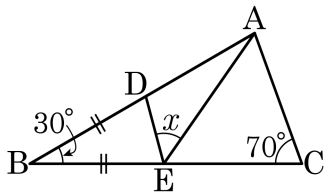


1. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{BD} = \overline{BE}$, $\overline{CA} = \overline{CE}$ 이고 $\angle DBE = 30^\circ$, $\angle ACE = 70^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\quad \quad \quad ^\circ$

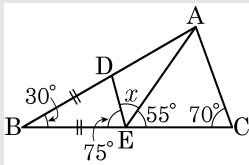
▶ 정답 : 50°

해설

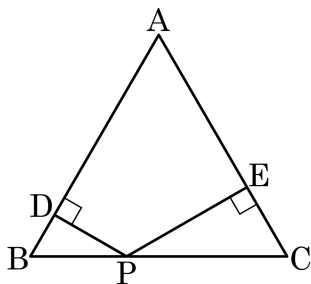
$$\triangle BED \text{ 에서 } \angle BED = \frac{1}{2}(180^\circ - 30^\circ) = 75^\circ$$

$$\triangle CAE \text{ 에서 } \angle AEC = \frac{1}{2}(180^\circ - 70^\circ) = 55^\circ$$

$$\therefore \angle x = 180^\circ - (75^\circ + 55^\circ) = 50^\circ$$



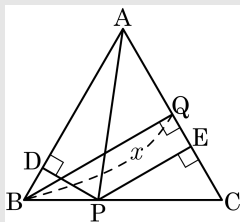
2. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = 10\text{cm}$, $\angle B = \angle C$ 인 삼각형 ABC 의 변 BC 위의 한 점 P 에서 나머지 두 변에 내린 수선의 발을 각각 D, E 라고 한다. $\overline{PE} + \overline{PD} = 8\text{cm}$ 일 때, 삼각형 ABC 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답 : $40 \underline{\text{cm}^2}$

해설



위의 그림과 같이 점 B 에서 변 AC 에 이르는 거리 $\overline{BQ}$ 를 x 라 할 때,

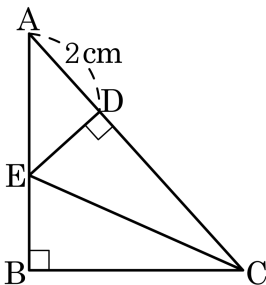
$\overline{AP}$ 를 그으면 $\triangle ABC = \triangle PAB + \triangle PAC$

$$\frac{1}{2} \times 10 \times x = \frac{1}{2} \times 10 \times \overline{PD} + \frac{1}{2} \times 10 \times \overline{PE}$$

$$\therefore x = \overline{PD} + \overline{PE} = 8$$

따라서 삼각형 ABC 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 10 \times 8 = 40 (\text{cm}^2)$ 이다.

3. 다음 그림에서 $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD}$, $\overline{AD} = 2\text{cm}$ 이다. $\overline{EB}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : 2 cm

▶ 정답 : 2 cm

해설

$\triangle ABC$ 는 직각이등변삼각형이므로

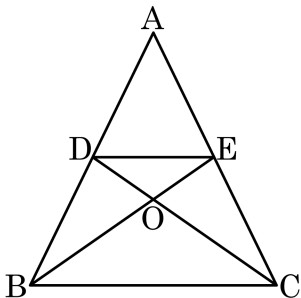
$$\angle A = 45^\circ$$

$\triangle AED$ 도 직각이등변삼각형이고

$\triangle ECD \equiv \triangle ECB$ (RHS 합동) 이므로

$$\therefore \overline{EB} = \overline{ED} = \overline{AD} = 2 \text{ (cm)}$$

4. 다음 그림에서 $\overline{DB} = \overline{EC}$ 이고 $\overline{DC} = \overline{EB}$ 일 때, $\triangle ABC$ 는 어떤 삼각형인가?



▶ 답 :

▷ 정답 : 이등변삼각형

해설

$\triangle DBE \equiv \triangle EDC$ (SSS 합동)

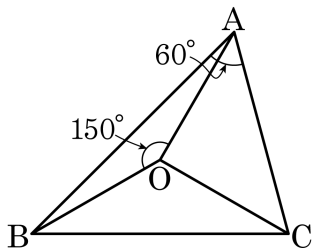
$\angle ADC = \angle AEB$, $\overline{BE} = \overline{DC}$ 따라서 삼각형 ABC 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$

$\angle DBE = \angle ECD$

$\therefore \triangle ABE \equiv \triangle ACD$

인 이등변삼각형이다.

