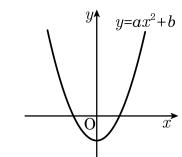
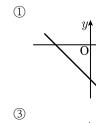
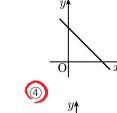
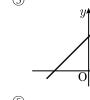
1. 이차함수 $y = ax^2 + b$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중 y = ax + b 의 그래프는?

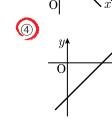


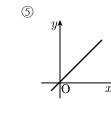




2



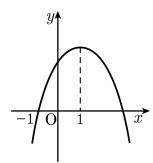




해설

a > 0 , b < 0 이므로 y 절편이 0 보다 작고 오른쪽 위로 향하는
 직선을 찾으면 된다.

2. 다음 그림은 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프이다. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?



- ① ab < 0④ abc < 0
- ② bc > 0③ a + b + c > 0

그래프가 위로 볼록하므로 a < 0

해설

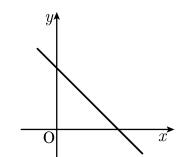
축이 y 축을 기준으로 오른쪽에 있으므로 a 와 b 의 부호는 반대이다. 따라서 b > 0 이다.

이다. 따라서 b > 0 이다. y 절편이 양수이므로 c > 0 이다. ⑤ $y = ax^2 + bx + c$ 에서 x = 1 일 때 a + b + c = y 이고 y 좌표는

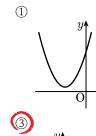
양수이므로 a+b+c>0 이다.

앙수이므로 a+b+c>0 이다.

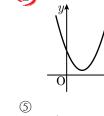
3. 일차함수 y = ax + b 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 이차함수 $y = x^2 + ax + b$ 의 그래프가 될 수 있는 것은?

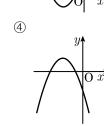


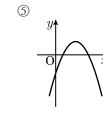
2



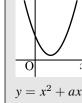






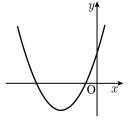


일차함수의 그래프의 기울기가 음수이므로 a < 0, y 절편이 양수이므로 b > 0 이다.



 $y = x^2 + ax + b$ 에서 a < 0, b > 0 이면 아래로 볼록이고 축은 y축 오른쪽에 있으며 y축과의 교점은 x축보다 위쪽에 있다.

4. $y = x^2 + ax - b$ 의 그래프가 다음과 같을 때, 일차함수 y = bx + a 가 지나지 않는 사분면 을 말하여라.



▶ 답: <u>사분면</u> ▷ 정답: 제 3 사분면

y축을 기준으로 그래프의 축이 왼쪽에

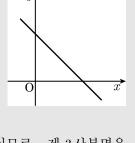
해설

있으므로, 일차함수의 계수 a는 이차항의 계수와 부호가 같다. $\therefore a > 0$ 그리고, 그래프가 y축과 만나는 점이 원

점을 기준으로 x축보다 위에 있으므로 -b > 0 : b < 0

y = bx + a 의 그래프는 a > 0, b < 0이므로 제 3사분면은

지나지 않는다.



5. 이차함수 $y = -2x^2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 a 만큼 평행이동하였더니 제 1, 2, 3, 4 분면을 모두 지났다. 다음 중 a 의 값이 될 수 없는 것을 모두 골라라.

▶ 답:

답:

▶ 답:

▷ 정답: ⑥

▷ 정답: ②

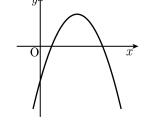
▷ 정답 : □

해설___

 $y = -2x^2$ 의 그래프는 제 3, 4 사분면만 지나므로 제 1, 2, 3, 4 분면을 모두 지나려면 y 축의 윗방향으로 이동해야 한다. 따라서

a>0 이 되어야 하므로 a 의 값이 될 수 없는 것은 $-\frac{1}{4}$, -2 , -3 이다.

