

1. $x^2 + x - 1 = 0$ 일 때, $x^5 - 5x$ 의 값을 구하면?

- ① 2 ② 1 ③ 0 ④ -1 ⑤ -3

해설

$x^5 - 5x$ 를 $x^2 + x - 1$ 로 나누면
즉, $x^5 - 5x = (x^2 + x - 1) \times \text{몫} - 3$
 $x^2 + x - 1 = 0$
 $\therefore x^5 - 5x = -3$

해설

다음과 같이 식의 차수를 낮춰 나갈 수 있다.

$$\begin{aligned}x^2 &= -x + 1 \\x^5 - 5x &= (x^2)^2 \times x - 5x \\&= x(-x + 1)^2 - 5x \\&= x^3 - 2x^2 - 4x \\&= x(-x + 1) - 2(-x + 1) - 4x \\&= -x^2 - x - 2 \\&= -(x^2 + x) - 2 \\&= -1 - 2 = -3\end{aligned}$$

2. 대각선의 길이가 28이고, 모든 모서리의 길이의 합이 176 인 직육면체의 겉넓이를 구하려 할 때, 다음 중에서 사용되는 식은 ?

- ① $(x-a)(x-b)(x-c)$
 $= x^3 - (a+b+c)x^2 + (ab+bc+ca)x - abc$
- ② $\frac{1}{2}\{(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2\}$
 $= a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca$
- ③ $(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$
- ④ $(x+a)(x+b)(x+c)$
 $= x^3 + (a+b+c)x^2 + (ab+bc+ca)x + abc$
- ⑤ $(a+b+c)(a^2+b^2+c^2-ab-bc-ca)$
 $= a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$

해설

직육면체의 가로, 세로, 높이를 각각 a, b, c 라 하면 대각선의 길이는 $\sqrt{a^2 + b^2 + c^2} = 28$
 $\therefore a^2 + b^2 + c^2 = 28^2 \cdots \textcircled{1}$
또, 모든 모서리의 길이의 합은 176 이므로 $4(a+b+c) = 176$
 $\therefore a+b+c = 44 \cdots \textcircled{2}$
이 때, 직육면체의 겉넓이는 $2(ab+bc+ca)$ 이므로 $(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab+bc+ca) \cdots \textcircled{3}$
따라서 $\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 을 $\textcircled{3}$ 에 대입하여 겉넓이를 구하면 1152 이다.

3. $x^2 + ax + b$, $x^2 + bx + a$ 의 최대공약수가 x 의 일차식일 때, 최소공배수는?
- ① $(x - 2)(x - a)(x - b)$ ② $(x + 2)(x - a)(x - b)$
③ $(x + 1)(x + a)(x + b)$ ④ $(x + 1)(x - a)(x - b)$
⑤ $(x - 1)(x - a)(x - b)$

해설

$$\begin{cases} x^2 + ax + b \cdots \textcircled{\text{㉠}} \\ x^2 + bx + a \cdots \textcircled{\text{㉡}} \end{cases}$$

① - ② : $(a - b)(x - 1)$
①, ② 에서 $a \neq b$ 이므로 최대공약수는 $x - 1$ 이다.
 $1 + a + b = 0, a = -1 - b, b = -1 - a$
이 때, ①은 $x^2 - (1 + b)x + b = (x - 1)(x - b)$
②은 $x^2 - (1 + a)x + a = (x - 1)(x - a)$
여기서, $a \neq b$ 이므로 $x - a$ 와 $x - b$ 는 서로 소이다.
따라서, 구하는 최소공배수는 $(x - 1)(x - a)(x - b)$

4. α, β 를 복소수라 할 때, 다음 중 옳은 것은?

