

1. 함수 $f(n) = 1 \times 2 \times 3 \times \cdots \times n$ 으로 정의할 때, $f(1) + f(2) + f(3) + \cdots + f(2007)$ 을 10으로 나눈 나머지는?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

2. 복소수 z_k (k 는 자연수)를 $z_1 = 1 + i$, $z_2 = \bar{z}_1 + (1 - i)$, $z_3 = \bar{z}_2 + (1 - i)$, … 와 같은 방법으로 정할 때, \bar{z}_{100} 의 값은?(단, $i = \sqrt{-1}$, \bar{z} 은 z 의 켤레복소수)

- ① $50 + i$ ② $50 - i$ ③ $100 + 2i$
④ $100 - 2i$ ⑤ $200 + 4i$

3. $A = \{x + yi | x^2 + y^2 = 2, x, y \text{는 실수}\}$ 이다.
 $z = \frac{1}{2a} + \frac{1}{2a}i$ (단, $a : \text{실수}$) 일 때, $\frac{1}{z} \in A$ 가 되는 복소수 z 는 2개가 있다. 이들의 곱을 구하면?

① $2i$ ② $-2i$ ③ $\frac{1}{2}i$ ④ $-\frac{1}{2}i$ ⑤ $\frac{3}{2}i$

4. 복소수 z 의 실수 부분이 음수일 때 $z^2 = 4i$ 를 만족하는 z 에 대하여
 $\left(\frac{z}{\bar{z}}\right)^{4k+1}$ 의 값을 구하면? (단, k 는 양의 정수)

- ① 1 ② -1 ③ i ④ $-i$ ⑤ $\frac{1}{2}i$

5. $x = \frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}, y = \frac{-1 - \sqrt{3}i}{2}$ 일 때, 다음 중에서 옳은 것을 모두 고른 것은?

Ⓐ $x^5 + y^5 = -1$ ⓒ $x^9 + y^9 = -1$

Ⓑ $x^{11} + y^{11} = -1$

① Ⓐ

② Ⓑ, Ⓒ

③ Ⓐ, Ⓓ

④ Ⓒ, Ⓓ

⑤ Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

6. x 에 대한 이차방정식 $x^2 + 2mx + 2m^2 + m - 2 = 0$ 의 두 실근 α, β 를
가질 때, $\alpha^2 + \alpha\beta + \beta^2$ 를 m 에 대한 식으로 나타내고, 이 식의 최댓값과
최솟값을 구하면?

- ① 최대값: 8, 최소값: 2 ② 최대값: 10, 최소값: 3
③ 최대값: 12, 최소값: $\frac{15}{8}$ ④ 최대값: 11, 최소값: $\frac{21}{8}$
⑤ 최대값: 13, 최소값: $\frac{7}{8}$

7. 실수를 계수로 갖는 이차방정식 $x^2 - (m-1)x + (m+1) = 0$ 의 해 α 를 갖고, α^3 이 실수일 때, m 의 값은?

- ① 0 ② 1 ③ 3
④ 0, 3 ⑤ 0, 1, 3

8. 다음의 그림에서 점 C, D, E는 점 A를 중심으로 하는 반원 위에 있다. 계수가 유리수인 이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ ($a < 0$)의 그래프가 점 E를 지날 때, 반드시 지나는 또 다른 점을 구하면?

① A ② B ③ C

④ D ⑤ O



9. x 의 방정식 $x^4 - 2(3k + 1)x^2 + 7k^2 + 3k = 0$ 이 서로 다른 네 개의 실근을 갖기 위한 실수 k 의 값의 범위를 구하면?

- ① $k > 0$ ② $k < 0$ ③ $k > 1$
④ $k < 1$ ⑤ $0 < k < 1$

10. 다음 그림은 이차함수 $y = f(x)$ 의 그래프이다. 방정식 $f(f(x)) = 0$ 의 서로 다른 세 실근의 합은?



- ① $-\frac{5}{2}$ ② $-\frac{3}{2}$ ③ $-\frac{1}{2}$ ④ 0 ⑤ 1

11. 포물선 $y = x^2 - 7x + 10$ 이 직선 $y = 2x + k$ 에 의하여 잘려지는 선분의 길이가 5 일 때 상수 k 의 값은?

① -9 ② -6 ③ 0 ④ 6 ⑤ 9

12. $-1 \leq x \leq 1$ 에서 함수 $y = (x^2 + 2x)^2 - 4(x^2 + 2x) + 2$ 의 최댓값과 최솟값의 합은?

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

13. 다음 그림과 같이 직선이 $y = -x + 3$ 의 위의 점 P에서 x 축과 y 축에서 내릴 수선의 발이 각각 Q, R이고 직사각형 PQOR의 넓이를 y라고 한다. y가 최대가 될 때, 점 P의 좌표는?



$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \left(-2, \frac{3}{2} \right) & \textcircled{2} \left(0, \frac{3}{2} \right) & \textcircled{3} \left(\frac{3}{2}, \frac{3}{2} \right) \\ \textcircled{4} \left(-\frac{3}{2}, -2 \right) & \textcircled{5} \left(-\frac{1}{3}, \frac{3}{2} \right) & \end{array}$$

14. 직각을 낀 두 변의 길이의 합이 16 인 직각삼각형의 넓이의 최댓값은?

- ① 18 ② 32 ③ 48 ④ 64 ⑤ 80

15. x 에 관한 방정식 $x^4 - 3x^3 + 5x^2 + ax + b = 0$ 의 한 근이 $1 - 2i$ 일 때,
실수 a, b 의 값을 구하면?

- | | |
|--------------------|---------------------|
| ① $a = -1, b = -2$ | ② $a = -1, b = -10$ |
| ③ $a = 1, b = 4$ | ④ $a = 1, b = 6$ |
| ⑤ $a = 2, b = 6$ | |

16. 두 이차방정식 $x^2 + ax + 2b = 0$, $x^2 + bx + 2a = 0$ 이 공통근을 가질 경우에 대한 다음 설명 중 옳은 것으로만 짝지어진 것은? (단, 중근은 1개의 근으로 본다.)

(ㄱ) $a = 0$ 이면 두 개의 공통근을 갖는다.

(ㄴ) $a + b = -2$ 이면 오직 한 개의 공통근을 갖는다.

(ㄷ) $a = b$ 이거나 $a + b = -2$ 이면 적어도 한 개의 공통근을 갖는다.

(ㄹ) $a + b = -2$ 이고 $a \neq -1$ 이면 오직 한 개의 공통근을 갖는다.

① (ㄱ), (ㄴ), (ㄷ)

② (ㄱ), (ㄴ)

③ (ㄷ)

④ (ㄷ), (ㄹ)

⑤ (ㄹ)

17. $N_1, N_2, N_3, \dots, N_8$ 은 모두 자연수이고, $N_1 < N_2 < \dots < N_8$,
 $N_1 + N_2 + N_3 + \dots + N_8 = 80$ 이라 할 때, N_8 의 최댓값은? (단,
 $N_1 = 4$)

① 29 ② 30 ③ 31 ④ 32 ⑤ 33