5. 다음 그림에서 점 O는 $\triangle ABC$ 의 외심이다. $\angle A = 60^\circ$, $\angle AOB = 150^\circ$ 일 때, $\angle B$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : °

▶ 정답 : 45°

해설

$\angle BOC = 2 \times \angle BAC = 120^\circ$ 이고,

점 O가 외심이므로 $\overline{OB} = \overline{OC}$

$\triangle OBC$ 는 $\angle OBC = \angle OCB$ 인 이등변삼각형이므로

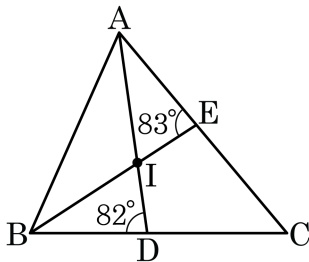
$$\angle OBC = \frac{180^\circ - 120^\circ}{2} = 30^\circ$$

$\overline{OA} = \overline{OB}$ 에서 $\triangle OAB$ 는 $\angle OAB = \angle OBA$ 인 이등변삼각형이므로

$$\angle OBA = \frac{180^\circ - 150^\circ}{2} = 15^\circ$$

$$\therefore \angle B = \angle OBC + \angle OBA = 45^\circ$$

6. 다음 그림에서 점I는 $\triangle ABC$ 의 내심이다. $\angle AEB = 83^\circ$, $\angle ADB = 82^\circ$ 일 때, $\angle C$ 의 크기를 구하여라.

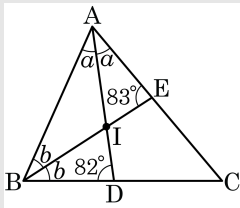


▶ 답 :

°

▷ 정답 : 50°

해설



$\angle A = 2\angle a$, $\angle B = 2\angle b$ 라 하면 $\triangle ABE$ 에서

$$2\angle a + \angle b + 83^\circ = 180^\circ \dots \textcircled{㉠}$$

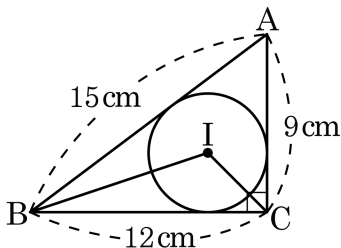
$$\triangle ABD \text{에서, } \angle a + 2\angle b + 82^\circ = 180^\circ \dots \textcircled{㉡}$$

$\textcircled{㉠}$, $\textcircled{㉡}$ 을 연립하여 풀면 $\angle a = 32^\circ$, $\angle b = 33^\circ$

$$\text{따라서 } \triangle ABC \text{에서, } \angle A + \angle B + \angle C = 64^\circ + 66^\circ + \angle C = 180^\circ$$

$$\therefore \angle C = 50^\circ$$

7. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형이다. $\triangle IBC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 18 cm²

해설

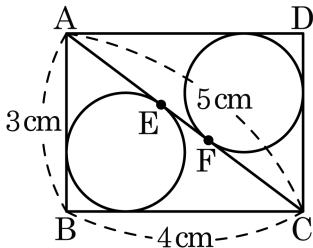
원 I 의 반지름을 r 라 하면

$$(12 - r) + (9 - r) = 15$$

$$2r = 6, r = 3 (\text{cm})$$

$$\triangle IBC = \frac{1}{2} \times 12 \times 3 = 18 (\text{cm}^2)$$

8. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 에서 대각선 AC 와 $\triangle ABC$, $\triangle ACD$ 의 내접원과의 교점을 각각 E, F 라 할 때, $\overline{EF}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 1 cm

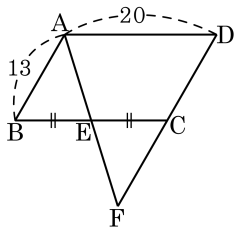
해설

$$\overline{AE} = \frac{1}{2} \times (3 + 5 - 4) = 2(\text{cm})$$

$$\overline{CF} = \frac{1}{2} \times (3 + 5 - 4) = 2(\text{cm})$$

$$\overline{EF} = \overline{AC} - \overline{AE} - \overline{CF} = 5 - 2 - 2 = 1(\text{cm})$$

9. 다음 그림과 같이 평행사변형 ABCD 에서 $\overline{BE} = \overline{CE}$ 이고 $\overline{AD} = 20$, $\overline{AB} = 13$ 일 때, $\overline{DF}$ 의 길이를 구하여라.