- ① $\alpha + \beta i = 0$ 이면 $\alpha = 0, \beta = 0$
- ② $\alpha + \beta i = r + \delta i$ 이면 $\alpha = r, \beta = \delta$
- ③ $\alpha^2 + \beta^2 = 0$ 이면 $\alpha = 0, \beta = 0$
- ④ $\alpha\beta = 0$ 이면 $\alpha = 0$ 또는 $\beta = 0$
- ⑤ $\alpha^2 < 0$

해설

- ① $\alpha = 1, \beta = i$ 이면 $\alpha + \beta i = 1 + i^2 = 0$ 이지만 $\alpha \neq 0, \beta \neq 0$ 이다.
 - ② $\alpha = 1, \beta = 1$ 이면 $\alpha + \beta i = 1 + i$ 이고, $r = 2, \delta = -1 + i$ 이면 $r + \delta i = 1 + i$ 에서 $\alpha + \beta i = r + \delta i$ 이지만 $\alpha \neq r, \beta \neq \delta$ 이다.
 - ③ $\alpha = 1, \beta = i$ 이면 $\alpha^2 + \beta^2 = 1 + i^2 = 0$ 이지만 $\alpha \neq 0, \beta \neq 0$ 이다.
 - ④ $\alpha \neq 0$ 이고 $\beta \neq 0$ 이라 가정하고 $\alpha\beta = 0$ 의 양변에 $\frac{1}{\alpha}$ 을 곱하면 $\beta = 0$ 이 되어 모순이다. 따라서 $\alpha\beta = 0$ 이면 $\alpha = 0$ 또는 $\beta = 0$ 이다.
 - ⑤ (순허수)² < 0 이나 $\alpha = 1 + i$ 이면 $\alpha^2 = (1 + i)^2 = 2i$ 가 되어 양수도 음수도 아니다.
- 따라서 옳은 것은 ④이다.

5. $z = \frac{1+i}{1-i}$ 일 때, $1+z+z^2+\cdots+z^{2008}$ 의 값은?

- ① $-i$ ② -1 ③ 0 ④ i ⑤ 1

해설

$$z = \frac{1+i}{1-i} = i, z^2 = -1, z^3 = -i, z^4 = 1$$

(준식) : $1+z+z^2+z^3+\cdots+z^{2008}$

처음 네 항의 합 :

$$1+i-1-i=0$$

$$1+z+z^2+z^3+\cdots+z^{2008}$$

$$= 0+0+\cdots+0+z^{2008}$$

$$= z^{2008}$$

$$= (z^4)^{502}$$

$$= 1$$

6. α, β 가 x 에 관한 이차방정식 $(x+p)(x+q)-k=0$ 의 두 근일 때, 다음 방정식의 근은?

$(x-\alpha)(x-\beta)+k=0$

- ① α, β

② $\frac{1}{\alpha}, \frac{1}{\beta}$

③ p, q
- ④ $\frac{1}{p}, \frac{1}{q}$

⑤ $-p, -q$

해설

방정식 $(x+p)(x+q)-k=0$ 을 정리하면
 $x^2+(p+q)x+(pq-k)=0$
이 방정식의 두 근이 α, β 이므로
 $\alpha+\beta=-(p+q), \alpha\beta=pq-k \cdots \textcircled{㉑}$
방정식 $(x-\alpha)(x-\beta)+k=0$ 을 정리하면
 $x^2-(\alpha+\beta)x+\alpha\beta+k=0$
 $\therefore x^2+(p+q)x+pq=0$ ($\because \textcircled{㉑}$ 대입)
 $\therefore (x+p)(x+q)=0$
따라서 구하는 두 근은 $x=-p, -q$

7. 다음 방정식의 실근의 합을 구하여라.

$$x^4 + 5x^3 - 12x^2 + 5x + 1 = 0$$

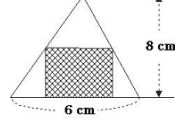
▶ 답 :