- 이차함수 $y = a(x-p)^2 q$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중 옳은 것은? 6.
 - ① ap + q < 0 ② aq pq < 0③ $p^2 q < 0$ ④ a + pq > 0
- ⑤ a(p-q) > 0



 $y=a(x-p)^2-q$ 의 그래프가 위로 볼록하고 꼭짓점이 제 1 사분면에 있으므로 a < 0, p > 0, q < 0 이다. 따라서 ap + q < 0이다.

- **7.** 다음 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것은? (단, a > 0)
 - ① 0 의 제곱근은 1 개이다. ② a 의 제곱근은 \sqrt{a} 이다.
 - ③ 제곱근 a는 \sqrt{a} 이다.
 - ④ $x^2 = a$ 이면 $x = \pm \sqrt{a}$ 이다.
 - ⑤ 제곱근 $a^2 \in a$ 이다.

② a 의 제곱근은 $\pm \sqrt{a}$ 이다.

해설

8. 다음 보기에서 옳은 것의 개수는?

- \bigcirc $\frac{\pi}{4}$ 는 유리수가 아니다.
- □ 모든 무한소수는 무리수이다.
 □ 1 √7, √121, -√15², π는 모두 무리수이다.
- € 1- **V**1, **V**121,- **V**13 , *n* ∈ ⊥ | | | | | | | |

보기

- 무리수이면서 유리수인 수는 없다. 음이 아닌 수의 제곱근은 반드시 2개가 있고, 그
- 절댓값은 같다.

② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

1 2

- ⓒ 순환소수는 유리수이다.
- © √121, √15²는 유리수이다. ⊚ 0의 제곱근은 0의 1개 뿐이다.

 $a\,\sqrt{(-a)^2}$ 의 양의 제곱근을 $m,\,-\sqrt{0.0144}$ 를 $n\,$ 이라고 할 때, m imes 100 n9. 의 값은? (단, a > 0)

 \bigcirc -12a $\textcircled{4} -12a^2$ $\textcircled{5} -120a^2$

- ② 12a
- ③ $12a^2$

해설

 $a\sqrt{(-a)^2}=a imes\sqrt{a^2}=a imes a=a^2$ 이므로, $a\sqrt{(-a)^2}$ 의 양의 제곱근은 a 이다. m = a $-\sqrt{0.0144} = -\sqrt{(0.12)^2} = -0.12 = n$ $\therefore m \times 100n = a \times 100 \times (-0.12) = -12a$

10.
$$\frac{\sqrt{4^2}}{2} = a, -\sqrt{(-6)^2} = b, \ \sqrt{(-2)^2} = c 라 할 때, 2a^2 \times b^2 - b \div c 의$$
 값은?

① 282 ② 285 ③ 288 ④ 291 ⑤ 294

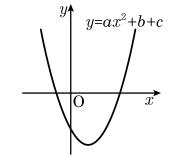
$$a = \frac{\sqrt{4^2}}{2} = \frac{4}{2} = 2, b = -\sqrt{(-6)^2} = -6, c = \sqrt{(-2)^2} = 2$$

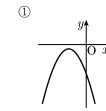
$$\therefore 2a^2 \times b^2 - b \div c = 2 \times 4 \times 36 - (-6) \times \frac{1}{2}$$

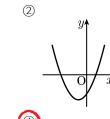
$$= 288 + 3 = 291$$

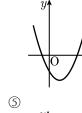
$$=288+3=291$$

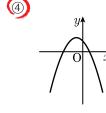
11. $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 다음과 같을 때, $y = cx^2 + bx + a$ 의 그래프의 모양은 어느 것인가?

