

1. 연립방정식 
$$\begin{cases} \frac{3}{x} + \frac{3}{y} = \frac{9}{4} \\ \frac{3}{y} + \frac{3}{z} = \frac{27}{20} \\ \frac{3}{z} + \frac{3}{x} = \frac{21}{10} \end{cases}$$
 의 해가  $x = a, y = b, z = c$  일 때,  
 $a + b + c$  의 값은?

- ① 11      ② 9      ③ 5      ④ 3      ⑤ 1

해설

$\frac{3}{x} = X, \frac{3}{y} = Y, \frac{3}{z} = Z$  라고 하면

$$\begin{cases} X + Y = \frac{9}{4} \\ Y + Z = \frac{27}{20} \\ Z + X = \frac{21}{10} \end{cases}$$

$$2(X + Y + Z) = \frac{57}{10}$$

$$X + Y + Z = \frac{57}{20}$$

$$X = \frac{3}{2}, Y = \frac{3}{4}, Z = \frac{3}{5}, x = 2, y = 4, z = 5$$

$$\therefore a + b + c = 11$$

2.  $x \geq y$  인  $x, y$  에 대하여  $M(x, y) = x, m(x, y) = y$  로 정의한다. 연립방정식  $2x + 3y - M(x, y) = 1, x + y + m(x, y) = -7$  의 해를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 :  $x = -\frac{15}{2}$

▷ 정답 :  $y = 8$

**해설**

1)  $x \geq y$  일 때,  $M(x, y) = x, m(x, y) = y$  이므로

주어진 연립방정식은

$$2x + 3y - x = 1, x + y + y = -7$$

$\therefore x = -23, y = 8$  그러나  $x \geq y$  의 조건에 맞지 않는다.

2)  $x < y$  일 때,  $M(x, y) = y, m(x, y) = x$  이므로

주어진 연립방정식은

$$2x + 3y - y = 1, x + y + x = -7$$

$$x = -\frac{15}{2}, y = 8$$

1), 2) 에 의하여 구하려는 해는  $x = -\frac{15}{2}, y = 8$

3. 연립방정식  $\begin{cases} \frac{1-x}{3} - \frac{y}{2} = \frac{5}{3} \\ 0.2x - 0.3y = -0.8 \end{cases}$  을 풀어라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = -4$

▷ 정답:  $y = 0$

해설

$$\begin{cases} \frac{1-x}{3} - \frac{y}{2} = \frac{5}{3} \\ 0.2x - 0.3y = -0.8 \end{cases} \text{ 을 간단히 정리하면}$$

$$\begin{cases} -2x - 3y = 8 \\ 2x - 3y = -8 \end{cases} \text{ 이므로}$$

$-6y = 0, y = 0, x = -4$  이다.

4. 연립방정식  $\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{3}{y} = 1 \cdots \text{㉠} \\ \frac{2}{x} - \frac{5}{y} = -9 \cdots \text{㉡} \end{cases}$  의 해를 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = -\frac{1}{2}$

▷ 정답:  $y = 1$

해설

$$2 \times \text{㉠} - \text{㉡} : \frac{11}{y} = 11, y = 1$$

이것을 ㉠에 대입하면

$$\frac{1}{x} + 3 = 1, \frac{1}{x} = -2, x = -\frac{1}{2}$$

5. 연립방정식  $5x - y - 2 = 3x + 1 = 2x + y + 1$ 을 풀어라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = 3$

▷ 정답:  $y = 3$

해설

$$\begin{cases} 5x - y - 2 = 3x + 1 \\ 3x + 1 = 2x + y + 1 \end{cases} \quad \text{이므로}$$

$$\begin{cases} 2x - y = 3 \\ x - y = 0 \end{cases} \quad \text{이다.}$$

따라서  $x = 3, y = 3$  이다.