▷ 정답 : -6

해설

$x = 0$ 을 대입하면
 $1 = 0$ 이 되어 모순이므로 $x \neq 0$ 이다.
따라서, 주어진 식의 양변을
 x^2 으로 나누면
$$x^2 + 5x - 12 + \frac{5}{x} + \frac{1}{x^2} = 0$$
$$\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right) + 5\left(x + \frac{1}{x}\right) - 12 = 0$$
$$\therefore \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 + 5\left(x + \frac{1}{x}\right) - 14 = 0$$
여기서 $x + \frac{1}{x} = X$ 로 놓으면
 $X^2 + 5X - 14 = 0, (X + 7)(X - 2) = 0$ $\therefore X = -7$ 또는 $X = 2$
(i) $X = -7$ 일 때,
 $x + \frac{1}{x} = -7$ 에서
 $x^2 + 7x + 1 = 0$ $\therefore \frac{-7 \pm 3\sqrt{5}}{2}$
(ii) $X = 2$ 일 때,
 $x + \frac{1}{x} = 2$ 에서
 $x^2 - 2x + 1 = 0, (x - 1)^2 = 0$ $\therefore x = 1$
(i), (ii)로부터
 $x = 1$ (중근) 또는 $x = \frac{-7 \pm 3\sqrt{5}}{2}$
따라서, 모든 근의 합은
 $1 + \frac{-7 + 3\sqrt{5}}{2} + \frac{-7 - 3\sqrt{5}}{2} = -6$ 이다.

8. 철민이는 그림과 같이 밑변의 길이가 6 cm , 높이가 8 cm 인 삼각형 모양의 나무 판자를 가지고 있다. 이 판자를 그림과 같이 잘라 넓이가 12 cm^2 인 직사각형 모양의 판자를 만들려고 한다. 이 때, 이 판자의 가로 길이를 구하여 라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 3 cm

해설

삼각형에 내접하는 직사각형의 가로를 α , 세로를 β 라 하자.

다음 조건에 의해 $\alpha : 8 - \beta = 3 : 4$

$$\Rightarrow 3\beta = 24 - 4\alpha,$$

넓이가 12 이므로 $\alpha\beta = 12$

$$\therefore \alpha\beta = \alpha\left(8 - \frac{4}{3}\alpha\right) = 12, (\alpha - 3)^2 = 0$$

$$\therefore \alpha = 3$$

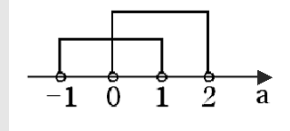
9. $x^2 - 2ax + 1 = 0$, $x^2 - 2ax + 2a = 0$ 중에서 한 개의 방정식만 허근을 갖도록 양수 a 의 범위를 정할 때, $\alpha \leq a < \beta$ 이다. 이때 $\alpha + \beta$ 의 값을 구하면?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\frac{D_1}{4} = a^2 - 1 < 0 \text{ 에서 } -1 < a < 1$$

$$\frac{D_2}{4} = a^2 - 2a < 0 \text{ 에서 } 0 < a < 2$$



그림에서 $a > 0$ 이므로 $1 \leq a < 2$

$\therefore \alpha = 1, \beta = 2$

10. 두 부등식 $x^2 - 2x - 8 > 0$,
 $x^2 - (2a + 1)x + a^2 + a < 0$ 에 대하여 공통범위가 존재하지 않도록
하는 실수 a 의 범위를 $b \leq a \leq c$ 라 할 때, $b + c$ 의 값을 구하면?

① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

$(x - 4)(x + 2) > 0$,
 $\therefore x > 4, x < -2$
 $x^2 - (2a + 1)x + a(a + 1) < 0$
 $(x - a)(x - a - 1) < 0$
두 부등식의 공통범위가 없으려면
 $a \geq -2, a + 1 \leq 4 \rightarrow a \leq 3$
 $\therefore -2 \leq a \leq 3$
 $\therefore b = -2, c = 3$
 $\therefore b + c = 1$

11. 이차방정식 $x^2 + mx + m + 1 = 0$ 의 한 근은 -1 과 0 사이에 있고, 다른 한 근은 1 과 2 사이에 있도록 m 의 값의 범위를 정하면?

