

1. 두 자연수  $a, b$ 에 대하여  $a * b = -4a + b + 3$ 이라고 할 때,  $(3 * a) * 2 = (2 * b)$ 의 해  $(a, b)$ 의 순서쌍의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 11 개

해설

$$(-12 + a + 3) * 2 = (-8 + b + 3)$$

$$(a - 9) * 2 = (b - 5)$$

$$-4a + 36 + 2 + 3 = b - 5$$

$$4a + b = 46$$

$$a = 1 \text{ 일 때, } b = 42$$

$$a = 2 \text{ 일 때, } b = 38$$

⋮

$$a = 10 \text{ 일 때, } b = 6$$

$$a = 11 \text{ 일 때, } b = 2$$

따라서  $(a, b)$ 의 개수는 11 개이다.

2. 미지수가 2개인 일차방정식  $\frac{2x+y+3}{2} = \frac{2y-2(x-1)}{3}$  의 한 해가  $x = k$ ,  $y = -5$  일 때,  $k$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : -1

해설

식의 양변에 6을 곱하면,

$$3(2x+y+3) = 2\{2y-2(x-1)\}$$

$$6x + 3y + 9 = 4y - 4x + 4, 10x - y = -5$$

$(k, -5)$ 를 대입하면,  $10k + 5 = -5 \quad \therefore k = -1$

3. 연립방정식  $4x - 3y - 2z = 0$ ,  $-x + y = z$  를 만족하는 세 자연수  $x, y, z$  의 곱이 240 일 때,  $\frac{y-z}{x}$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$$4x - 3y - 2z = 0 \cdots ⑦$$

$$-x + y - z = 0 \cdots ⑧$$

$$\textcircled{7} - \textcircled{8} \times 2 \text{ 를 하면 } y = \frac{6}{5}x$$

$$y = \frac{6}{5}x \text{ 를 } \textcircled{8} \text{에 대입하면 } z = \frac{1}{5}x$$

$$\text{따라서 } x : y : z = x : \frac{6}{5}x : \frac{1}{5}x = 5 : 6 : 1 \text{ 이므로}$$

$$x = 5k, y = 6k, z = k \text{ 라 하면}$$

$$xyz = 240 \text{ 이므로 } 30k^3 = 240$$

$$k^3 = 8$$

$$\therefore k = 2$$

$$x = 10, y = 12, z = 2 \text{ 이므로}$$

$$\frac{y-z}{x} = \frac{12-2}{10} = 1$$

4. 정수  $x, y$ 에 대하여 두 정수  $x$ 와  $y$ 를 곱한 값과  $x$ 와  $y$ 를 더한 값보다 2 만큼 큰 수는 서로 크기가 같다고 할 때, 아래와 같은 식이 성립하도록 하는  $z$  값을 모두 구하여라.

$$\frac{16^x}{8^y} = 64^z$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $-\frac{2}{3}$

▷ 정답:  $\frac{5}{3}$

▷ 정답: 1

▷ 정답:  $-\frac{4}{3}$

### 해설

$$\frac{16^x}{8^y} = 64^z \text{에서}$$

$$\frac{2^{4x}}{2^{3y}} = 2^{6z}$$

$$2^{4x-3y} = 2^{6z} \quad \text{∴므로}$$

$$4x - 3y = 6z$$

$$\therefore z = \frac{4x - 3y}{6}$$

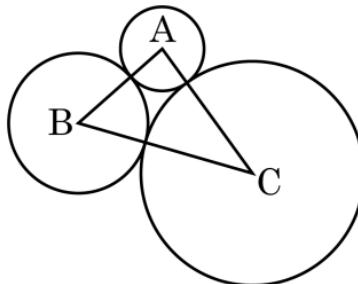
한편  $x \times y = x + y + 2$ 의 식이 성립한다.

$$xy - x - y - 2 = 0, x(y-1) - (y-1) - 3 = 0 \quad \therefore (x-1)(y-1) = 3$$

$x, y$ 가 정수이므로  $(x-1, y-1)$ 은  $(1, 3), (3, 1), (-1, -3), (-3, -1)$   
 $(x, y)$ 는  $(2, 4), (4, 2), (0, -2), (-2, 0)$

따라서  $z$ 는  $-\frac{2}{3}, \frac{5}{3}, 1, -\frac{4}{3}$ 이다.

5. 다음 그림과 같이 세 원 A, B, C 가 접해 있다.  $\overline{AB} = 8\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 13\text{cm}$ ,  $\overline{CA} = 11\text{cm}$  일 때, 세 원의 넓이의 비는?