6.  $x, y$  에 관한 연립방정식  $\begin{cases} px + qy + r = 0 \\ qx + ry + p = 0 \end{cases}$  의 해가 무수히 많을 때,  
 $x + y$  의 값을 구하여라. (단,  $p, q, r$  은 0 이 아닌 실수)

▶ 답 :

▷ 정답 : -1

해설

주어진 연립방정식의 해가 무수히 많으므로

$$\frac{p}{q} = \frac{q}{r} = \frac{r}{p}$$

$$\frac{p}{q} = \frac{q}{r} = \frac{r}{p} = k \text{ 로 놓으면}$$

$$p = qk, q = rk, r = pk$$

세 식의 좌변끼리, 우변끼리 각각 곱하면

$$pqr = pqrk^3 (pqr \neq 0)$$

$$k^3 = 1$$

$$\therefore k = 1$$

따라서  $p = q = r$  이므로 주어진 연립방정식은 모두  $p(x + y + 1) = 0$  이 된다.

$$p \neq 0 \text{ 이므로 } x + y + 1 = 0$$

$$\therefore x + y = -1$$



8. 빨간색과 노란색이 1 : 4 의 비율로 섞인 페인트와 2 : 3 의 비율로 섞인 페인트가 각각 1000g 씩 있다. 이 두 페인트를 섞어서 빨간색과 노란색이 3 : 5 의 비율로 섞인 페인트를 만들려고 할 때, 최대한 몇 g 을 만들 수 있는지 구하여라.

▶ 답 :  $\frac{8000}{7}$  g

▶ 정답 :  $\frac{8000}{7}$  g

**해설**

빨간색과 노란색이 1 : 4 의 비율로 섞인 페인트를  $x$ g, 2 : 3 의 비율로 섞인 페인트를  $y$ g 섞어서 3 : 5 의 비율을 지닌 페인트를 만들었다면

	빨간색	노란색	합계
1:4의 비율로 섞인 페인트	$\frac{1}{5}x$	$\frac{4}{5}x$	$x$
2:3의 비율로 섞인 페인트	$\frac{2}{5}y$	$\frac{3}{5}y$	$y$

섞어서 만든 페인트 색의 비는 3 : 5 이다.

$$\left(\frac{1}{5}x + \frac{2}{5}y\right) : \left(\frac{4}{5}x + \frac{3}{5}y\right) = 3 : 5, 7x = y \quad \therefore x : y = 1 : 7$$

그런데  $0 \leq y \leq 1000$ g 이므로 최대한 만들 수 있는 페인트의 양은  $y = 1000$ g 이고  $x = \frac{1000}{7}$ g 일 때  $x + y = \frac{1000}{7} + 1000 = \frac{8000}{7}$  (g) 이다.

9. 어느 부자가 다음과 같은 유언을 남기고 생을 마감했다.  
 내 자식 중 첫째에게는 내가 가진 땅 중  $100\text{m}^3$  의 땅을 준 후, 그 나머지의 5% 를 주어라. 둘째에게는 첫째에게 주고 남은 땅 중  $200\text{m}^3$  의 땅을 준 후, 그 나머지의 5% 를 주어라. 셋째에게는 첫째, 둘째에게 주고 남은 땅 중  $300\text{m}^3$  의 땅을 준 후, 그 나머지의 5% 를 주어라. ...이런 식으로 막내까지 모두 나누어주고 나면 한 사람이 받은 땅의 넓이가 모두 같아질거야.  
 이때, 이 부자가 원래 가지고 있던 땅의 넓이를 구하여라.

▶ 답:  $\underline{\text{m}^2}$

▷ 정답:  $36100 \text{ m}^2$

**해설**

한 명의 아들이 받는 땅의 넓이를  $x$ , 부자가 원래 가지고 있던 땅을  $y$  라 하면

$$\text{첫째 아들: } x = 100 + \frac{1}{20}(y - 100) \cdots \text{㉠}$$

$$\text{둘째 아들: } x = 200 + \frac{1}{20}(y - x - 200) \cdots \text{㉡}$$

$$\text{셋째 아들: } x = 300 + \frac{1}{20}(y - 2x - 300)$$

⋮

$$n \text{ 번째 아들: } x = 100n + \frac{1}{20}\{y - (n - 1)x - 100n\}$$

㉠, ㉡ 을 연립하여 풀면

$$100 + \frac{1}{20}(y - 100) = 200 + \frac{1}{20}(y - x - 200)$$

$$\therefore x = 1900, y = 36100$$

따라서 부자가 원래 가지고 있던 땅의 넓이는  $36100\text{m}^2$  이다.