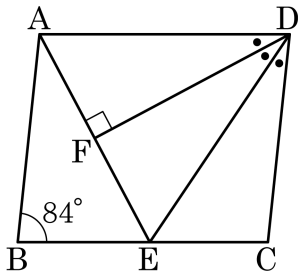
▶ 답 :

▷ 정답 : 26

해설

$\triangle ABE$ 와 $\triangle FCE$ 에서
 $\angle AEB = \angle FEC$ (맞꼭지각)
 $\overline{BE} = \overline{CE}$, $\angle ABE = \angle FCE$ (엇각)
 $\therefore \triangle ABE \equiv \triangle FCE$ (ASA 합동)
 $\overline{DF} = \overline{DC} + \overline{CF} = 13 + 13 = 26$

10. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서 $\overline{DE}, \overline{DF}$ 는 $\angle D$ 의 삼등분선이다.
 $\angle AFD = 90^\circ, \angle ABE = 84^\circ$ 일 때, $\angle AEB$ 와 $\angle DEC$ 의 크기의 차를
 구하여라.



▶ 답 : ○ _

▶ 정답 : 6 °

해설

 $\angle D = \angle B = 84^\circ$ 이므로

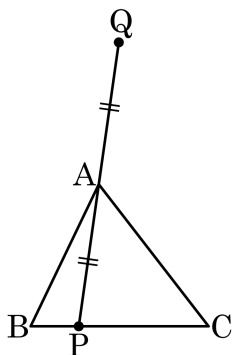
$$\begin{aligned}\angle \text{DAF} &= 180^\circ - (90^\circ + 84^\circ \div 3) \\ &= 180^\circ - 118^\circ = 62^\circ\end{aligned}$$

$$\angle AEB = \angle DAF = 62^\circ$$

$$\begin{aligned}\angle DEC &= 180^\circ - 62^\circ \times 2 \\ &= 180^\circ - 124^\circ = 56^\circ\end{aligned}$$

$$\therefore 62^{\circ} - 56^{\circ} = 6^{\circ}$$

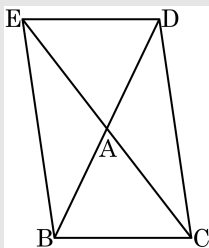
11. 다음과 같이 밑변 BC의 길이가 5, 높이가 4인 삼각형 ABC가 있다. 변 BC 위에 한 점 P가 점 B에서 C까지 움직일 때, 선분 PA의 연장선 위에 $\overline{PA} = \overline{AQ}$ 가 되도록 점 Q를 잡는다고 한다. 점 P가 B에 있을 때 Q의 위치를 D, 점 P가 C에 있을 때 Q의 위치를 E라고 할 때, 사각형 BCDE의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 40

해설



$\overline{AB} = \overline{AD}$, $\overline{AC} = \overline{AE}$, $\angle EAD = \angle CAB$ (맞꼭지각) 이므로,
 $\triangle EAD \equiv \triangle CAB$ (SAS 합동)

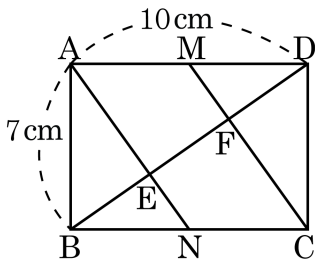
$\angle CED = \angle ECB$ (엇각) 이므로 $\overline{DE} \parallel \overline{BC} \dots \textcircled{1}$

점 Q의 이동거리는 점 P의 이동거리와 같으므로 $\overline{DE} = \overline{BC} \dots \textcircled{2}$

$\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$ 에 의해 사각형 BCDE는 평행사변형이다.

$\overline{BD}$ 와 $\overline{CE}$ 는 평행사변형의 두 대각선이므로 $\square BCDE = 4\triangle ABC = 4 \times \frac{1}{2} \times 5 \times 4 = 40$ 이다.