- ① $m < -1$ ② $-\frac{5}{3} < m < -1$ ③ $-\frac{5}{2} < m < 1$
④ $-\frac{5}{3} < m < 0$ ⑤ $-\frac{5}{2} < m < 0$

해설

$x^2 + mx + m + 1 = f(x)$ 라 하면,
 $f(-1) > 0, f(0) < 0, f(1) < 0, f(2) > 0$
 $\therefore 2 > 0, m + 1 < 0 \quad 2m + 2 < 0, 3m + 5 > 0$
위 네 부등식을 연립하면
 $\therefore -\frac{5}{3} < m < -1$

12. 직선 $3x+y=8$ 이 두 점 A(4, -3), B(1, 2)를 잇는 선분 AB를 1 : m 으로 내분할 때, 상수 m 의 값은?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

두 점 A(4, -3), B(1, 2)에 대하여 선분 AB를 1 : m 으로 내분하는 점의 좌표는

$\left(\frac{4m+1}{m+1}, \frac{-3m+2}{m+1}\right)$ 이다.

이 점이 직선 $3x+y=8$ 위에 있으므로

$$3 \times \frac{4m+1}{m+1} + \frac{-3m+2}{m+1} = 8$$

따라서 $m=3$

13. 세 원 $x^2 + y^2 - 4x - 4y + 4 = 0$, $x^2 + y^2 - 8x - 6y + 16 = 0$, $(x - a)^2 + (y - b)^2 = 25$ 를 각각 C_1, C_2, C_3 라고 하자. 이 때, C_1, C_2 의 공통현과 C_1, C_3 의 공통현이 일치하도록 하는 양수 a, b 의 값에 대하여 $a - b$ 의 값은?

① $\frac{\sqrt{95}}{5}$
 ④ $\frac{\sqrt{110}}{5}$

② $\frac{\sqrt{101}}{5}$
 ⑤ $\frac{\sqrt{115}}{5}$

③ $\frac{\sqrt{105}}{5}$

해설

두 원 C_1, C_2 의 공통현의 방정식은
 $(x^2 + y^2 - 4x - 4y + 4) - (x^2 + y^2 - 8x - 6y + 16) = 0$

$$\therefore 2x + y - 6 = 0 \dots\dots \textcircled{1}$$

원 C_3 의 방정식을 변형하면

$$x^2 + y^2 - 2ax - 2by + a^2 + b^2 - 25 = 0 \text{ 이고,}$$

두 원 C_1, C_3 의 공통현의 방정식은

$$(2a - 4)x + (2b - 4)y - (a^2 + b^2 - 29) = 0 \dots \textcircled{2}$$

두 직선 $\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 이 일치하므로

$$\frac{2a - 4}{2} = \frac{2b - 4}{1} = \frac{a^2 + b^2 - 29}{6}$$

$$\frac{2a - 4}{2} = \frac{2b - 4}{1} \text{ 에서 } 2a - 4 = 4b - 8$$

$$\therefore a = 2b - 2 \dots\dots \textcircled{3}$$

$$\frac{2b - 4}{1} = \frac{a^2 + b^2 - 29}{6} \text{ 에 } \textcircled{3} \text{ 을 대입하면}$$

$$12b - 24 = (2b - 2)^2 + b^2 - 29$$

$$5b^2 - 20b - 1 = 0$$

$$\therefore b = \frac{10 \pm \sqrt{105}}{5}$$

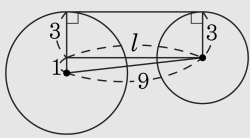
$$\text{그런데 } b > 0 \text{ 이므로 } b = \frac{10 + \sqrt{105}}{5}$$

$$\therefore a - b = \frac{\sqrt{105}}{5}$$

14. 두 원 $x^2 + y^2 = 16$, $(x-9)^2 + y^2 = 9$ 의 공통외접선의 길이를 l 이라 하고 공통내접선의 길이를 m 이라 할 때, $l^2 - m^2$ 의 값은?

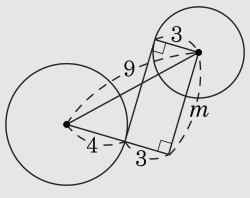
① 48 ② -48 ③ 32 ④ -32 ⑤ 30

해설



중심이 $(0, 0)$ $(9, 0)$ 이므로
중심간의 거리는 9이다.

$$\therefore l^2 = 9^2 - 1^2$$



$$\therefore m^2 = 9^2 - 7^2$$

$$\begin{aligned} \therefore l^2 - m^2 &= (9^2 - 1^2) - (9^2 - 7^2) \\ &= -1^2 + 7^2 = 48 \end{aligned}$$

15. 두 집합

$A = \{x \mid x \text{는 } 100 \text{ 이상 } 200 \text{ 이하 } 15 \text{의 배수}\},$

$B = \{x \mid x \text{는 } 80 \text{ 보다 작은 } 2 \text{의 배수}\}$ 일 때,

$n(B) - n(A)$ 는?