11. 집에서 10km 떨어진 할머니 댁에 가는 데 민지는 시속 2km의 속력으로 걸어가고, 부모님은 차를 타고 시속 20km의 속력으로 민지와 같은 지점에서 동시에 출발하였다. A 지점에서 엄마는 차에서 내려서 걸어가고 아빠는 차로 되돌아가 걸어오던 민지를 태우고 가서 민지와 부모님이 동시에 할머니 댁에 도착하였다. 이 때, 엄마와 민지가 걸은 거리를 구하여라.  
(단, 엄마와 민지의 걸은 거리와 걷는 속력은 각각 같고, 차를 타고 내리는 데 걸리는 시간은 생각하지 않는다.)

▶ 답:                      km

▷ 정답:  $\frac{20}{13}$  km

**해설**

걸어서 간 거리를  $x$ km, 차를 타고 간 거리를  $y$ km 라 하면  
차가 되돌아 간 거리는  $y - x$ (km) 이다.  
집에서 할머니 댁까지의 거리가 10km 이므로  $x + y = 10 \dots \text{㉠}$   
엄마가 A 지점에서 할머니 댁까지 걸어간 시간은 차가 되돌아  
갔다다 민지를 태우고  
다시 할머니 댁까지 가는 시간과 같으므로

$$\frac{x}{2} = \frac{y-x}{20} + \frac{y}{20} \dots \text{㉡}$$

$$\text{㉠, ㉡을 연립하면 } x = \frac{20}{13}, y = \frac{110}{13}$$

따라서 엄마와 민지가 걸은 거리는  $\frac{20}{13}$ km 이다.

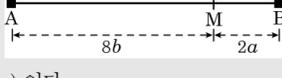
12. 서로 반대방향으로 곧게 뻗어있는 길의 양 끝 A, B 지점에서 두 사람의 자동차 경주가 시작되었다. 철수는 A 지점에서 B 지점을 향해, 영철이는 B 지점에서 A 지점을 향해 달리다가 중간의 휴게소에서 만나서 확인결과 철수가 영철이보다 30km 더 이동했다는 사실을 알았다. 두 사람은 휴게소에서 동시에 출발하여 철수는 2 시간 만에 B 지점에, 영철이는 8 시간 만에 A 지점에 도착하였을 때, 두 지점 A, B 사이의 거리를 구하여라. (단, 두 사람이 이동하는 속력은 각각 일정하다.)

▶ 답:                      km

▷ 정답: 90 km

**해설**

철수와 영철이의 속력을 각각  $a$ km/h,  $b$ km/h 라 하고 중간의 휴게소의 위치를 M 이라 하면



$\overline{AM} = 8b$ (km),  $\overline{BM} = 2a$ (km) 이다.  
 철수와 영철이가 휴게소까지 가는 데 걸린 시간이 같으므로

$$\frac{8b}{a} = \frac{2a}{b}$$

$$2a^2 = 8b^2$$

$$\therefore a = 2b(\because a > 0, b > 0) \cdots \textcircled{1}$$
 또한,  $\overline{AM} - \overline{BM} = 30$ (km) 이므로
$$8b - 2a = 30 \cdots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}$ ,  $\textcircled{2}$ 을 연립하여 방정식을 풀면  $a = 15, b = \frac{15}{2}$

$$\therefore \overline{AB} = 8b + 2a = 90$$
(km)

13. 다음 표는 A 식품과 B 식품의 각 100g에 포함된 단백질의 양이다. A와 B를 합하여 200g을 사용하여 단백질 40g을 섭취하려고 한다. A와 B를 각각 몇 g씩 사용하면 되는지 구하여라.

식품	A	B
단백질	20g	12g

▶ 답:  $\frac{g}{g}$

▶ 답:  $\frac{g}{g}$

▷ 정답: A = 200g

▷ 정답: B = 0g

해설

$$\begin{cases} A + B = 200 \\ 0.2A + 0.12B = 40 \end{cases}$$

$$\begin{cases} A + B = 200 & \dots \textcircled{1} \\ 5A + 3B = 1000 & \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

①×3 - ②를 하면  
A = 200, B = 0

14.  $x$ 에 대한 함수  $f(x)$ 가 임의의  $x, y$ 에 대하여  $f(x)f(y) = f(x+y) + f(x-y)$ ,  $f(1) = 1$ 을 만족할 때,  $2f(0) + f(2)$ 의 값은?