12. 오른쪽 그림에서 $\square ABCD$ 는 직사각형이고, 점 M, N은 각각 $\overline{AD}$, $\overline{BC}$ 의 중점이다. $\overline{AD} = 10\text{ cm}$, $\overline{AB} = 7\text{ cm}$ 일 때, $\square ENCF$ 의 넓이는?



① $\frac{33}{2}\text{ cm}^2$

② 17 cm^2

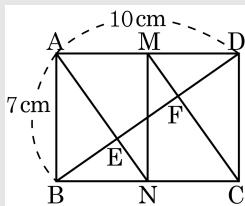
③ $\frac{35}{2}\text{ cm}^2$

④ 18 cm^2

⑤ $\frac{37}{2}\text{ cm}^2$

해설

$\triangle MNC \cong \triangle ABN$ 이므로



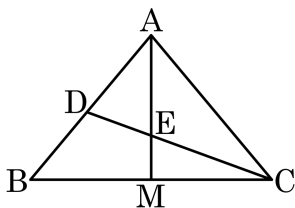
$$\begin{aligned}\square ANCM &= \triangle ANM + \triangle MNC \\ &= \triangle ANM + \triangle ABN = \square ABNM\end{aligned}$$

$$= \frac{1}{2}\square ABCD$$

$$= \frac{1}{2} \times 10 \times 7 = 35 (\text{cm}^2)$$

$$\therefore \square ENCF = \frac{1}{2}\square ANCM = \frac{35}{2} (\text{cm}^2)$$

13. 다음 그림과 같은 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 삼각형 ABC 에서 $\overline{AD} = \overline{AE}$ 이고, 점 M 은 변 BC 의 중점이다. $\angle ADE = 70^\circ$ 일 때, $\angle ECM$ 의 크기를 구하여라.

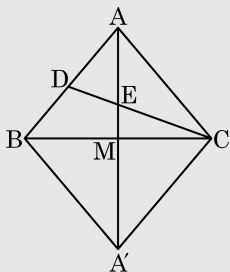


▶ 답 :

°

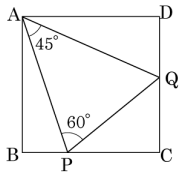
▷ 정답 : 20°

해설



$\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이고,
 $\overline{BM} = \overline{CM}$ 이므로 $\overline{AM}$ 은 $\angle B$ 의 이등분선이며 $\overline{AM} \perp \overline{BC}$ 이다.
 점 A 를 $\overline{BC}$ 에 대하여 대칭이동한 점을 A' 이라 하면
 $\square ABA'C$ 는 네 변의 길이가 같으므로 마름모가 되고,
 마름모는 평행사변형이므로 $\overline{AB} \parallel \overline{CA'}$
 이때, $\angle ADE = 70^\circ$ 이므로
 $\triangle ADE$ 는 이등변삼각형이므로 $\angle AED = 70^\circ$
 $\angle CEM = 70^\circ$ (맞꼭지각)
 $\angle AMC = 90^\circ$ (수직이등분선)
 $\therefore \angle MCE = 90^\circ - 70^\circ = 20^\circ$

14. 다음 그림에서 정사각형 ABCD 의 변 BC, CD 위에 각각 $\angle PAQ = 45^\circ$, $\angle APQ = 60^\circ$ 이 되도록 점 P, Q 를 정할 때 $\angle AQD = ()^\circ$ 이다. () 안에 들어갈 알맞은 수를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 75

해설

$\triangle ABP$ 를 90° 만큼 회전시킨 삼각형을 $\triangle ADP'$ 라 하자.

$\triangle APQ$ 와 $\triangle AP'Q$ 에서

$$\overline{AP} = \overline{AP'} \dots \textcircled{1}$$

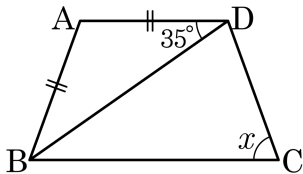
$\overline{AQ}$ 는 공통... $\textcircled{2}$

$$\angle PAQ = \angle P'AQ = 45^\circ \dots \textcircled{3}$$

$\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$, $\textcircled{3}$ 에서 $\triangle APQ \equiv \triangle AP'Q$ (SAS 합동)

따라서 $\angle AQD = \angle AQP = 180^\circ - 45^\circ - 66^\circ = 75^\circ$ 이다.