- ①  $3 : 5 : 7$       ②  $12 : 35 : 24$       ③  $8 : 13 : 15$   
④  $9 : 25 : 24$       ⑤  $15 : 25 : 21$

### 해설

세 원 A, B, C 의 반지름의 길이가 각각  $a$ ,  $b$ ,  $c$  라고 하면

$$\begin{array}{rcl} a+b=8 \\ b+c=13 \\ +) \quad c+a=11 \\ \hline 2(a+b+c)=32 \end{array}$$

$\therefore a+b+c=16$  이므로  $a=3$ ,  $b=5$ ,  $c=8$  이다. 넓이의 비는  $3^2 : 5^2 : 8^2 = 9 : 25 : 64$

6. 다음 연립방정식을 풀어라.

$$\begin{cases} \frac{7}{x+1} - \frac{3}{y+1} = 10 \\ -\frac{2}{x+1} + \frac{2}{y+1} = -5 \end{cases}$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = \frac{3}{5}$  또는 0.6

▷ 정답:  $y = -\frac{23}{15}$

해설

$\frac{1}{x+1} = A, \frac{1}{y+1} = B$ 로 놓으면

$$\begin{cases} 7A - 3B = 10 \cdots \textcircled{\text{D}} \\ -2A + 2B = -5 \cdots \textcircled{\text{L}} \end{cases}$$

$$\begin{array}{r} 14A - 6B = 20 \\ +) -6A + 6B = -15 \\ \hline 8A = 5 \end{array}$$

$$\therefore A = \frac{5}{8}$$

㉡에  $A = \frac{5}{8}$ 를 대입하면

$$-2 \times \frac{5}{8} + 2B = -5, B = -\frac{15}{8}$$

$$\frac{1}{x+1} = \frac{5}{8}, x+1 = \frac{8}{5}, x = \frac{3}{5}$$

$$\frac{1}{y+1} = -\frac{15}{8}, y+1 = \frac{-8}{15}, y = -\frac{23}{15}$$

7. 연립방정식  $\begin{cases} -\frac{a}{2}x + \frac{1}{3}y = \frac{5}{8} \\ 4x - 2by = -3 \end{cases}$  의 해가 무수히 많을 때,  $ab$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $\frac{4}{3}$

해설

$$\frac{-\frac{a}{2}}{4} = \frac{\frac{1}{3}}{-2b} = \frac{\frac{5}{8}}{-3}$$

$$-\frac{a}{8} = -\frac{5}{24}, \quad a = \frac{5}{3}$$

$$-\frac{1}{6b} = -\frac{5}{24}, \quad b = \frac{4}{5}$$

$$\therefore ab = \frac{4}{3}$$

8. 연립방정식  $\begin{cases} 0.ax + 0.8y = 2 \\ 0.3x + \frac{b}{5}y = 0.5 \end{cases}$  의 해가 무수히 많을 때,  $ab$ 의 값은?

- ① 10      ② 11      ③ 12      ④ 13      ⑤ 14

해설

$$\begin{cases} 0.ax + 0.8y = 2 \\ 0.3x + \frac{b}{5}y = 0.5 \end{cases} \text{에서 } \begin{cases} ax + 8y = 20 \\ 3x + 2by = 5 \end{cases}$$

$$\frac{a}{3} = \frac{8}{2b} = \frac{20}{5}, \frac{a}{3} = \frac{4}{b} = 4, a = 12, b = 1$$

$$\therefore ab = 12$$

9. 어느 세포는 1 시간 동안 A, B, C, D 단계를 거쳐 두 개로 분해한다.  
A, B, C 단계에 걸리는 시간은 각각 자기 단계를 제외한 나머지 세 단계를 거치는 데 걸리는 시간의  $\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}$  일 때, D 단계에 걸리는 시간은 얼마인지 구하여라.

▶ 답 : 분

▷ 정답 : 13분

해설

A, B, C, D 단계에 걸리는 시간을 각각  $x, y, z, w$  분이라 하면  
 $x + y + z + w = 60 \cdots \textcircled{1}$

$$x = \frac{1}{2}(y + z + w), y + z + w = 2x \cdots \textcircled{2}$$

$$y = \frac{1}{3}(x + z + w), x + z + w = 3y \cdots \textcircled{3}$$

$$z = \frac{1}{4}(x + y + w), x + y + w = 4z \cdots \textcircled{4}$$

㉡, ㉢, ㉣을 ①에 대입하여 연립방정식을 풀면

$$\therefore x = 20, y = 15, z = 12$$

$$\therefore w = 60 - (20 + 15 + 12) = 13$$

D 단계에 걸리는 시간은 13 분이다.