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned} f(1)f(0) &= f(1+0) + f(1-0) \\ f(1) = 1 \text{ 이므로 } f(0) &= 2 \times 1 = 2 \\ f(1)f(1) &= f(1+1) + f(1-1) \\ 1 &= f(2) + f(0) \\ f(2) &= 1 - 2 = -1 \\ 2f(0) + f(2) &= 2 \times 2 - 1 = 3 \end{aligned}$$

15. 일차함수  $y = ax + 2$  는  $x$  값이 2 만큼 증가할 때,  $y$  값은 4 만큼 감소한다고 한다.  
이 일차함수의 그래프 위에 점  $(b, 6)$ ,  $(-1, c)$  가 있을 때,  $a + b + c$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

$y = ax + 2$  의  $a$  는 기울기이고  $x$  값이 2 만큼 증가할 때,  $y$  값은 4 만큼 감소하므로 기울기는  $-2$  이다.  
이 그래프 위에  $(b, 6)$ ,  $(-1, c)$  가 있으므로  
 $6 = -2 \times b + 2$ ,  $c = (-2) \times (-1) + 2$  가 성립한다.  
 $\therefore b = -2$ ,  $c = 4$  이므로  $a + b + c = (-2) + (-2) + 4 = 0$

16. 직선  $ax + by = 3$  의 그래프와  $x$  축,  $y$  축으로 둘러싸인 삼각형의 넓이를  $a, b$  에 관한 식으로 나타내어라. (단,  $a, b$  는 상수,  $a < 0, b > 0$  이다.)

▶ 답 :

▷ 정답 :  $-\frac{9}{2ab}$

해설

$ax + by = 3$  에서  $by = -ax + 3$

$$y = -\frac{a}{b}x + \frac{3}{b}$$

이 일차함수 그래프가  $x$  축,  $y$  축과 만나는 점의 좌표는 각각

$$\left(\frac{3}{a}, 0\right), \left(0, \frac{3}{b}\right)$$

이 때,  $a < 0, b > 0$  이므로 이 그래프와  $x$  축,  $y$  축으로 둘러싸인 삼각형의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times \left(-\frac{3}{a}\right) \times \frac{3}{b} = -\frac{9}{2ab} \text{ 이다.}$$

17.  $x$ 절편이  $-1$ ,  $y$ 절편이  $3$ 인 직선을  $y$ 축의 방향으로  $2$ 만큼 평행이동 한 그래프와  $x$ 축,  $y$ 축으로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{25}{6}$

해설

$x$ 절편이  $-1$ ,  $y$ 절편이  $3$ 인 직선의 방정식을 구하면

$$\frac{x}{-1} + \frac{y}{3} = 1, y = 3x + 3$$

$y = 3x + 3$ 의 그래프를  $y$ 축의 방향으로  $2$ 만큼 평행이동 시키면

$$y = 3x + 5$$

$y = 3x + 5$ 의  $y$ 절편은  $5$ ,

$$x\text{절편은 } -\frac{5}{3}$$

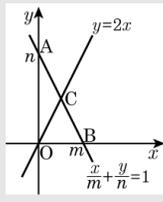
$$\therefore (\text{넓이}) = \frac{1}{2} \times 5 \times \frac{5}{3} = \frac{25}{6}$$

18. 일차함수  $\frac{x}{m} + \frac{y}{n} = 1$  의 그래프와  $x$  축,  $y$  축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 직선  $y = 2x$  가 이등분할 때,  $\frac{2mn}{m^2 + n^2}$  의 값을 구하여라. (단,  $m > 0, n > 0$ )

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{4}{5}$

해설



$\frac{x}{m} + \frac{y}{n} = 1$  의 그래프는  $x$  절편이  $m$ ,  $y$  절편이  $n$  이므로 위의 그림과 같이  $(m, 0)$ ,  $(0, n)$  을 지난다.

두 직선의 교점을 점  $C$  라 하면  $y = 2x$  가  $\triangle AOB$  를 이등분하므로

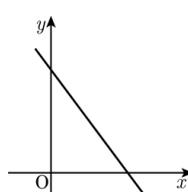
점  $C$  의  $x$  좌표는  $\frac{m}{2}$ ,  $y$  좌표는  $\frac{n}{2}$  이다.