15. 다음 그림과 같이 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 등변사다리꼴 ABCD에서 $\overline{AB} = \overline{AD}$, $\angle ADB = 35^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

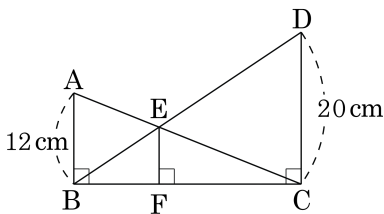
°

▷ 정답 : 70°

해설

$\angle ADB = 35^\circ$ 이고, $\triangle ABD$ 가 이등변삼각형이므로
 $\angle ABD = \angle ADB$ 이고, $\angle BAD = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$ 이다.
 $\therefore \angle ABC = 180^\circ - 110^\circ = 70^\circ = \angle BCD$
 $\therefore \angle x = 70^\circ$

16. 다음 그림에서 $\overline{AB}$, $\overline{EF}$, $\overline{DC}$ 가 선분 BC 에 수직이고 $\overline{AB} = 12\text{ cm}$, $\overline{CD} = 20\text{ cm}$ 일 때, $\overline{EF}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 : $\frac{15}{2}\text{ cm}$

해설

$\overline{AB} // \overline{EF} // \overline{DC}$ 이므로 $\triangle ABE \sim \triangle CDE$

즉, $\overline{BE} : \overline{DE} = 12 : 20 = 3 : 5$

$\triangle BEF \sim \triangle BDC$ 이므로

$\overline{BE} : \overline{BD} = \overline{EF} : \overline{DC}$

$3 : 8 = \overline{EF} : 20$

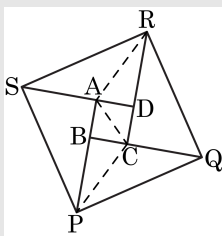
$\therefore \overline{EF} = \frac{15}{2}(\text{cm})$

17. 넓이가 1 인 사각형 ABCD 의 각 변 AB, BC, CD, DA 의 연장선 위에 $\overline{AB} : \overline{BP} = \overline{BC} : \overline{CQ} = \overline{CD} : \overline{DR} = \overline{DA} : \overline{AS} = 1 : 2$ 가 되도록 점 P, Q, R, S 를 잡을 때, $\square PQRS - 4\square ABCD$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설



$\overline{BC} : \overline{CQ} = 1 : 2$, $\overline{AB} : \overline{BP} = 1 : 2$ 이므로

$$\triangle PQB = 3\triangle BPC = 3 \times 2\triangle ABC = 6\triangle ABC$$

또, $\overline{DA} : \overline{AS} = 1 : 2$, $\overline{CD} : \overline{DR} = 1 : 2$ 이므로

$$\triangle RSD = 3\triangle RAD = 3 \times 2\triangle ACD = 6\triangle ACD$$

같은 방법으로 $\triangle QRC = 6\triangle BCD$, $\triangle SPA = 6\triangle ABD$ 임을 알 수 있다.

$\therefore \square PQRS$

$$= \triangle PQB + \triangle QRC + \triangle RSD + \triangle SPA + \square ABCD$$

$$= 6\triangle ABC + 6\triangle BCD + 6\triangle ACD + 6\triangle ABD + \square ABCD$$

$$= 6(\triangle ABC + \triangle ACD) + 6(\triangle BCD + \triangle ABD) + \square ABCD$$

$$= 6\square ABCD + 6\square ABCD + \square ABCD$$

$$= 13\square ABCD$$

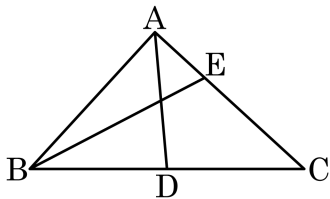
따라서 $\square ABCD = 1$ 이므로

$$\square PQRS - 4\square ABCD = 13\square ABCD - 4\square ABCD$$

$$= 9\square ABCD$$

$$= 9$$

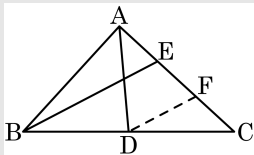
18. $\triangle ABC$ 에서 점 D 는 $\overline{BC}$ 의 중점이고, $\overline{AC}$ 위의 점 E 에 대해 $\angle DAE = \angle BEA$ 이고, $\overline{BE}$ 의 길이가 10 일 때, $\overline{AD}$ 의 길이가 얼마인지 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설