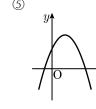












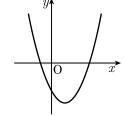
아래로 볼록한 포물선이므로 a > 0

꼭짓점의 x 좌표 $-\frac{b}{2a} > 0$ 이므로 b < 0

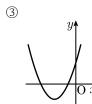
y 절편 c < 0따라서 $y = cx^2 + bx + a$ 의 그래프는 위로 볼록하고 꼭짓점의 x

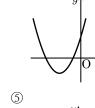
좌표 $-\frac{b}{2c} < 0$, y 절편 a > 0 인 포물선이다.

12. 이차함수 $y = ax^2 + bx - c$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, $y = cx^2 + bx + a$ 의 그래프는?

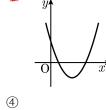


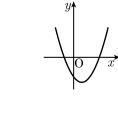
1

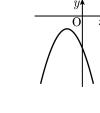












해설

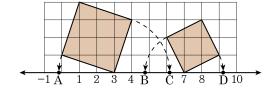
 $y = ax^2 + bx - c$ 의 그래프가 아래로 볼록하므로 a > 0이다. 축이 y 축의 오른쪽에 있으므로 a 와 b 의 부호는 반대이다. 따라서, *b* < 0이다. y 절편이 음수이므로 -c < 0, c > 0이다.

 $y = cx^2 + bx + a \text{ odd}$ c > 0 이므로 아래로 볼록한 그래프이다.

b < 0 이므로 축은 y 축의 오른쪽에 있다. a > 0 이므로 y 절편은 양수이다.

따라서 구하는 그래프는 ②이다.

13. 다음 그림의 수직선 위의 점 A, B, C, D 에 대응하는 수를 각각 a,b,c,d 라고 할 때. a+b+c+d 값은? (단, 모눈 한 칸은 한 변의 길이가 1 인 정사각형이다.)



- ① 10 ② 13
- ③ 17

4 20

⑤ 24

 $a=3-\sqrt{10}$, $b=7-\sqrt{5}$, $c=3+\sqrt{10}$, $d=7+\sqrt{5}$

해설

이므로 a+b+c+d=20 이다.

14.
$$\sqrt{(3-2\sqrt{2})^2} - \sqrt{(2\sqrt{2}-3)^2}$$
 을 간단히 하면?

 $\bigcirc 0$ $\bigcirc -6 + 4\sqrt{2}$

① $6-4\sqrt{2}$ ② $-4\sqrt{2}$ ③ 6

 $3 > 2\sqrt{2}$ 이므로

 $\sqrt{(3-2\sqrt{2})^2} - \sqrt{(2\sqrt{2}-3)^2}$ $= |3-2\sqrt{2}| - |2\sqrt{2}-3|$ $= 3-2\sqrt{2}+2\sqrt{2}-3$

15. 아래와 같은 세 수의 대소 관계를 부등호로 나타내면?

$$a = 4 , b = 5 - \sqrt{2} , c = \sqrt{17}$$

- ① a < b < c
- $\textcircled{2}b < a < c \qquad \qquad \textcircled{3} \quad c < a < b$ (4) b < c < a (5) a < c < b

(1) a = 4

(2) b 의 범위

해설

- $-\sqrt{4} < -\sqrt{2} < -\sqrt{1}$
- $5 \sqrt{4} < 5 \sqrt{2} < 5 \sqrt{1}$ $\therefore 3 < 5 - \sqrt{2} < 4$
- (3) c 의 범위
- $\sqrt{16} < \sqrt{17} < \sqrt{25}$
- $\therefore 4 < \sqrt{17} < 5$
- $\therefore b < a < c$

16. 이차방정식 $x^2 - 4x + 2 = 0$ 의 한 근이 a 일 때, $a^2 + \frac{4}{a^2}$ 의 값은?