점  $C$  는  $y = 2x$  위의 점이므로

$$\frac{n}{2} = 2 \times \frac{m}{2} \quad \therefore n = 2m$$

$$\therefore \frac{2mn}{m^2 + n^2} = \frac{2m(2m)}{m^2 + (2m)^2} = \frac{4m^2}{5m^2} = \frac{4}{5}$$

19. 일차함수  $y = -ax - \frac{c}{b}$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 일차함수  $y = ax - \frac{a}{c}$  의 그래프가 지나지 않는 사분면을 구하여라.



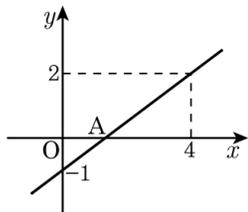
▶ 답: 사분면

▷ 정답: 제 4 사분면

해설

$-ab < 0, -\frac{c}{b} > 0$  이므로  $a > 0, b > 0, c < 0$  또는  $a < 0, b < 0, c > 0$  이다.  
 따라서,  $ab > 0, -\frac{a}{c} > 0$  이므로  $y = ax - \frac{a}{c}$  의 그래프는 기울기가 양수이고,  $y$  절편도 양수이다.  
 그러므로 제 4 사분면을 지나지 않는다.

20. 다음 그림과 같은 직선  $p$  위의 점  $A(2a, 0)$  과 점  $B(6a, -3a)$  를 지나는 직선  $q$  가 있다. 직선  $q$  를 나타내는 일차함수의 식이  $y = mx + n$  일 때, 상수  $m, n$  의 값을 구하여라.



▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $m = -\frac{3}{4}$

▷ 정답:  $n = 1$

**해설**

직선  $p$  의  $y$  절편은  $-1$  이므로 직선  $p$  를  $y = kx - 1$  이라 할 때,  $(4, 2)$  를 지나므로 대입하면

$$2 = 4k - 1, k = \frac{3}{4}$$

$y = \frac{3}{4}x - 1$  은 점  $A(2a, 0)$  을 지나므로

$$0 = \frac{3}{4} \times 2a - 1, a = \frac{2}{3}$$

$$\therefore A(2a, 0) = \left(\frac{4}{3}, 0\right), B(6a, -3a) = (4, -2)$$

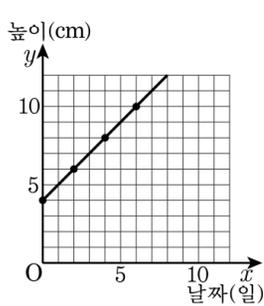
$y = mx + n$  이 두 점  $A, B$  를 지나므로

$$\left(\frac{4}{3}, 0\right) \text{ 을 대입하면 } 0 = \frac{4}{3}m + n$$

$$(4, -2) \text{ 를 대입하면 } -2 = 4m + n$$

따라서 두 식을 연립하면  $m = -\frac{3}{4}, n = 1$  이다.

21. 다음 그래프는 붓꽃이 땅속줄기에서 4cm 자랐을 때부터 관찰하여 이틀마다 변화한 높이를 나타낸 것이다. 붓꽃이 계속 같은 속도로 자란다고 할 때, 12일 후의 붓꽃의 높이를 구하여라.



▶ 답:          cm

▶ 정답: 16 cm

**해설**

두 점 (0, 4), (2, 6)을 지나므로

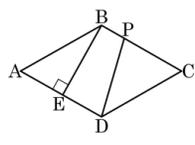
$$(\text{기울기}) = \frac{6-4}{2-0} = \frac{2}{2} = 1$$

$$y = x + 4$$

$x = 12$ 일 때,  $y$ 의 값은

$$12 + 4 = 16(\text{cm})$$

22. 한 변의 길이가 8 cm인 마름모  $\square ABCD$ 의 한 꼭짓점 B에서 C로 점 P가 초속 1 cm로 움직일 때,  $x$  초 후 사각형 ABPD의 넓이를  $y \text{ cm}^2$  이라고 하면,  $x$ 의 범위는  $a \leq x \leq b$ , 함숫값의 범위는  $c \leq y \leq d$ 이다. 이때,  $a + b + c + d$ 의 값을 구하여라. (단,  $\overline{BE} = 6 \text{ cm}$ )