10. 어떤 전기회사에서 가정 전기의 1개월 전기요금을 다음과 같이 정하였다.

사용 전력량이 15kwh까지는 기본요금  $a$ 원, 사용 전력량이 15kwh를 넘었을 때, 넘어간 양에 대해서는 1kwh 당  $b$  원의 초과요금과 기본요금을 더한다.

사용 전력량이 120kwh를 넘었을 때, 넘어간 양에 대해서는 1kwh 당  $b$ 의 25 %가 증가한 초과요금과 120kwh 일 때의 전기요금을 더한다.

어떤 가정에서 10월에는 95kwh를 사용하여 1540원을, 또 12월에는 140kwh를 사용하여 2340원을 전기요금으로 냈다. 기본요금을  $a$  원, 15kwh를 넘었을 때의 초과요금을  $b$  원이라 할 때,  $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 244

해설

$$10\text{월에 낸 요금} : a + (95 - 15)b = 1540$$

$$12\text{월에 낸 요금} : a + (120 - 15)b + (140 - 120) \times 1.25b = 2340$$

두 방정식을 연립하여 풀면  $a = 260$ ,  $b = 16$

11. 농도가 30% 인 알코올 용액과 농도가 20% 인 알코올 용액이 각각 1kg씩 있다. 이 두 용액을 적당히 섞어서 농도가 24% 인 알코올 용액을 만들려고 할 때, 만들 수 있는 알코올 용액의 양의 최댓값을 구하여라.

▶ 답 :

g

▷ 정답 :  $\frac{5000}{3}$  g

해설

30% 농도의 알코올을  $x$ g, 20% 농도의 알코올을  $y$ g 섞어서 24%의 알코올을 만들었다면

	물의 양	알코올의 양	합계
30% 알코올	$\frac{7}{10}x$	$\frac{3}{10}x$	$x$
20% 알코올	$\frac{8}{10}y$	$\frac{2}{10}y$	$y$

섞어서 만든 알코올의 농도가 24% 이므로 물과 알코올의 비는 76 : 24 이다.

$$(0.7x + 0.8y) : (0.3x + 0.2y) = 76 : 24$$

$$2y = 3x \quad \therefore x : y = 2 : 3$$

그런데  $0 \leq y \leq 1000$ g 이므로 최대한 만들 수 있는 알코올의 양은  $y = 1000$ g 이고  $x = \frac{2000}{3}$ g 일 때

$$x + y = \frac{2000}{3} + 1000 = \frac{5000}{3} (\text{g}) \text{ 이다.}$$

12. A, B 두 사람이 가위바위보를 하여 이긴 사람은 두 계단씩 올라가고 진 사람은 한 계단씩 내려가기로 하였다. 이 게임이 끝났을 때, 처음보다 A 는 25 계단, B 는 4 계단 올라가 있었다. B 가 이긴 횟수는? (단, 비긴 경우는 없다.)

- ① 11회      ② 12회      ③ 13 회      ④ 14 회      ⑤ 15 회

해설

A 가 진 횟수를  $x$ , 이긴 횟수를  $y$  라고 하면 B 가 이긴 횟수는  $x$ , 진 횟수는  $y$  이다.

$$\begin{cases} -x + 2y = 25 \\ 2x - y = 4 \end{cases}$$

$$\therefore x = 11, y = 18$$

13. A 도시의 인구를 조사했더니 현재 남자과 여자의 비가 11 : 10 이고, 작년의 인구 수와 비교했더니 남자는 10% 증가하였고, 여자는 20% 감소하였다. 현재 인구가 210000 명이라고 할 때, 전체 도시 인구는 얼마나 변화했는지 구하여라.

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 15000 명

해설

현재 도시의 남녀 인구수의 비가 11 : 10 이므로 현재 남자 인구 수는  $210000 \times 11 \div 21 = 110000$  이고, 여자 인구 수는  $210000 - 110000 = 100000$  이다.

작년에 비해 남자 인구 수는 10% 증가했고, 여자 인구 수는 20% 감소했으므로 작년 남녀 인구 수는 각각

$$110000 \div 1.1 = 100000 \text{ (명)}$$

$$100000 \times 1.25 = 125000 \text{ (명)}$$

$$\begin{aligned}(\text{작년 전체 인구 수}) &= 100000 + 125000 \\&= 225000 \text{ (명)}\end{aligned}$$

따라서 전체 도시 인구 수는 작년에 비해 15000 명 감소하였다.