점 D 를 지나고 선분 BE 와 평행한 직선이 선분 AC 와 만나는 점을 F 라 두면,

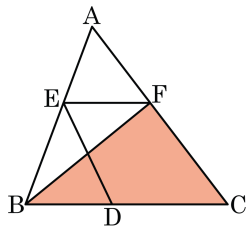
$\triangle CBE$ 에서 중점연결 정리에 의해,

$$\overline{CF} = \overline{EF}, \overline{DF} = \frac{1}{2}\overline{BE}$$

$\triangle ADF$ 는 이등변삼각형이므로, $\overline{AD} = \overline{DF}$

$$\therefore \overline{DF} = \frac{1}{2}\overline{BE} = 5$$

19. 다음 그림과 같이 넓이가 14 cm^2 인 $\triangle ABC$ 가 있다. $\overline{BD} = 3\text{ cm}$, $\overline{DC} = 4\text{ cm}$ 이고, 점 E, F 는 $\overline{AB}$, $\overline{AC}$ 위의 임의의 점이다. $\triangle BCF = \square DCFE$ 일 때, $\triangle BCF$ 의 넓이는?



① 6 cm^2

② 7 cm^2

③ 8 cm^2

④ 9 cm^2

⑤ 10 cm^2

해설

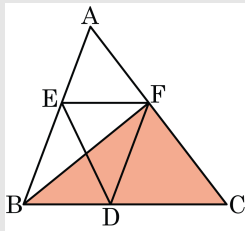
$\triangle BCF = \square DCFE$ 이므로

$\triangle BDF = \triangle EDF$, $\overline{AB} \parallel \overline{DF}$

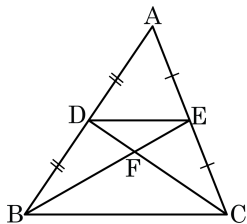
$\overline{AF} : \overline{FC} = \overline{BD} : \overline{DC} = 3 : 4$

$\triangle ABF = \triangle BCF = 3 : 4$

$$\triangle BCF = \frac{4}{7} \triangle ABC = \frac{4}{7} \times 14 = 8 \text{ (cm}^2\text{)}$$



20. 다음 $\triangle ABC$ 에서 점 D, E 는 각각 $\overline{AB}$, $\overline{AC}$ 의 중점이다. $\triangle ABC$ 의 넓이와 $\triangle DEF$ 의 넓이의 비는?



① 2 : 9

② 3 : 11

③ 1 : 11

④ 1 : 12

⑤ 3 : 22

해설

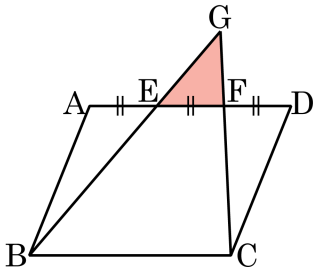
점 F 가 $\triangle ABC$ 의 무게중심이므로

$$\triangle FBC = \frac{1}{3} \triangle ABC$$

$$\triangle DEF : \triangle FBC = 1^2 : 2^2 = 1 : 4$$

$$\therefore \triangle DEF : \triangle ABC = 1 : 12$$

21. 다음 그림에서 점 E, F 는 $\overline{AD}$ 의 삼등분점이다.
 $\overline{BE}$, $\overline{CF}$ 의 연장선의 교점을 G 라 하고 $\triangle ABE = 22\text{ cm}^2$ 일 때, $\triangle GEF$ 의 넓이는?



