1. 빨간 벽돌 9 개, 흰 벽돌 12 개를 가로로 놓아 쌓은 벽의 높이는 빨간 벽돌 13 개, 흰 벽돌 10 개를 가로로 놓아 쌓은 높이와 같다. 같은 높 이의 벽을 빨간 벽돌만 사용하여 가로로 쌓을 때, 필요한 빨간 벽돌의 개수를 구하여라.

개

정답: 33 개

▶ 답:

해설

빨간 벽돌 한 개의 높이를 x , 흰 벽돌 한 개의 높이를 y 라 하고, 구하고자 하는 빨간 벽돌의 개수를 a 라 하면, 9x+12y=13x+10y=ax

9x + 12y = 13x + 10y = ax x > 0 이므로 위 식의 각 변을 x 로 나누면

 $9 + \frac{12y}{x} = 13 + \frac{10y}{x} \cdot \cdot \cdot \bigcirc$

 $13 + \frac{10y}{x} = a \cdot \cdot \cdot \bigcirc$ 에서 $(12 - 10)\frac{y}{x} = 13 - 9$

 $\therefore \frac{y}{x} = 2 \cdots \bigcirc$

○을 ○에 대입하면
 13+10×2=a
 ∴ a=33개

2. 체육대회에 참가하기 위해 A 중학교 2 학년 12 반 학생들은 남학생의 15% , 여학생의 20% 를 선수로 뽑았더니 정확히 반 전체 학생 35 명의 18% 였다고 한다. 이 반의 전체 학생 중 남학생은 모두 몇 명인지 구하여라.

명 정답: 14 명

▶ 답:

남학생 수를 x, 여학생 수를 y 라 하면 $\begin{cases} x+y = 35\\ \frac{15}{100}x + \frac{20}{100}y = 35 \times \frac{18}{100} \end{cases}, \stackrel{\geq}{=} \begin{cases} x+y = 35\\ 3x + 4y = 126 \end{cases}$ $\therefore x = 14, y = 21$

3. 농도가 서로 다른 두 소금물을 2 : 3 으로 섞으면 10% 의 소금물이 되고, 1 : 4 로 섞으면 9% 의 소금물이 된다. 이때 두 소금물을 같은 양만큼 섞으면 몇 % 의 소금물이 되는지 구하여라.

<u>%</u>

답:▷ 정답: 10.5 <u>%</u>

<u>.</u>

두 소금물을 각각 A, B 라 하고 소금물의 농도를 각각 a%, b%라 하면 A, B 를 각각 2xg, 3xg 씩 섞으면 10%의 소금물이 되므로

a 100 × 2x + b 100 × 3x = 10 100 × 5x
∴ 2a + 3b = 50 ··· ①
A, B 를 각각 yg, 4yg 씩 섞으면 9%의 소금물이 되므로

a 100 × y + b 100 × 4y = 9 100 × 5y
∴ a + 4b = 45 ··· ⑥
③, ⑥ 을 연립하여 풀면 a = 13, b = 8
A, B 를 같은 양 kg 씩 섞으면 소금의 양은

 $\frac{\frac{21}{100}k}{2k} \times 100 = 10.5 (\%)$ 의 소금물이 된다.

 $\frac{13}{100} \times k + \frac{8}{100} \times k = \frac{21}{100} k$ 이므로

4. 100 명의 학생이 시험을 본 결과 합격자와 불합격자의 비는 3:7 이었다. 최저 합격 점수는 100 명의 평균보다 6점 높으며, 합격자의 평균보다 15점이 낮고, 불합격자의 평균의 2배보다는 6점이 낮았다. 최저 합격 점수를 구하여라.

