 영각은 $70^\circ + (180^\circ - 20^\circ - 115^\circ) = 70^\circ + 45^\circ = 115^\circ$ 이다.

12. 다음은 평행한 직선과 정육각형이 두 점에서 만나고 있는 그림이다. $\angle a$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

$^{\circ}$

▷ 정답 : 45°

해설

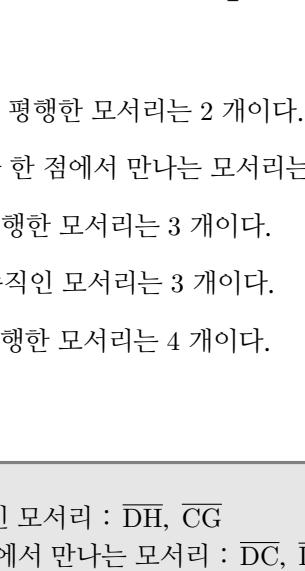
정육면체 ABCDEF에서 $\overline{AB} \parallel \overline{DE}$ 이므로 $\angle GAB = a$
또한 정육면체의 한 내각의 크기는 120° 이므로



$$\begin{aligned}180^{\circ} - 120^{\circ} &= \angle GAB + (\angle a - 30^{\circ}) \\&= a + (a - 30^{\circ}) \\&= 2a - 30^{\circ}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}2a &= 90^{\circ} \\ \therefore \angle a &= 45^{\circ}\end{aligned}$$

13. 다음 그림은 정육면체의 세 꼭짓점 A, F, C를 지나는 평면으로 자른 입체도형이다. 다음 설명 중 옳지 않은 것은?



- ① 모서리 AE 와 평행한 모서리는 2 개이다.
- ② 모서리 AD 와 한 점에서 만나는 모서리는 5 개이다.
- ③ 면 ACF 와 평행한 모서리는 3 개이다.
- ④ 면 ACD 와 수직인 모서리는 3 개이다.
- ⑤ 면 AEF 와 평행한 모서리는 4 개이다.

해설

- ① \overline{AE} 와 평행인 모서리 : $\overline{DH}, \overline{CG}$
- ② \overline{AD} 와 한 점에서 만나는 모서리 : $\overline{DC}, \overline{DH}, \overline{AC}, \overline{AF}, \overline{AE}$
- ③ 면 ACF 와 평행한 모서리는 없다.
- ④ 면 ACD 와 수직인 모서리 : $\overline{AE}, \overline{DH}, \overline{CG}$
- ⑤ 면 AEF 와 평행한 모서리 : $\overline{DH}, \overline{CG}, \overline{DC}, \overline{HG}$

14. 직육면체에서 선과 선이 만나서 생기는 교점의 개수를 a , 면과 면이 만나서 생기는 교선의 개수를 b 라 할 때, $a + b$ 의 값은?

- ① 8 ② 12 ③ 14 ④ 16 ⑤ 20

해설

$$a = 8, b = 12$$

$$\therefore a + b = 20$$

15. 평면 P 를 12 개의 서로 다른 직선으로 나누었을 때 나누어지는 영역의 개수의 최댓값을 a 개, 최솟값을 b 개라고 할 때 $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 92

해설

유한한 평면 P 를 두 개의 서로 다른 직선으로 나누었을 때 만들어지는 영역의 최소 개수를 $f(n)$ 이라 하고, 최대 개수를 $g(n)$ 이라 하면 규칙에 의하여 최솟값은 $n + 1$ (개), 최댓값은 $1 + \frac{n(n+1)}{2}$ (개)이다.

따라서 서로 다른 직선 12 개 이므로 $n = 12$ 를 대입하면 최솟값은 $12 + 1 = 13$ (개)

$$\text{최댓값은 } 1 + \frac{12(12+1)}{2} = 1 + 78 = 79 \text{ (개)}$$

$$\therefore a + b = 79 + 13 = 92$$