① 10

② 14

③ 19

④ 27

⑤ 32

해설

$$n(A) = 7, n(B) = 39$$

$$n(B) - n(A) = 39 - 7 = 32$$

16. 집합 $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ 의 부분집합 중에서 적어도 한 개의 홀수를 포함하는 것의 개수를 구하면?

① 32 ② 56 ③ 64 ④ 72 ⑤ 120

해설

‘적어도~’문제에서는 반대의 경우의 수를 구하여 모든 경우의 수에서 빼준다.

모든 부분집합의 수 : $2^6 = 128$ 짝수로만 만들 수 있는 부분집합의 수 : $2^3 = 8$

$\therefore 128 - 8 = 120$

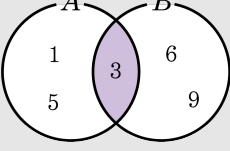
17. 두 집합 A, B 에 대하여 $A = \{x \mid x \text{는 } 5 \text{ 이하의 홀수}\}$, $A \cap B = \{3\}$, $A \cup B = \{1, 3, 5, 6, 9\}$ 일 때, 집합 B 를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\{3, 6, 9\}$

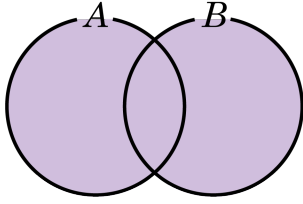
해설

$A = \{1, 3, 5\}$ 이고, 주어진 조건을 벤 다이어그램으로 나타내면 다음과 같다.



따라서 $B = \{3, 6, 9\}$ 이다.

18. 두 집합 $A = \{1, 3, 5, 9, 15\}$, $B = \{3 \times x \mid x \in A\}$ 에 대하여 다음 벤 다이어그램의 색칠한 부분을 나타내는 집합의 원소의 합을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 105

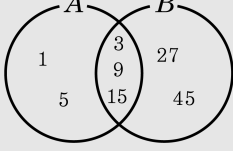
해설

$B = \{3 \times x \mid x \in A\}$ 는 집합 A 의 원소를 x 에 대입한 수들의 집합이다.

원소나열법으로 고쳐보면,

$B = \{3, 9, 15, 27, 45\}$ 이다.

벤 다이어그램을 그리면 다음과 같다.



색칠한 부분의 원소는 $\{1, 3, 5, 9, 15, 27, 45\}$ 이다.

따라서 모든 원소의 합은

$1 + 3 + 5 + 9 + 15 + 27 + 45 = 105$ 이다.

19. 세 집합 A, B, C 에 대하여 $n(A) = 12, n(B) = 10, n(C) = 9, n(A \cap B) = 4, n(B \cup C) = 15, A \cap C = \emptyset$ 일 때, $n(A \cup B \cup C)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 23

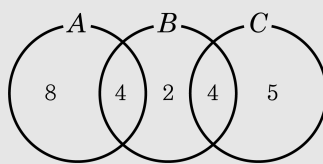
해설

$$n(B) = 10, n(C) = 9, n(B \cup C) = 15 \text{ 이므로}$$

$$n(B \cap C) = 10 + 9 - 15 = 4$$

$A \cap C = \emptyset$ 이므로 벤 다이어그램을 그려보면 $\therefore n(A \cup B \cup C) =$

$$8 + 4 + 2 + 4 + 5 = 23$$



20. 다음은 명제 ‘세 자연수 a, b, c 에 대하여, $a^2 + b^2 = c^2$ 이면, a, b, c 중 적어도 하나는 3의 배수이다.’의 참, 거짓을 대우를 이용하여 판별하는 과정이다.

