

1. $\frac{\square+4}{\square-4}$ 는 $1\frac{2}{5}$ 와 크기가 같은 분수입니다. $\square$ 안에 알맞은 수를 구하십시오. (단, $\square$ 안의 수는 같은 수 입니다.)

▶ 답 :

▷ 정답 : 24

해설

$\frac{\square+4}{\square-4}$ 는 분모와 분자의 차가 8입니다.

$1\frac{2}{5} = \frac{7}{5}$ 과 크기가 같은 분수

$\frac{14}{10}, \frac{21}{15}, \frac{28}{20}, \frac{35}{25}, \dots$ 중에서

분모와 분자의 차가 8인 분수는 $\frac{28}{20}$ 이므로

$\square = 24$ 입니다.

2. $\frac{348}{604}$ 에서 분모에 어떤 수를 더한 후 약분을 하였더니 $\frac{4}{7}$ 가 되었다고 합니다. 어떤 수는 얼마입니까?

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

$$\frac{348}{604 + \Delta} = \frac{348 \div 87}{\square \div 87} = \frac{4}{7} \rightarrow \square \div 87 = 7$$

$$\square = 87 \times 7 = 609$$

$$609 - 604 = 5 \rightarrow \text{분모에 더한 수는 5 입니다.}$$

3. 어떤 분수의 분자에 1 을 더하여 약분하면 $\frac{3}{4}$ 이 되고, 분모에서 1 을 빼고 분자에 1 을 더하여 약분하면 $\frac{4}{5}$ 가 됩니다. 어떤 분수의 분모와 분자의 차를 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

어떤 분수를 $\frac{\Delta}{\square}$ 라고 하면,

$$\frac{\Delta+1}{\square}=\frac{3}{4}, \frac{\Delta+1}{\square-1}=\frac{4}{5}$$

$$\frac{3}{4}=\frac{6}{8}=\frac{9}{12}=\frac{12}{16}=\cdots,$$

$$\frac{4}{5}=\frac{8}{10}=\frac{12}{15}=\frac{16}{20}=\cdots \text{에서 분자가 같고}$$

분모의 차가 1이 나는 수는 $\frac{12}{16}$ 와 $\frac{12}{15}$ 이므로

$$\frac{\Delta+1}{\square}=\frac{12}{16} \Rightarrow \frac{\Delta}{\square}=\frac{11}{16},$$

$$\frac{\Delta+1}{\square-1}=\frac{12}{15} \Rightarrow \frac{\Delta}{\square}=\frac{11}{16}$$

따라서 $16-11=5$ 입니다.

4. $\frac{\textcircled{7}}{\textcircled{L} \times \textcircled{L}} = \frac{1}{192}$ 을 만족하는 가장 작은 자연수 $\textcircled{7}$, $\textcircled{L}$ 을 차례대로 구하시오.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

▷ 정답 : 24

해설

$$\begin{aligned} 192 &= 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \\ \frac{1}{192} &= \frac{3}{(2 \times 2 \times 2 \times 3) \times (2 \times 2 \times 2 \times 3)} \\ &= \frac{3}{24 \times 24} \\ \textcircled{7} &= 3, \textcircled{L} = 24 \end{aligned}$$

5. 분모와 분자의 차가 6인, 기약분수가 아닌 진분수가 있습니다. 이 진분수를 기약분수로 나타낸 후 분모와 분자를 더하면 16이 됩니다. 약분하기 전의 진분수는 무엇입니까?

- ① $\frac{14}{18}$ ② $\frac{10}{22}$ ③ $\frac{6}{26}$ ④ $\frac{21}{27}$ ⑤ $\frac{2}{30}$

해설

분모와 분자의 합이 16인 기약분수 중에서
진분수는 $\frac{7}{9}, \frac{5}{11}, \frac{3}{13}, \frac{1}{15}$ 입니다.
찾는 분수는 기약분수로 약분하기 전에
분모와 분자의 차가 6이므로
기약분수로 약분을 하고 나서는
분자와 분모의 차가 6보다 작아질 것 입니다.
그런데 이 중에서 $\frac{3}{13}, \frac{1}{15}$ 은 분모와 분자의 차가 6보다 크고
 $\frac{5}{11}$ 는 분모와 분자의 차가 6인 기약분수이므로 조건에 맞지
않습니다.
따라서, $\frac{7}{9}$ 만 남습니다.
 $\frac{7}{9} = \frac{14}{18} = \frac{21}{27}$

6. $\frac{8}{7}$ 과 $\frac{22}{10}$ 사이에 있는 자연수를 분모로 하는 단위 분수는 어느 것입니까?

- ① $\frac{1}{2}$
- ② $\frac{1}{3}$
- ③ $\frac{1}{4}$
- ④ $\frac{1}{5}$
- ⑤ $\frac{1}{6}$

해설

$$\left(\frac{8}{7}, \frac{22}{10}\right) \rightarrow \left(\frac{80}{70}, \frac{154}{70}\right)$$

따라서 두 분수 사이에 있는 자연수는 2입니다.