▶ 답 :

▷ 정답 : 80

**해설**

사각형 ABPD는 사다리꼴이므로,  
 $x, y$ 의 관계식은

$$y = \frac{1}{2} \times (x + 8) \times 6$$

$$y = 3x + 24$$

$x$ 는 길이 8 cm인  $\overline{BC}$  위를 초속 1 cm의 속력으로 움직이므로

$x$ 의 범위는  $0 \leq x \leq 8$

$x = 0$ 일 때  $y = 24$

$x = 8$ 일 때  $y = 48$ 이므로

함숫값의 범위는  $24 \leq y \leq 48$

따라서  $a = 0, b = 8, c = 24, d = 48$ 이므로

$a + b + c + d = 80$ 이다.

23. 두 일차함수  $y = ax + c$ ,  $y = bx + c$  의 그래프와,  $x$  축으로 둘러싸인 도형의 넓이를  $y$  축을 기준으로 나누면 정확히 이등분된다. 이때,  $\frac{a+b}{a-b}$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

$y = ax + c$ ,  $y = bx + c$  의 그래프는  $y$  절편이 서로 같으므로  $y = ax + c$ ,  $y = bx + c$  의 그래프와,  $x$  축으로 둘러싸인 도형의 넓이를  $y$  축을 기준으로 나누면 정확히 이등분되려면 두 그래프의  $x$  절편의 부호는 반대이고 절댓값은 같아야 한다.

각각의  $x$  절편은  $-\frac{c}{a}$ ,  $-\frac{c}{b}$  이므로

$\therefore a = -b$

따라서  $\frac{a+b}{a-b} = \frac{-b+b}{-b-b} = 0$  이다.

24. 함수  $f(x) = ax + b$ ,  $g(x) = f(f(f(x)))$  가  $f(0) = 3$ ,  $g(5) - g(3) = -2$  를 만족할 때,  $f(4)$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -1

해설

$g(x) = a(a(ax + b) + b) + b = a^3x + a^2b + ab + b$  이므로  
 $g(5) = 5a^3 + a^2b + ab + b$ ,  $g(3) = 3a^3 + a^2b + ab + b$   
즉,  $g(5) - g(3) = 2a^3 = -2$  이다.  
 $\therefore a = -1$   
 $\therefore f(x) = -x + b$   
또한  $f(0) = b = 3$  이므로  $b = 3$   
 $\therefore f(4) = -4 + 3 = -1$

25. 두 직선  $y - 2x + a = 0$ ,  $4y + x = 2 - a$ 의 교점이 직선  $2x + 3y = 0$  위에 있을 때,  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{16}{3}$

해설

세 직선은 한 점에서 만난다.

$y - 2x + a = 0$ 과  $2x + 3y = 0$ 을 연립하여  $x$ 를 소거하면

$$4y = -a \cdots \text{㉠}$$

$4y + x = 2 - a$ 와  $2x + 3y = 0$ 을 연립하여  $x$ 를 소거하면

$$5y = 4 - 2a \cdots \text{㉡}$$

㉠  $\times 5$  - ㉡  $\times 4$ 하면

$$-5a - 16 + 8a = 0 \text{에서 } a = \frac{16}{3}$$

26. 세 개의 일차함수  $x+2y=4$ ,  $-2x+6y=17$ ,  $y=ax+\frac{1}{2}a$  의 그래프가 만나 삼각형을 만들 수 없을 때,  $a$  의 값을 모두 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $-5$

▷ 정답:  $-\frac{1}{2}$  또는  $-0.5$

▷ 정답:  $\frac{1}{3}$

**해설**

$y=ax+\frac{1}{2}a$  의 그래프가 다음과 같을 때, 세 직선으로 삼각형을 만들 수 없다.

1)  $x+2y=4$  또는  $-2x+6y=17$  과 평행할 때

$$(x+2y=4 \text{의 기울기}) = -\frac{1}{2}$$

$$(-2x+6y=17 \text{의 기울기}) = \frac{1}{3}$$

$$\therefore a = -\frac{1}{2} \text{ 또는 } a = \frac{1}{3}$$

2)  $x+2y=4$  와  $-2x+6y=17$  의 교점을 지날 때,  $x+2y=4$

와  $-2x+6y=17$  의 교점은  $(-1, \frac{5}{2})$  이므로

$$\frac{5}{2} = -a + \frac{1}{2}a \quad \therefore a = -5$$

1), 2)에 의해  $a$  의 값은  $-5, -\frac{1}{2}, \frac{1}{3}$  이다.