답:▷ 정답: 36점

합격자와 불합격자의 수는 각각 $100 \times \frac{3}{10} = 30(\mathsf{B}), \ 100 \times \frac{7}{10} = 70(\mathsf{B})$ 합격자와 불합격자의 평균을 각각 x점, y점이라 하면 $(최저 합격 점수) = \frac{30x + 70y}{100} + 6 = x - 15 = 2y - 6$ $\begin{cases} \frac{3x + 7y}{10} + 6 = x - 15 \\ x - 15 = 2y - 6 \end{cases}$ $\begin{cases} x - y = 30 \\ x - 2y = 9 \end{cases}$ 연립방정식을 풀면 $x = 51, \ y = 21$ \therefore 최저 합격 점수는 $36(\mathsf{A})$

5. 휴대폰 요금은 전화통화 요금과 문자서비스 사용 요금의 합계이다. 이번 달 전화통화 요금은 전월보다 15% 증가하였고 총 금액은 전월 보다 20% 증가한 57600 원이 되었다. 전월의 전화통화 요금이 35000 원이었다면 문자서비스 사용요금은 얼마나 증가했는지 구하여라.

<u>원</u>

정답: 4350 원

▶ 답:

해설

전월의 문자서비스 사용요금을 a, 문자서비스 요금 증가액을 x라 놓으면 전월의 전화통화 요금이 35000 원이므로 $(35000+a)\times 1.2=57600$ $\therefore a=13000$ 원

35000 × 1.15 + 13000 + x = 57600 ∴ x = 4350 (원)

(2)

6. 유진이가 7 걸음을 걷는 동안 효정이는 3 걸음을 걷는다. 이 속력으로 유진이와 효정이가 둘레의 길이가 15km 인 호수 둘레를 같은 지점에서 출발하여 서로 반대방향으로 가서 25 분 후에 만났다. 이때, 효정이가 1 분 동안 걸은 거리를 구하여라.

 $\underline{\mathbf{m}}$

▷ 정답: 180 m

▶ 답:

해설

유진이의 속력을 xm/ 분, 효정이의 속력을 ym/ 분이라 하면 $\begin{cases} x: y = 7: 3 \end{cases} \qquad \begin{cases} y = \frac{3}{7}x \end{cases} \cdots \bigcirc$

 $\begin{cases} x: y=7: 3 \\ 25x+25y=15000 \end{cases}$ 에서 $\begin{cases} y=\frac{3}{7}x & \cdots \bigcirc \\ x+y=600 & \cdots \bigcirc \end{cases}$ ①, ⓒ을 연립하여 방정식을 풀면

(V, U을 건립에서 8/8년을 출신 x = 420, y = 180따라서 효정이의 속력은 $180 \mathrm{m}/$ 분 이므로 1 분 동안 걸은 걸이는

180m 이다.

7. A,B 두 그릇에 각각 x% 의 소금물 ag 과 y% 인 소금물 2ag 이 들 어있다. 두 그릇에서 각각 $\frac{a}{2}$ g 씩의 소금물을 덜어내어 서로 바꾸어 섞었을 때, A 그릇의 소금물의 농도를 $c\,\%$ 라 한다. c를 $x,\ y,\ a$ 를 사용한 식으로 나타내어라.

▶ 답:

ightharpoonup 정답: $\frac{x+y}{2}$

(처음 A 그릇의 소금의 양)= $\frac{x}{100} \times a(g)$

A , B 그릇에서 덜어낸 소금의 양은 각각 $\frac{x}{100} imes \frac{a}{2}$, $\frac{y}{100} imes \frac{a}{2}$ 따라서 바꾸어 섞은 후 A 그릇의 소금의 양은 $\frac{x}{100} \times a - \frac{x}{100} \times$

 $\frac{a}{2} + \frac{y}{100} \times \frac{a}{2} = \frac{a}{200}(x+y)$ A 그릇의 전체 소금물의 양은 변함없으므로 A 그릇의 소금물의 농도 $c = \frac{\frac{a}{200}(x+y)}{a} \times 100 = \frac{x+y}{2}$

일차함수 f(x) = ax + b에서 $f\left(x + \frac{3}{2}\right) - f(x) = -6$, $f\left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{9}{2}$ 8. 일 때, ab의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -10

$$f\left(x + \frac{3}{2}\right) - f(x) = -6 \,\text{old}$$

$$a\left(x + \frac{3}{2}\right) + b - (ax + b) = -6$$

$$\frac{3}{2}a = -6, \ a = -4$$

$$f\left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{9}{2} \, \text{and} \, k$$

$$(-4) \times \left(-\frac{1}{2}\right) + b = \frac{9}{2}, \ b = \frac{5}{2}$$
$$\therefore ab = (-4) \times \frac{5}{2} = -10$$

$$\therefore ab = (-4) \times \frac{3}{2} = -10$$

9. 직선 y = px + 2p - 1 의 그래프를 x 축의 방향으로 1 만큼 평행이동한 후, y 축에 대하여 대칭이동한 직선이 원점을 지날 때, 상수 p 의 값을 구하여라.