① 12 ② 13 ③ 15 ④ 16 ⑤ 18

x = a 를 주어진 이차방정식에 대입하면 $a^2 - 4a + 2 = 0$ 양변을 a 로 나누면 $a - 4 + \frac{2}{a} = 0$ 이므로 $a + \frac{2}{a} = 4$ $\therefore a^2 + \frac{4}{a^2} = \left(a + \frac{2}{a}\right)^2 - 4 = 4^2 - 4 = 12$

17. 이차방정식 $2x^2 - ax + 5b = 0$ 이 중근을 가질 때, a 의 값을 최소가 되게 하는 b 의 값은? (단, a, b 는 양의 정수)

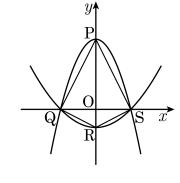
②10 ③ 15 ④ 20 ⑤ 25 ① 5

 $D = a^2 - 4 \times 2 \times 5 \times b = 0$ $a^2 = 2^2 \times 2 \times 5 \times b$

따라서 a 가 최소가 되게 하는 b 의 값은 $2 \times 5 = 10$ 이다.

해설

18. 함수 $y = -x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 4 만큼 평행이동하고, $y = \frac{1}{4}x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 -1 만큼 평행이동한 그림을 나타낸 것이다. 이 때 다음 설명 중 옳은 것의 개수는?



- 점 P(0,4) 이고, 점 R(0,-1) 이다.
 점 Q(2,0) 이고, 점 S(-2,0) 이다.
- © $\overline{\rm QS} = 8$ 이다.
- ② △PRS = 5, △QPR = 8 이다.③ □PQRS = 12 이다.

①1 개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

함수 $y = -x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 4 만큼 평행이동한 그래프의 식은 $y = -x^2 + 4$

함수 $y = \frac{1}{4}x^2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 -1 만큼 평행이동한

그래프의 식은 $y=\frac{1}{4}x^2-1$ $y=-x^2+4$ 에 y=0 을 대입하면 점 Q(-2,0), S(2,0) 이다.

 $\overline{\mathrm{QS}} = 4$ 또, $\mathrm{P}(0, 4)$ 이코 $\mathrm{R}(0, -1)$ $\Delta \mathrm{PRS} = \Delta \mathrm{QPR} = 5$

따라서 옳은 것은 ①이므로 1 개이다.

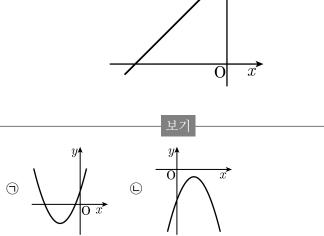
- **19.** 이차함수 $y = -3x^2$ 의 그래프를 꼭짓점의 좌표가 (5,-2) 가 되도록 평행이동하면 점 (k,-3) 을 지난다. 이 때, 상수 k 의 값을 모두 곱하면?
 - ① $\frac{1}{3}$ ② $-\frac{1}{3}$ ③ $\frac{74}{3}$ ④ $-\frac{80}{3}$ ⑤ -10

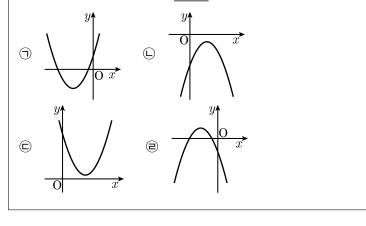
 $y = -3x^2$ 을 꼭짓점의 좌표가 (5, -2)가 되도록 평행이동하면 $y = -3(x-5)^2 - 2$ 이고

 $y = -3(x - 5)^2 - 2$ 가 점 (k, -3) 을 지나므로 대입하면 $-3 = -3(k - 5)^2 - 2$, $3k^2 - 30k + 74 = 0$ 이다. 상수 k 의 값의 곱은 $3k^2 - 30k + 74 = 0$ 의 두 근의 곱과 같으므로

| 상수 k 의 값의 곱은 $3k^2 - 30k + 74 = 0$ 의 두 근의 곱과 같으므로 $\frac{74}{3}$ 이다.

20. 일차함수 y = ax + b 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 이차함수 $y = -a(x - b)^2 - a$ 의 그래프로 적당한 것을 보기에서 골라라.





