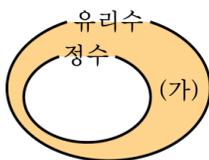


1. 다음 그림에서 ㉞에 해당하는 것은?



① -12

② 0

③ 0.777...

④ 7

⑤  $\frac{\pi}{2}$

해설

㉞ 정수가 아닌 유리수

① 정수

② 정수

③ 정수가 아닌 유리수

④ 정수

⑤ 유리수가 아닌 수

2.  $\frac{8x^2y - 6xy^2}{2xy} + \frac{6x^2y - 12xy^2}{-3xy}$  를 간단히 하면?

①  $x + y$

②  $2x + y$

③  $x + 2y$

④  $2x + 2y$

⑤  $2x + 3y$

해설

$$\begin{aligned} & \frac{8x^2y - 6xy^2}{2xy} + \frac{6x^2y - 12xy^2}{-3xy} \\ &= \frac{8x^2y}{2xy} - \frac{6xy^2}{2xy} + \frac{6x^2y}{-3xy} - \frac{12xy^2}{-3xy} \\ &= 4x - 3y - 2x + 4y = 2x + y \end{aligned}$$

3.  $x = -3, y = -2$  일 때,  $\frac{x^2y + 3xy^2}{xy} + \frac{2x^2y - 4y^2}{y}$  의 값은?

① 16

② 17

③ 18

④ 19

⑤ 20

해설

$$\begin{aligned}\frac{x^2y + 3xy^2}{xy} + \frac{2x^2y - 4y^2}{y} &= x + 3y + 2x^2 - 4y \\ &= 2x^2 + x - y \\ &= 2 \times 9 - 3 + 2 \\ &= 17\end{aligned}$$

4.  $(-24xy^2) \div 12xy \times \square = -8x^2y$  이다. 이 때  $\square$  안에 알맞은 식은?

- ①  $-4x^2$    ②  $4x^2$    ③  $-4xy$    ④  $4xy$    ⑤  $-6x$

해설

$$\frac{-24xy^2}{12xy} \times \square = -8x^2y \text{ 에서}$$

$$-2y \times \square = -8x^2y$$

$$\square = \frac{-8x^2y}{-2y}$$

$$\therefore \square = 4x^2$$

5. 기약분수  $\frac{x}{12}$  를 소수로 나타내면  $0.41666\dots$  일 때, 자연수  $x$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

$$\begin{aligned} 0.41666\dots &= 0.41\dot{6} = \frac{375}{900} \\ \frac{375}{900} &= \frac{x}{12} \\ \therefore x &= 5 \end{aligned}$$

6. 다음 중  $a^5 \div a^2 \div a$  과 계산 결과가 같은 것은?

- ①  $a^5 \div (a^2 \div a)$     ②  $a^5 \div (a^2 \times a)$     ③  $a^5 \times (a^2 \div a)$   
④  $a^5 \div a^2 \times a$     ⑤  $a^5 \times a^2 \div a$

해설

$a^5 \div a^2 \div a = a^{5-2-1} = a^2$  이므로  $a^5 \div (a^2 \times a)$  이다.

7.  $3^x \times 3^2 = 729$  이고  $2^2 \times 4^3 \div 8 = 2^y$  일 때,  $x+y$  의 값을 구하여라.

- ① 7      ② 8      ③ 9      ④ 10      ⑤ 11

해설

$$\begin{aligned} 3^{x+2} &= 3^6, x = 4, \\ 2^{2+6-3} &= 2^y, y = 5 \\ \therefore x + y &= 9 \end{aligned}$$

8.  $a = 2^{x-1}$  일 때,  $16^x$  을  $a$  에 관한 식으로 나타낸 것을 고르면?

- ①  $8a^3$     ②  $8a^4$     ③  $16a^3$     ④  $16a^4$     ⑤  $32a^4$

해설

$$a = 2^{x-1}, 2^x = 2a$$

$$16^x = (2^4)^x = (2^x)^4 = (2a)^4 = 16a^4$$

9. 다음 보기 중 계산 결과가 옳은 것은 모두 몇 개인가?