주어진 명제의 대우는
‘세 자연수 a, b, c 에 대하여 a, b, c 모두 3의 배수가 아니면 $a^2 + b^2 \neq c^2$ ’이므로
 $a^2 + b^2 = 3m + [\text{㉠}], c^2 = 3n + [\text{㉡}]$
 $\therefore a^2 + b^2 \neq c^2$ (단, m, n 은 음이 아닌 정수) 따라서 대우가
[㉢] 이므로 주어진 명제도 [㉢] 이다.

위의 과정에서, ㉠, ㉡, ㉢에 들어갈 알맞은 것을 순서대로 바르게 나열한 것은?

- ① 1, 0, 참 ② 1, 2, 거짓 ③ 2, 1, 참
- ④ 2, 0, 참 ⑤ 0, 1, 참

해설

(대우 ‘ a, b, c 모두 3의 배수가 아니라면 $a^2 + b^2 \neq c^2$ ’
이것의 참, 거짓을 증명하는 과정이다.
 $a = 3p \pm 1, b = 3q \pm 1, c = 3r \pm 1$ 이면 $a^2 = 3(3p^2 \pm 2p) + 1, b^2 = 3(3q^2 \pm 2q) + 1$ 이므로
 $a^2 + b^2 = 3m + 2$ (m 은 음이 아닌 정수)의 꼴이다.
 $\therefore [\text{㉠}] = 2$
그리고 $c^2 = 3(3r^2 \pm 2r) + 1$ 이므로
 $c^2 = 3n + 1$ (n 은 음이 아닌 정수)의 꼴이다.
 $\therefore [\text{㉡}] = 1$
 $\therefore a^2 + b^2 \neq c^2$
따라서, 대우가 참이므로 주어진 명제도 참이다.
 $\therefore [\text{㉢}] = \text{참}$

21. 함수 $f(x) = \frac{x}{x+1}$ 에 대하여 $f^9\left(\frac{1}{2}\right) + f^{10}\left(\frac{1}{2}\right)$ 의 값을 구하면?
 (단, $f^2 = f \circ f$, $f^n = f^{n-1} \circ f$ 이다.)

- ☒ ① $\frac{80}{399}$
 ☐ ② $\frac{82}{399}$
 ☐ ③ $\frac{83}{399}$
 ☐ ④ $\frac{85}{399}$
 ☐ ⑤ $\frac{86}{399}$

해설

$$\begin{aligned}
 f^2(x) &= f(f(x)) = f\left(\frac{x}{x+1}\right) = \frac{\frac{x}{x+1}}{\frac{x}{x+1} + 1} \\
 &= \frac{x}{2x+1} \\
 f^3(x) &= f(f^2(x)) = f\left(\frac{x}{2x+1}\right) = \frac{\frac{x}{2x+1}}{\frac{x}{2x+1} + 1} \\
 &= \frac{x}{3x+1} \\
 f^4(x) &= f(f^3(x)) = f\left(\frac{x}{3x+1}\right) = \frac{\frac{x}{3x+1}}{\frac{x}{3x+1} + 1} \\
 &= \frac{x}{4x+1} \\
 \text{이제 } f^{n-1}(x) &= \frac{x}{(n-1)x+1} \text{ 라고 놓으면} \\
 f^n(x) &= f(f^{n-1}(x)) = f\left(\frac{x}{(n-1)x+1}\right) \\
 &= \frac{\frac{x}{(n-1)x+1}}{\frac{x}{(n-1)x+1} + 1} = \frac{x}{(n-1)x+1+x} \\
 &= \frac{x}{nx+1} \\
 \therefore f^9(2) + f^{10}(2) &= \frac{2}{9 \cdot 2 + 1} + \frac{2}{10 \cdot 2 + 1} = \frac{80}{399}
 \end{aligned}$$

22. 양의 실수에서 정의된 두 함수 $f(x) = x^2 + 2x$, $h(x) = \frac{100x + 200}{f(x)}$ 에 대하여 $f(x)$ 의 역함수를 $g(x)$ 라 할 때, $(h \circ g)(8)$ 의 값은?