▷ 정답: 心

답:

b > 0 이다. 따라서 $y = -a(x-b)^2 - a$ 의 그래프는 위로 볼록하고, b >0, -a<0이므로

그래프가 오른쪽 위를 향하므로 a > 0 이고 (y절편) > 0 이므로

꼭짓점이 제 4 사분면 위에 있는 그래프이다.

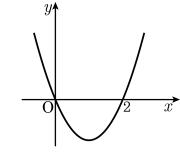
- **21.** 이차함수 $y = -3x^2 6x + 2$ 의 그래프의 꼭짓점의 좌표가 (a, b) 이고, y 축과의 교점의 y 좌표가 q 일 때, $\frac{a+b}{q}$ 의 값은?

 - ① -2 ② -1 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

y = $-3x^2 - 6x + 2$ 의 식을 $y = a(x+p)^2 + q$ 의 꼴로 바꾸면 $y = -3(x^2 + 2x + 1 - 1) + 2$ $y = -3(x+1)^2 + 5$ 이므로 i) 꼭짓점의 좌표는 (-1,5) ∴ a=-1,b=5

- ii) y 축과 만나는 점의 x 좌표는 0 이므로 x = 0 을 대입하면
- 따라서 $\frac{a+b}{q} = \frac{(-1)+5}{2} = \frac{4}{2} = 2$ 이다.

22. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 일차함수 ax + by + c = 0 의 그래프는 몇 사분면을 지나는가?



③ 제 2, 4 사분면

① 제 1, 2, 3 사분면

- ② 제 1, 3 사분면 ④ 제 2, 3, 4 사분면
- ⑤ 제 1, 2 사분면

$$y = a$$

또한,
$$y = ax\left(x + \frac{b}{-}\right)$$
 에서

$$y = ax^2 + bx + c$$
 에서 $c = 0$
또한, $y = ax\left(x + \frac{b}{a}\right)$ 에서

$$-\frac{b}{a} = 2 > 0$$

$$a
\therefore \frac{b}{a} < 0
그러므로 $ax + by + c = 0$ 에서
$$y = -\frac{a}{b}x$$$$

$$\therefore -\frac{a}{b} > 0 \left(\because \frac{b}{a} < 0 \right)$$

23. 일차함수 y = 2x + 5 와 이차함수 $y = x^2 + 6x - 7$ 의 그래프의 교점과 이차함수의 꼭짓점이 이루는 삼각형의 넓이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 60

해설

 $y = x^2 + 6x - 7$ 과 y = 2x + 5 의 교점의 좌표를 구하면 $2x + 5 = x^2 + 6x - 7$ $x^2 + 4x - 12 = 0$ (x + 6)(x - 2) = 0 $\therefore (-6, -7), (2, 9)$ $y = x^2 + 6x - 7 = (x + 3)^2 - 16$ 이므로 꼭짓점은 (-3, -16) 이다. 교점 (-6, -7), (2, 9) 과 꼭짓점 (-3, -16) 이 이루는 삼각형의 넓이는 60이다.

24. 함수 $f(x) = \begin{cases} x^2(x < 0) \\ 3x^2(x \ge 0) \end{cases}$ 의 그래프 위의 점 P 와 점 A(2,0) 에 대하여 삼각형 POA 의 넓이가 24 일 때, 점 P 의 x 좌표들의 곱을 구하면?

 $(4) -9\sqrt{3}$ $(5) -10\sqrt{3}$

① $-6\sqrt{3}$ ② $-7\sqrt{3}$ ③ $-8\sqrt{3}$

점 P(a,b) 라고 하면 b>0이므로 ($\triangle POA$ 의 넓이) $=\frac{1}{2}\times 2\times b=$ 따라서 b = 24 이다.