▶ 답: ▷ 정답: 1

해설

y = px + 2p - 1 의 그래프를 x 축의 방향으로 1 만큼 평행이동 하면 y = p(x-1) + 2p - 1 이므로 y = px + p - 1

또, y 축에 대하여 대칭이동하면 y = -px + p - 1이 그래프가 원점을 지나면 y 절편이 0 이 되어야 하므로 0=p-1

 $\therefore p=1$

10. 일차함수 f(x) = px + q 의 그래프는 x 값이 4 만큼 증가할 때 y 의 값은 k 만큼 증가하고 x 값이 1 에서 10 으로 변할 때, y 의 값은 r 만큼 증가한다. 또한 실수 a, b 에 대하여 다음 식을 만족할 때, kr 의 값을 구하여라.

$$\frac{f(a) - f(b)}{3} = \frac{b}{2} - \frac{a}{2}$$

▷ 정답: 81

▶ 답:

 $\frac{f(a)-f(b)}{3} = \frac{b}{2} - \frac{a}{2} \text{ 에서}$ 2f(a) - 2f(b) = 3b - 3a 2f(a) - f(b) = -3(a - b) $\therefore \frac{f(a)-f(b)}{a-b} = -\frac{3}{2}$ 즉, 이 직선의 기울기 $p = -\frac{3}{2}$ 이다.
따라서, x 값이 4 만큼 증가할 때 y 의 값은 k 만큼 증가하므로 $\frac{k}{4} = -\frac{3}{2} \qquad \therefore k = -6$ 또한, x 값이 9 만큼 증가할 때 y 의 값은 r 만큼 증가하므로 $\frac{r}{9} = -\frac{3}{2} \qquad \therefore r = -\frac{27}{2}$ $\therefore kr = (-6) \times \left(-\frac{27}{2}\right) = 81$

11. x 절편이 y 절편의 $\frac{1}{2}$ 인 일차함수의 그래프가 두 점 (m, -3), (2, 4m)을 지날 때, m의 값을 구하여라.

▶ 답:

ightharpoonup 정답: $-\frac{7}{2}$

y 절편을 2a 로 놓으면 x 절편은 a 이므로

직선의 기울기는 $\frac{2a-0}{0-a} = -2$

즉, 일차함수 y = -2x + b 로 놓으면 이 그래프는 두 점 (m, -3), (2, 4m) 를 지나므로 -3 = -2m + b

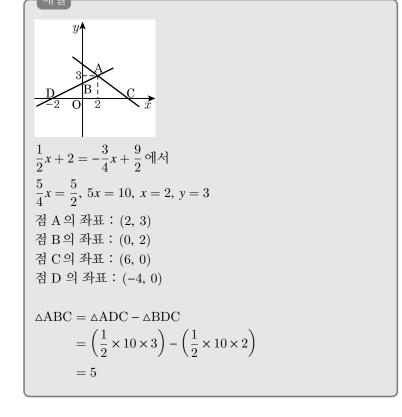
-3 = -2m + b4m = -4 + b

위의 두 식을 연립하면 $m=-\frac{7}{2}$ 이다.

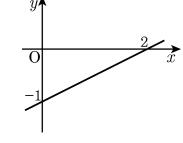
12. 좌표평면에서 두 직선 $y = \frac{1}{2}x + 2$ 와 $y = -\frac{3}{4}x + \frac{9}{2}$ 의 교점을 A, 직선 $y = \frac{1}{2}x + 2$ 와 y축이 만나는 점을 B, 직선 $y = -\frac{3}{4}x + \frac{9}{2}$ 과 x축이 만나는 점을 C라고 할 때, \triangle ABC의 넓이를 구하여라.

답:

➢ 정답: 5



13. 다음 그림은 일차함수 y = ax + b의 그래프이다. 이 그래프와 일차함수 mx + 2y = 1의 그래프가 서로 평행일 때, m의 값을 구하여라.