27. 두 수  $a, b$  에 대하여  $|a| \geq |b|$  일 때  $N(a, b) = b$ ,  $|a| < |b|$  일 때  $N(a, b) = a$  로 정의한다. 좌표평면 위의 세 점  $A(28, 84)$ ,  $B(-28, -14)$ ,  $C(56, 14)$  를 꼭짓점으로 하는 삼각형  $ABC$  의 변 위에 점  $P(x, y)$  가 있을 때,  $N(x, y)$  의 최댓값과 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 84

▷ 정답: -28

해설

직선  $BC$  의 방정식은  $y = \frac{1}{3}x - 7$

따라서 직선  $y = x$  와 선분  $BC$  의 교점을  $D$  라고 하면

$$D\left(-\frac{21}{2}, -\frac{21}{2}\right)$$

또한 직선  $AC$  의 방정식은  $y = -\frac{5}{2}x + 154$

따라서 직선  $y = x$  와 선분  $AC$  의 교점을  $E$  라고 하면

$$E(44, 44)$$

1)  $y \geq x$  일 때,

$N(x, y) = y$  이므로  $y$  좌표의 최대, 최소를 구하면  $D$  에서 최소,  $E$  에서 최대이다.

$$\therefore -\frac{21}{2} \leq N(x, y) \leq 84$$

2)  $y < x$  일 때,

$N(x, y) = x$  이므로  $x$  좌표의 최대, 최소를 구하면  $B$  에서 최소,  $E$  에서 최대이다.

$$\therefore -28 < N(x, y) \leq 56$$

1), 2)에 의해서  $N(x, y)$  의 최댓값은 84, 최솟값은 -28 이다.

28. 두 직선  $x - 5y = 3$ ,  $3x + y = 12$  와  $x$  축으로 둘러싸인 도형의 넓이를 두 직선의 교점을 지나는 직선  $p$  가 이등분할 때, 직선  $p$  의 기울기를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{3}{7}$

해설

$x - 5y = 3$ ,  $3x + y = 12$  를 연립하여 풀면

$x = \frac{63}{16}$ ,  $y = \frac{3}{16}$  이다.

$x - 5y = 3$  의  $x$  절편은 3

$3x + y = 12$  의  $x$  절편은 4

두 직선의  $x$  절편의 중점은  $(\frac{7}{2}, 0)$  이다.

따라서 두 직선과  $x$  축으로 둘러싸인 삼각형의 넓이를 이등분하는 직선  $p$  는

$(\frac{63}{16}, \frac{3}{16})$ ,  $(\frac{7}{2}, 0)$  을 지나는 직선이다.

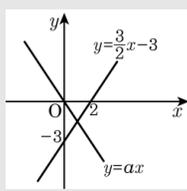
$\therefore$  (직선  $p$  의 기울기)  $= \frac{0 - \frac{3}{16}}{\frac{7}{2} - \frac{63}{16}} = \frac{3}{7}$

29. 직선  $y = ax$ 의 그래프가 직선  $y = \frac{3}{2}x - 3$ 의 그래프와  $x$ 축,  $y$ 축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 이등분한다고 할 때,  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 :  $-\frac{3}{2}$

해설



$y = \frac{3}{2}x - 3$ 에서

$x$ 절편 :  $0 = \frac{3}{2}x - 3, x = 2,$

$y$ 절편 :  $y = -3 \quad \therefore (\text{넓이}) = 2 \times 3 \times \frac{1}{2} = 3$

$y = ax$ 가 넓이를 이등분하려면  $y = \frac{3}{2}x - 3$ 과  $y = -\frac{3}{2}$ 일 때,

만나야한다.

$-\frac{3}{2} = \frac{3}{2}x - 3, x = 1$

$y = ax$ 에 점  $(1, -\frac{3}{2})$ 을 대입하면  $-\frac{3}{2} = a \times 1$

$\therefore a = -\frac{3}{2}$