P(a, 24) 인 a 의 값을 구하면

(i) a < 0 일 때

 $y = x^2$ 에 (a, 24) 를 대입하면

 $24 = a^2, \ a = -2\sqrt{6}$

(ii) a ≥ 0 일 때 $y = 3x^2$ 에 (a, 24) 를 대입하면

 $24 = 3a^2, \ a = 2\sqrt{2}$ (i), (ii) 에서 P(-2 $\sqrt{6}, 24)$ 또는 P(2 $\sqrt{2}, 24)$ 이다.

따라서 점 P의 x좌표들의 곱은 $-2\sqrt{6} \times 2\sqrt{2} = -8\sqrt{3}$ 이다.

25. 자연수 a, b에 대해서 $\sqrt{49-a} + \sqrt{196+b}$ 가 자연수가 될 때, 10a-b 의 최댓값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 519

 $\sqrt{49-a} + \sqrt{196+b}$ 이 자연수가 되려면 49-a, 196+b가 각각

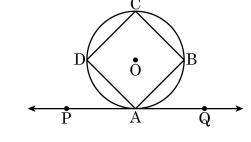
해설

완전제곱수가 되어야 한다. 또한 10a - b가 최댓값이 되려면 a는 최댓값, b는 최솟값이어야한다.

한다. $\sqrt{49-a}$ 가 0보다 크거나 같은 정수가 되는 a의 최댓값은 a=49

이다. $\sqrt{196+b}$ 가 자연수가 되는 b의 최솟값은 b=29이다. 따라서 10a+b=490+29=519이다.

26. 다음 그림과 같은 수직선 위의 정사각형 ABCD와 선분 DB를 지름 으로 하는 원 O 에서 $\overline{AD}=\overline{PA},~\overline{AB}=\overline{AQ}$ 이고 원 O의 넓이는 18π 일 때, $\overline{\mathrm{PQ}}$ 를 지름으로 하는 원의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답: ightharpoonup 정답: 12π

□ABCD의 대각선의 길이는 원의 지름에 해당하고 원의 넓이가

해설

18π 이므로 대각선의 길이는 $6\sqrt{2}$ 이다.

따라서 $\square ABCD$ 의 한 변의 길이는 6이 되고 선분 PQ의 길이는

따라서 선분 PQ를 지름으로 하는 원의 둘레의 길이는 $12 \times \pi = 12\pi$ 이다.

27. $ab + bc + ca = a^2 + b^2 + c$ 일 때, $\frac{b}{a} + \frac{c}{b} + \frac{a}{c}$ 의 값을 구하여라. (단, $abc \neq 0$)

▶ 답: ▷ 정답: 3

 $ab + bc + ca = a^{2} + b^{2} + c^{2}$ $a^{2} + b^{2} + c^{2} - ab - bc - ca = 0$

 $\frac{1}{2}\left\{(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2\right\} = 0$ 이때 a, b, c 는 실수이므로 $\therefore a = b = c$ $\therefore \frac{b}{a} + \frac{c}{b} + \frac{a}{c} = 3$

28. a 는 이차방정식 $2x^2 - 8x - 7 = 0$ 의 한 근이고, b 는 이차방정식 $x^2 + 6x - 5 = 0$ 의 한 근일 때, $a^2 + 2b^2 - 4a + 12b$ 의 값을 구하여라.

답:

ightharpoonup 정답: $rac{27}{2}$

 $2x^2 - 8x - 7 = 0 의 한 근이 a 이므로 x 에 a 를 대입하면$ $2a^2 - 8a - 7 = 0, a^2 - 4a = \frac{7}{2} \cdots ①$ $x^2 + 6x - 5 = 0 의 한 근이 b 이므로 x 에 b 를 대입하면 b^2 + 6b - 5 = 0, b^2 + 6b = 5 \cdots ©$ 주어진 식을 변형하면 $a^2 + 2b^2 - 4a + 12b = a^2 - 4a + 2b^2 + 12b$ $= (a^2 - 4a) + 2(b^2 + 6b)$ $= \frac{27}{2}$ 이다. **29.** 이차방정식 $2x^2 - 6x + (1+a) = 0$ 의 두 근이 모두 정수가 되도록 하는 자연수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

x 는 정수이므로 주어진 이차방정식은 실근을 가져야 한다. $\frac{D}{4} = (-3)^2 - 2(1+a) \ge 0, \ 9 - 2 - 2a \ge 0, \ 7 - 2a \ge 0$