① 7 cm^2

② 9 cm^2

③ 11 cm^2

④ 13 cm^2

⑤ 15 cm^2

해설

$$\triangle ABE = \frac{1}{6} \square ABCD$$

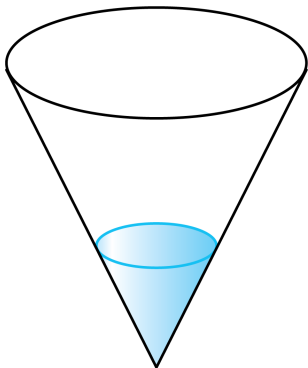
$$\triangle GEF : \triangle GBC = 1 : 9$$

$$\triangle GEF = \frac{1}{8} \square EBCF = \frac{1}{12} \square ABCD$$

$$\therefore \triangle ABE : \triangle GEF = 2 : 1$$

$$\triangle GEF = \frac{1}{2} \triangle ABE = \frac{1}{2} \times 22 = 11(\text{cm}^2)$$

22. 다음 그림과 같이 높이가 24 인 원뿔 모양의 그릇에 일정한 속도로 물을 넣었을 때, 54 분 만에 물이 가득 찼다. 물을 넣기 시작한 지 2 분 후의 물의 높이는 얼마였는지 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 8

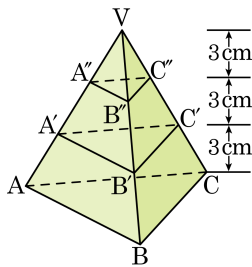
해설

54 분 동안 넣는 물의 양과 2 분 동안 붓는 물의 양의 부피비는 27 : 1 이므로

물이 담긴 부분의 원뿔의 부피는 그릇의 부피의 $\frac{1}{27}$ 이 된다.

따라서 두 원뿔의 닮음비는 3 : 1 이 되므로 높이는 $24 \times \frac{1}{3} = 8$ 이다.

23. 다음 그림은 삼각뿔 V-ABC 를 밑면에
 평행인 평면으로 자른 것이다. $\triangle A'B'C' =$
 27 cm^2 일 때, $\triangle ABC$ 와 $\triangle A''B''C''$ 의 넓이
 를 바르게 구한 것은?



- ① $\triangle ABC = \frac{243}{8}\text{ cm}^2$, $\triangle A''B''C'' = \frac{27}{8}\text{ cm}^2$
 ② $\triangle ABC = \frac{243}{8}\text{ cm}^2$, $\triangle A''B''C'' = \frac{9}{2}\text{ cm}^2$
 ③ $\triangle ABC = \frac{243}{4}\text{ cm}^2$, $\triangle A''B''C'' = \frac{9}{2}\text{ cm}^2$
 ④ $\triangle ABC = \frac{162}{4}\text{ cm}^2$, $\triangle A''B''C'' = \frac{9}{4}\text{ cm}^2$
 ⑤ $\triangle ABC = \frac{243}{4}\text{ cm}^2$, $\triangle A''B''C'' = \frac{27}{4}\text{ cm}^2$

해설

$$\triangle A''B''C'' : \triangle A'B'C' = 1^2 : 2^2 = 1 : 4$$

$$\triangle A''B''C'' : 27 = 1 : 4$$

$$\triangle A''B''C'' = \frac{27}{4} (\text{cm}^2)$$

$$\triangle A'B'C' : \triangle ABC = 2^2 : 3^2 = 4 : 9$$

$$27 : \triangle ABC = 4 : 9$$

$$\therefore \triangle ABC = \frac{243}{4} (\text{cm}^2)$$

24. 실제 거리가 0.2km 인 두 지점 사이의 거리가 2cm로 그려지는 지도가 있다. 이 지도에서 가로와 세로의 길이가 각각 2cm, 4cm 인 직사각형 모양의 땅의 실제 넓이는 몇 m^2 인지 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 80000 m^2

해설

(축도에서의 길이) = (실제 길이) $\times$ (축척) 에서

$$\text{축척} = \frac{2\text{cm}}{0.2\text{km}} = \frac{2\text{cm}}{2000\text{cm}} = \frac{1}{1000}$$

즉, 지도에서의 거리와 실제 거리의 비는 $1 : 10000$ 이므로
지도에서의 넓이와 실제 넓이의 비는 $1^2 : 10000^2$

이 때, 지도에서 땅의 넓이는 $2 \times 4 = 8(\text{cm}^2)$ 이므로 땅의 실제 넓이를 $x \text{ cm}^2$ 라 하면

$$8 : x = 1^2 : 10000^2$$

$$x = 8000000000(\text{cm}^2)$$

따라서 땅의 실제 넓이는 80000 m^2 이다.