보기

$$\begin{aligned} \text{㉠ } & 6a^4 \div 3ab = \frac{2a^3}{b} \\ \text{㉡ } & \frac{2}{3}x^2y \div \frac{1}{6}xy^2 = \frac{4x}{y} \\ \text{㉢ } & (2x^2)^5 \div (-2x^3)^2 = 8x^4 \\ \text{㉣ } & (-2x^2y)^3 \div \left(-\frac{2}{3}xy\right)^2 = 18x^4y \\ \text{㉤ } & (-2x^3y)^3 \div (4xy^3)^2 = -\frac{x^7}{2y^3} \end{aligned}$$

- ① 1개    ② 2개    ③ 3개    ④ 4개    ⑤ 없다

해설

$$\text{㉣ } (-2x^2y)^3 \div \left(-\frac{2}{3}xy\right)^2 = -18x^4y$$

10.  $4x^2+x+3$ 에 어떤 식을 더해야 할 것을 잘못하여 빼었더니  $-2x^2+2x+3$ 이 되었다. 옳게 계산한 식을 구하면?

①  $10x^2+3$       ②  $10x^2+x-3$       ③  $6x^2+2x+3$

④  $6x^2+x-3$       ⑤  $6x^2-2x$

해설

어떤 식을  $A$  라 하면

$$4x^2+x+3-A=-2x^2+2x+3$$

$$A=(4x^2+x+3)-(-2x^2+2x+3)=6x^2-x$$

$$\therefore \text{바르게 계산한 식 : } 4x^2+x+3+(6x^2-x)=10x^2+3$$

11.  $A = 2x - z$ ,  $B = x - 3y + 2z$ ,  $C = 4y + z$  일 때, 다음 식을  $x$ ,  $y$ ,  $z$  에 관한 식으로 바르게 나타낸 것은?

$$A - 2B - \{B - (A - 2C) + C\}$$

- ①  $x + 3y - 11z$       ②  $x - 3y + 9z$       ③  $x - 3y - 11z$   
④  $7x - 3y - 11z$       ⑤  $7x - 3y - 5z$

해설

$$\begin{aligned} & A - 2B - \{B - (A - 2C) + C\} \\ &= A - 2B - (B - A + 2C + C) \\ &= A - 2B - (B - A + 3C) \\ &= A - 2B - B + A - 3C \\ &= 2A - 3B - 3C \\ &\therefore 2A - 3B - 3C \\ &= 2(2x - z) - 3(x - 3y + 2z) - 3(4y + z) \\ &= 4x - 2z - 3x + 9y - 6z - 12y - 3z \\ &= x - 3y - 11z \end{aligned}$$

12. 분수  $\frac{6}{7}$  을 소수로 나타낼 때, 소수점 아래 20번째 자리의 수를  $a$ , 99번째 자리의 수를  $b$  라 할 때,  $a + b$  의 값은?

- ① 8      ② 9      ③ 10      ④ 11      ⑤ 12

해설

$\frac{6}{7} = 0.\dot{8}5714\dot{2}$  이므로 순환마디의 숫자 6개

$20 = 6 \times 3 + 2$  이므로  $a = 5$

$99 = 6 \times 16 + 3$  이므로  $b = 7$

$\therefore a + b = 12$

13.  $\frac{1}{5} < 0.\dot{a} \leq \frac{2}{3}$  를 만족하는 자연수  $a$  의 값의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 20

해설

$\frac{1}{5} < 0.\dot{a} \leq \frac{2}{3}$  에서  $\frac{1}{5} < \frac{a}{9} \leq \frac{2}{3}$ ,  $\frac{9}{45} < \frac{5a}{45} \leq \frac{30}{45}$  이므로

$9 < 5a \leq 30$ ,  $\frac{9}{5} < a \leq 6$

$\therefore a = 2, 3, 4, 5, 6$

14. 다음  안에 들어갈 알맞은 수는?

$$3^{2x+3} = \square \times 9^x$$

- ① 3      ② 6      ③ 9      ④ 27      ⑤ 81

해설

$$3^{2x+3} = 3^{2x} \times 3^3 = 9^x \times 27$$

안에 들어갈 수는 27이다.