 $\therefore \ a \le \frac{7}{2}$

a는 자연수이므로 1, 2, 3 중 하나이다. (1) a=1 일 때, $2x^2-6x+2=0$ 근이 정수가 되지 않으므로

부적합하다. (2) a=2 일 때, $2x^2-6x+3=0$ 근이 정수가 되지 않으므로

부적합하다. (3) $a = 3 \stackrel{\text{def}}{=} \text{III}, 2x^2 - 6x + 4 = 0, x^2 - 3x + 2 = 0, (x - 1)(x - 2) = 0$ 0

∴ x = 1 또는 x = 2 따라서 (1), (2), (3)에서 구하는 a의 값은 3이다.

30. 이차방정식 $\frac{a-2}{4}x^2 + ax + 2a + 1 = 0$ 이 서로 다른 두 근을 갖도록 하는 모든 정수 a의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

 $\frac{a-2}{4}x^2 + ax + 2a + 1 = 0 \text{ 이 서로 다른 두 근을 가지므로}$ $D = a^2 - 4\left(\frac{a-2}{4}\right)(2a+1) > 0$ $a^2 - 3a - 2 < 0$ $\therefore \frac{3-\sqrt{17}}{2} < a < \frac{3+\sqrt{17}}{2} \text{ (단, } a \neq 2\text{)}$ $\therefore \frac{3-\sqrt{17}}{2} < a < 2 \text{ 또는 } 2 < a < \frac{3+\sqrt{17}}{2}$ 따라서 a = 0, 1, 3 이므로 합은 4 이다.

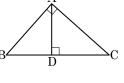
31. a% 의 소금물 100g 에서 소금물 (a+2)g 을 퍼낸 다음 퍼낸 만큼의 소금을 넣었더니 소금물의 농도가 52.4% 였다. 퍼낸 소금물의 양을 구하여라.

 $\underline{\mathbf{g}}$ ▷ 정답: 32 g

▶ 답:

해설 처음 소금의 양 : $\frac{a}{100} \times 100 = a(g)$ 퍼낸 소금물 a + 2g 속의 소금의 양 : $(a+2)\frac{a}{100} = \frac{a^2 + 2a}{100}$ (g) $a - \frac{a^2 + 2a}{100} + (a+2) = \frac{52.4}{100} \times 100$ $-(a^2 + 2a) + 200a + 200 - 5240 = 0$ $-a^2 + 198a - 5040 = 0$ $a^2 - 198a + 5040 = 0$ (a - 30)(a - 168) = 0a 는 100보다 작아야 하므로 a=30파라서 퍼낸 소금물의 양은 $a+2=32\,\mathrm{(g)}$ 이다.

32. 다음 그림과 같이 삼각형 ABC 에서 ∠BAC = 90°, ∠ADC = 90° 이다. 선분 AD 의 길이는 6 cm, 선분 BD 의 길이는 4 cm 이고, 선분 AB 의 길이와 선분 DC 의 길이는 같다고 한다. 선분 AC 의 길이가 선분 DC 의 길이보다 1 cm 더 길 때, 선분 AB 의 길이를 구하여라.