▷ 정답: -1

▶ 답:

$$mx + 2y = 1 \implies y$$

기울기가 $\frac{1}{2}$ 이고 y절편이 -1이므로 $y = ax + b = \frac{1}{2}x - 1$ $mx + 2y = 1 \implies y = -\frac{m}{2}x + \frac{1}{2}$ 두 그래프가 서로 평행하므로 기울기가 같다. $\frac{1}{2} = -\frac{m}{2}, \ m = -1$

14. 직선 ax + y + b = 0 의 그래프가 두 점 (p,5), (4,-3) 을 지나고 기울 기가 $\frac{1}{2}$ 일 때, p 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 20

ax + y + b = 0, y = -ax - b $-a = \frac{1}{2} \therefore a = -\frac{1}{2}$ $y = \frac{1}{2}x - b$ 가 점 (4, -3) 을 지나므로 $-3 = 2 - b \therefore b = 5$ $y = \frac{1}{2}x - 5$ 가 점 (p, 5) 를 지나므로 $5 = \frac{1}{2}p - 5, -\frac{1}{2}p = -10 \therefore$ p = 20

15. 직선 y = ax + b는 점 (4, -3)을 지나고, $y = 5x - \frac{1}{2}$ 과 y축 위에서 만난다. 이 때, ab의 값을 구하여라.

▶ 답:

ightharpoonup 정답: $rac{5}{16}$

해설 $y = ax + b \vdash y = 5x - \frac{1}{2} \text{과 y 절편이 같으므로}$ $b = -\frac{1}{2}$ $y = ax - \frac{1}{2} \text{ 에 점 } (4, -3) 을 대입하면}$ $-3 = 4a - \frac{1}{2}$ $4a = -\frac{5}{2}$ $\therefore a = -\frac{5}{8}$ $\therefore ab = -\frac{5}{8} \times \left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{5}{16}$

- **16.** 좌표평면 위의 두 점 A(-1, 3), B(3, 6) 에 대하여, 점 A 를 x 축에 대하여 대칭이동한 점을 \mathbf{A}' , 점 \mathbf{B} 를 \mathbf{y} 축에 대하여 대칭이동한 점을 B' 이라 할 때, 삼각형 OA'B' 의 넓이를 이등분하는 직선 중, 점 B' 을 지나는 직선의 방정식을 구하여라.
 - ▶ 답:

해설

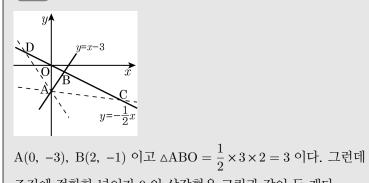
▷ 정답: y = -3x - 3

A'(-1, -3), B'(-3, 6)구하는 직선이 점 B' 와 $\overline{\mathrm{OA'}}$ 의 중점 $\left(-\frac{1}{2},\,-\frac{3}{2}\right)$ 을 지나면 삼

각형 OA'B' 의 넓이를 이등분된다. 따라서 두 점 $(-3, \ 6)$ 과 $\left(-\frac{1}{2}, \ -\frac{3}{2}\right)$ 을 지나는 직선의 방정식은

y = -3x - 3이다.

- 17. 두 직선 x y 3 = 0, x + 2y = 0 과 점 A(0, -3) 을 지나는 직선 l: y = ax + b 로 둘러싸인 도형의 넓이가 9 일 때, ab 의 값이 될 수 있는 수를 모두 구하여라.
 - 답:
 - 답:
 - ightharpoonup 정답: $\frac{15}{4}$
 - ightharpoonup 정답: $rac{3}{8}$



조건에 적합한 넓이가 9 인 삼각형은 그림과 같이 두 개다. $\triangle AOD = 6, \ \triangle AOC = 12$

따라서 점 A 와 점 D(-4, 2), 점 C(8, -4) 를 지나는 직선의

망성적은 각각 $y = -\frac{5}{4}x - 3$, $y = -\frac{1}{8}x - 3$ 이다.

그러므로 ab 의 값이 될 수 있는 수는 $\frac{15}{4}$, $\frac{3}{8}$ 이다.