15.  $\left(\frac{-5x^a}{y}\right)^b = \frac{-125x^9}{y^{3c}}$  일 때,  $a+b-c$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

$$\left(\frac{-5x^a}{y}\right)^b = \frac{(-1)^b 5^b x^{ab}}{y^b} = \frac{-125x^9}{y^{3c}}$$

$$5^b = 125, b = 3$$

$$x^{3a} = x^9, a = 3$$

$$b = 3c = 3, c = 1$$

$$\therefore a + b - c = 3 + 3 - 1 = 5$$

16.  $3x - 2 \{x + 2y - (y - 3x - \square)\} = -7x - 6y$  일 때,  $\square$  안에  
알맞은 식은?

①  $-2x - y$

②  $-2x + y$

③  $x + y$

④  $x + 2y$

⑤  $3x + 3y$

해설

$$\begin{aligned} & 3x - 2 \{x + 2y - (y - 3x - \square)\} \\ &= 3x - 2 (x + 2y - y + 3x + \square) \\ &= 3x - 2x - 4y + 2y - 6x - 2\square \\ &= -5x - 2y - 2\square \\ &= -7x - 6y \\ \therefore \square &= x + 2y \end{aligned}$$

17. 100 이하의 자연수  $x$ 에 대하여  $\frac{x}{90}$ 은 유한소수이고,  $\frac{x}{90} - \left[\frac{x}{90}\right] \neq 0$ 이다. 이것을 만족하는  $x$ 의 개수를 구하여라. (단,  $[x]$ 는  $x$ 를 넘지 않는 최대의 정수이다.)

▶ 답:                        개

▷ 정답: 10개

**해설**

$\frac{x}{90} - \left[\frac{x}{90}\right] = 0$ 가 되는  $x$ 의 값은 90이므로  
 $\frac{x}{90}$ 가 정수가 아닌 유한소수가 되려면  $x$ 는 90이 아닌 9의 배수이어야 한다.  
따라서  $x$ 는 90을 제외한 100 이하의 9의 배수, 따라서 10개이다.

18.  $0.abcd\bar{e} = \frac{29947}{99000}$  일 때, 한 자리 자연수  $a, b, c, d, e$  의 값을 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $a = 3$

▷ 정답:  $b = 0$

▷ 정답:  $c = 2$

▷ 정답:  $d = 4$

▷ 정답:  $e = 9$

해설

$\frac{29947}{99000} = 0.3024\bar{9}$  이므로  
 $a = 3, b = 0, c = 2, d = 4, e = 9$

19. 3의 배수가 아닌 자연수  $x$ 에 대하여  $f(x)$ 를  $\frac{x}{3}$ 를 소수로 나타낼 때, 순환마디에 있는 각 자리의 숫자를 더한 값으로 정의하자.

이때  $\frac{f(1)}{f(2)} + \frac{f(4)}{f(5)} + \frac{f(7)}{f(8)} + \dots + \frac{f(19)}{f(20)} + \frac{f(22)}{f(23)} + \dots + \frac{f(88)}{f(89)}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 15

해설

$$\frac{1}{3} = 0.33333\dots = 0.\dot{3}, \quad f(1) = 3$$

$$\frac{2}{3} = 0.66666\dots = 0.\dot{6}, \quad f(2) = 6$$

$$\frac{4}{3} = 1.33333\dots = 1.\dot{3}, \quad f(4) = 3$$

$$\frac{5}{3} = 1.66666\dots = 1.\dot{6}, \quad f(5) = 6 \text{ 이므로}$$

$$\frac{f(1)}{f(2)} + \frac{f(4)}{f(5)} + \frac{f(7)}{f(8)} + \dots + \frac{f(19)}{f(20)} + \frac{f(22)}{f(23)} + \dots + \frac{f(88)}{f(89)} \text{ 은}$$

분모가 6이고 분자가 3인 수들의 합이다.

$$89 = 3 \times 30 - 1 \text{ 이므로}$$

$$\text{구하는 값은 } \frac{1}{2} \times 30 = 15$$

20.  $16^{3x+2} = 4^{x-6}$ 을 만족하는  $x$ 의 값은?

- ① -1    ② -2    ③ -3    ④ -4    ⑤ -5

해설

$$16^{3x+2} = (4^2)^{3x+2} = 4^{x-6} \text{ 이므로}$$

$$6x + 4 = x - 6$$

$$5x = -10$$

$$\therefore x = -2$$