그러므로 이 자연수를 분모로 하는 단위분수는 $\frac{1}{2}$ 입니다.

7. $\frac{1}{2}$ 보다 작은 분수를 모두 구하시오.

- ① $\frac{7}{15}$
- ② $\frac{2}{3}$
- ③ $\frac{6}{11}$
- ④ $\frac{9}{22}$
- ⑤ $\frac{7}{13}$

해설

분자를 2 배 한 수가 분모보다 작으면

$\frac{1}{2}$ 보다 작은 수 입니다.

$\frac{7}{15}$ 에서 $(7 \times 2) < 15$ 이므로 $\frac{7}{15} < \frac{1}{2}$

$\frac{9}{22}$ 에서 $(9 \times 2) < 22$ 이므로 $\frac{9}{22} < \frac{1}{2}$

8. 다음 세 분수의 크기를 바르게 비교한 것은 어느 것입니까?

$\textcircled{\tiny{\Gamma}}$

$\frac{363511}{363514}$

$\textcircled{\tiny{\Delta}}$

$\frac{484681}{484685}$

$\textcircled{\tiny{\Theta}}$

$\frac{605852}{605857}$

- ①

$\textcircled{\tiny{\Gamma}} < \textcircled{\tiny{\Delta}} < \textcircled{\tiny{\Theta}}$
- ②

$\textcircled{\tiny{\Gamma}} < \textcircled{\tiny{\Theta}} < \textcircled{\tiny{\Delta}}$
- ③

$\textcircled{\tiny{\Delta}} < \textcircled{\tiny{\Gamma}} < \textcircled{\tiny{\Theta}}$
- ④

$\textcircled{\tiny{\Delta}} < \textcircled{\tiny{\Theta}} < \textcircled{\tiny{\Gamma}}$
- ⑤

$\textcircled{\tiny{\Theta}} < \textcircled{\tiny{\Gamma}} < \textcircled{\tiny{\Delta}}$

해설

분수 $\textcircled{\tiny{\Gamma}}$, $\textcircled{\tiny{\Delta}}$, $\textcircled{\tiny{\Theta}}$ 의 분자는 분모보다 각각 3, 4, 5 만큼 작습니다.

$$\begin{aligned}\textcircled{\tiny{\Gamma}} \quad \frac{363511}{363514} &= 1 - \frac{3}{363514} = 1 - \frac{1}{\frac{363514}{3}} \\ &= 1 - \frac{1}{121171 + \frac{1}{3}} \\ \textcircled{\tiny{\Gamma}} \quad \frac{484681}{484685} &= 1 - \frac{4}{484685} = 1 - \frac{1}{\frac{484685}{4}} \\ &= 1 - \frac{1}{121171 + \frac{1}{4}} \\ \textcircled{\tiny{\Theta}} \quad \frac{605852}{605857} &= 1 - \frac{5}{605857} = 1 - \frac{1}{\frac{605857}{5}} \\ &= 1 - \frac{1}{121171 + \frac{2}{5}}\end{aligned}$$

$$\frac{1}{4} < \frac{1}{3} < \frac{2}{5}$$

$$\Rightarrow \frac{5}{605857} < \frac{3}{363514} < \frac{4}{484685}$$

$$\Rightarrow \frac{484681}{484685} < \frac{363511}{363514} < \frac{605852}{605857}$$

$$\Rightarrow \textcircled{\tiny{\Delta}} < \textcircled{\tiny{\Gamma}} < \textcircled{\tiny{\Theta}}$$

9. 다음 3 장의 숫자 카드 중에서 2 장을 뽑아 만들 수 있는 진분수를 작은 것부터 순서대로 구하시오.

2

5

7

① $\frac{5}{7}, \frac{2}{5}, \frac{2}{7}$

② $\frac{2}{5}, \frac{2}{7}, \frac{5}{7}$

③ $\frac{2}{7}, \frac{5}{7}, \frac{2}{5}$

④ $\frac{2}{7}, \frac{2}{5}, \frac{5}{7}$

⑤ $\frac{2}{5}, \frac{5}{7}, \frac{2}{7}$

해설

만들 수 있는 진분수는 $\frac{2}{5}, \frac{2}{7}, \frac{5}{7}$ 입니다.

세 분수의 크기를 비교하면 $\frac{5}{7} > \frac{2}{5} > \frac{2}{7}$ 이므로

가장 큰 분수는 $\frac{5}{7}$ 이고, 가장 작은 분수는 $\frac{2}{7}$ 입니다.

10. $\frac{5}{16}$ 와 $\frac{5}{9}$ 사이의 분수 중에서 분자가 1 인 기약분수를 구하여 그 분모를 모두 쓰시오.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

▷ 정답 : 3

해설

$$\frac{5 \div 5}{16 \div 5} < \frac{1}{\square} < \frac{5 \div 5}{9 \div 5}$$

$\square$ 안에 들어갈 수 있는 수는 2, 3

따라서 $\frac{1}{2}, \frac{1}{3}$ 입니다.