 ▶ 답:
 cm

 ▷ 정답:
 8 cm

 $\overline{AB} = \overline{DC} = x \text{ cm}$ 라고 하면 $\overline{AC} = x + 1$ $\frac{1}{2}x(x+1) = \frac{1}{2} \times 6(x+4)$ $\frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}x - 3x - 12 = 0$ $x^2 - 5x - 24 = 0$ (x-8)(x+3) = 0 $x = 8 \ (\because x > 0)$

- **33.** 이차함수 $y=\frac{1}{2}(x+a)^2+b$ 의 그래프는 x<-2 이면 x 의 값이 증가할 때, y 의 값은 감소하고, x>-2 이면 x 의 값이 증가할 때, y 의 값도 증가한다. 이 그래프가 점 $(-1,\ 3)$ 을 지날 때, 꼭짓점의 좌표를 구하면?
 - ① (-2, 1) ② (3, 5) ③ $\left(-2, \frac{5}{2}\right)$ ④ (2, 5) ⑤ $\left(-1, \frac{2}{5}\right)$
 - x=-2를 기준으로 x 값에 따른 y 값의 변화가 달라지므로, 축의 방정식은 x=-2, $\therefore a=2$ $y=\frac{1}{2}(x+2)^2+b$ 의 그래프가 점 $(-1,\ 3)$ 을 지나므로 $3=\frac{1}{2}(-1+2)^2+b$, $\therefore b=\frac{5}{2}$ 따라서 $y=\frac{1}{2}(x+2)^2+\frac{5}{2}$ 에서 꼭짓점의 좌표는 $\left(-2,\ \frac{5}{2}\right)$ 이다.

 ${f 34.} \quad f(2) = 16 \; , \; f(x) = f(x^4) \cdot (-x^2 + 2x + 4) \; 를 만족하는 함수 <math>f(x)$ 에 대하여 $f(-16)=\frac{a}{b}$ 일 때, a-b 의 값을 구하여라. (단, a,b 는 서로소이다.)

▷ 정답: 149

답:

 $f(x)=f(x^4)\cdot(-x^2+2x+4)$ 에서 x=2 를 대입하면 f(2)= $f(16) \times 4$ $\therefore f(16) = 4$ $f(x) = f(x^4) \cdot (-x^2 + 2x + 4)$

 $f(x^4) = \frac{f(x)}{(-x^2 + 2x + 4)}$ 이고

 $f(x^4) \cdot (-x^2 - 2x + 4) = f(-x)$ 이므로 $f(-x) = f(x^4) \cdot (-x^2 - 2x + 4)$ $= \frac{f(x)}{(-x^2 + 2x + 4)} \cdot (-x^2 - 2x + 4)$

이 식에 x = 16 을 대입하면 $f(-16) = \frac{4}{(-284)} \times (-220) = \frac{220}{71}$ 이다.

 $a = 220, \ b = 71$ 따라서 a - b = 149 이다.

. 다음 중 이차함수에 대한 설명이 옳지 <u>않는</u> 것은?

 $y = x^2$ 에서 x > 0일 때, x값이 증가하면 y값도 증가한다.

- $y = ax^2 + b(a \neq 0)$ 는 x = b를 축으로 하고 점 (0, b)를 꼭짓점으로 하는 포물선이다.
- $y = ax^2$ 과 $y = -ax^2$ 의 그래프는 x축에 대하여 대칭이다.
- $y = ax^2 + bx + c(a \neq 0)$ 에서 |a|의 값이 같으면 폭도 같다. $y = ax^2$ 에서 a < 0일 때, a가 커지면 폭이 넓어진다.

① 아래로 볼록이므로 축의 오른쪽(축보다 큰 범위)에서 x 값이

- 증가하면 y값도 증가한다. x = 0(y축)을 축으로 하고, (0, b)를 꼭짓점으로 한다.
- $y = ax^2$ 과 $y = -ax^2$ 의 그래프는 x축에 대하여 대칭이다. $y = ax^2 + bx + c(a \neq 0)$ 에서의 |a|의 값이 같으면 폭도 같다.
- $y = ax^2$ 에서 a < 0일 때 a가 커지면 |a|이 작아지므로 폭은 넓어진다.