① 10 ② 20 ③ 30 ④ 40 ⑤ 50

해설

$$\begin{aligned} g(8) &= k \text{ 라고 하면 } f(k) = 8 \text{ 이다.} \\ \Rightarrow k^2 + 2k &= 8 \\ \Rightarrow k &= -4, 2 \Rightarrow k = 2 (\because k > 0) \\ \therefore (h \circ g)(8) &= h(g(8)) = h(2) \\ &= \frac{100 \times 2 + 200}{f(2)} = 50 \end{aligned}$$

23. 분수함수 $f(x) = \frac{x-1}{x+1}$ 의 그래프와 $g(x) = \frac{1}{f(x)}$ 의 그래프에 대한 <보기>의 설명 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

보기

- I. $f(0) = g(0) = -1$
- II. $y = f(x)$ 의 그래프와 $y = g(x)$ 의 그래프는 서로 y 축에 대하여 대칭이다.
- III. $y = f(x-1)$ 의 그래프와 $y = g(x+1)$ 의 그래프의 점근선은 같다.

- ① I

② I, II

③ I, III
- ④ II, III

⑤ I, II, III

해설

- I. $f(0) = -1, g(0) = \frac{1}{f(0)} = -1$
 $\therefore f(0) = g(0) = -1$ -<참>
- II. $y = f(x)$ 의 그래프를 y 축에 대하여 대칭이동한 것은 $y = f(-x)$ 이므로
$$y = f(-x) = \frac{-x-1}{-x+1}$$
$$= \frac{x+1}{x-1}$$
$$= \frac{1}{f(x)}$$
$$= g(x)$$
 -<참>
- III. $y = f(x-1) = \frac{x-2}{x} = 1 - \frac{2}{x}$
따라서, 점근선은 $x = 0, y = 1$
 $y = g(x+1) = \frac{x+2}{x} = 1 + \frac{2}{x}$
따라서 점근선은 $x = 0, y = 1$ -<참>
따라서 옳은 것은 (I), (II), (III) 이다.

24. $x = 2 + \sqrt{3}$ 일 때, $x^3 - 2x^2 + 3x + 4$ 의 값은?

① $11 + 5\sqrt{3}$

② $11 + 10\sqrt{3}$

③ $22 + 5\sqrt{3}$

④ $22 + 10\sqrt{3}$

⑤ $22 + 15\sqrt{3}$

해설

$$\begin{aligned}x &= 2 + \sqrt{3} \text{에서 } x - 2 = \sqrt{3} \\ \text{양변을 제곱하면} \\ x^2 - 4x + 4 &= 3 \quad \therefore x^2 - 4x + 1 = 0 \\ x^3 - 2x^2 + 3x + 4 \\ &= (x + 2)(x^2 - 4x + 1) + 10x + 2 \\ &= 10x + 2 \\ &= 10(2 + \sqrt{3}) + 2 \\ &= 22 + 10\sqrt{3}\end{aligned}$$

25. 함수 $y = \sqrt{x - \frac{1}{4}}$ 과 이 함수의 역함수와의 교점의 좌표를 P (a, b) 라 할 때 $a + b$ 의 값은?

- ① $\frac{1}{2}$ ② 1 ③ $\frac{3}{2}$ ④ 2 ⑤ $\frac{5}{2}$

해설

함수 $y = \sqrt{x - \frac{1}{4}}$ 의 역함수는 $x = \sqrt{y - \frac{1}{4}}$ 이고
이것은 $y = x$ 와 대칭관계에 있다.

따라서 두 곡선 $y = \sqrt{x - \frac{1}{4}}$, $x = \sqrt{y - \frac{1}{4}}$ 의 교점은

$y = \sqrt{x - \frac{1}{4}}$ 과 $y = x$ 의 교점과 같다.

$\sqrt{x - \frac{1}{4}} = x$ 에서 $x - \frac{1}{4} = x^2$

$4x^2 - 4x + 1 = 0, (2x - 1)^2 = 0, \therefore x = \frac{1}{2}$

즉 P $(a, b) = \left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$ 에서 $a + b = 1$