14. 속력이 일정한 배가 강물을 거슬러 올라가서 5km를 가는데 1시간이 걸렸고, 강물을 따라 같은 거리를 내려오는 데 15분이 걸렸다. 정지한 물에서의 배의 속력을 구하여라.

▶ 답 : km/h

▶ 정답 : 12.5 km/h

### 해설

정지한 물에서 배의 속력을  $x\text{km}/\text{h}$ , 강물의 속력을  $y\text{km}/\text{h}$  라 하면

$$\frac{5}{x-y} = 1, \quad x - y = 5$$

$$\frac{5}{x+y} = \frac{1}{4}, \quad x + y = 20$$

$$\therefore x = \frac{25}{2}, y = \frac{15}{2}$$

따라서 정지한 물에서 배의 속력은 12.5km/h

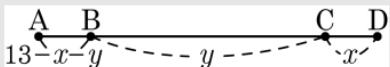
15. 학교에서 13km 떨어진 체육관으로 시합을 하러 가는데 두 조로 나누어서 1 조는 시속 4km 의 속력으로 걸어가고 2 조는 시속 40km 로 달리는 버스를 타고 동시에 출발하였다. 도중에 2조가 버스에서 내려서 걸어가고 버스는 바로 되돌아가 걸어오던 1 조를 태우고 가서 1 조와 2 조가 동시에 도착하였다. 2 조가 걸은 거리를 구하여라. (단, 두 조가 걸은 거리와 속력은 같고, 버스를 타고 내리는 데 걸린 시간은 무시한다.)

▶ 답 : km

▷ 정답 : 2km

### 해설

출발 지점을  $A$ , 1 조와 버스가 만난 지점을  $B$ , 2 조가 내린 지점을  $C$ , 체육관을  $D$  라 하고 2 조가 내려서 걸은 거리를  $x$ , 버스가 1 조를 만날 때까지 되돌아 온 거리를  $y$  라 하고 그림으로 나타내 보면 다음과 같다.



(1 조가 걸은 시간) = (버스가 되돌아 올 때까지 걸린 시간)

$$\frac{13 - x - y}{4} = \frac{13 - x + y}{40} \quad \dots \textcircled{1}$$

(버스가  $C$ 에서 되돌아와 1 조를 태우고 체육관에 도착할 때까지 걸린 시간) = (2 조가  $C$ 에서 내려 걸어간 시간)

$$\frac{y + (y + x)}{40} = \frac{x}{4} \quad \dots \textcircled{2}$$

①의 양변에 40 을 곱한 후 정리하면

$$9x + 11y = 117 \quad \dots \textcircled{3}$$

②의 양변에 40 을 곱한 후 정리하면

$$9x - 2y = 0 \quad \dots \textcircled{4}$$

$$\textcircled{3} - \textcircled{4} \text{하면 } 13y = 117$$

$$y = 9$$

$$\therefore x = 2$$

16. 함수  $f(x) = \frac{1+x}{1-x}$ 에 대하여,  $f^2(x) = f(f(x)) = \frac{1+f(x)}{1-f(x)}$ ,  $f^3(x) = f(f^2(x)) = \frac{1+f^2(x)}{1-f^2(x)}$ , …로 정의한다. 이 때,  $f^{99}\left(-\frac{1}{2}\right)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -3

### 해설

$$f\left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{1-\frac{1}{2}}{1+\frac{1}{2}} = \frac{1}{3}, \quad f^2\left(-\frac{1}{2}\right) = f\left(\frac{1}{3}\right) = \frac{1+\frac{1}{3}}{1-\frac{1}{3}} =$$

$$2, \quad f^3\left(-\frac{1}{2}\right) = f(2) = \frac{1+2}{1-2} = -3$$

$$f^4\left(-\frac{1}{2}\right) = f(-3) = \frac{1-3}{1+3} = -\frac{1}{2}, \quad \dots$$

$f^n\left(-\frac{1}{2}\right)$ 는  $\frac{1}{3}, 2, -3, -\frac{1}{2}$ 의 값을 순환한다.

$99 \div 4 = 24 \cdots 3$  이므로

$$\therefore f^{99}\left(-\frac{1}{2}\right) = f^3\left(-\frac{1}{2}\right) = -3$$

17.  $x$ 의 값은  $0 \leq x \leq 3$  이면서 유리수이다. 함수  $f(x)$ 가  $x$ 가 정수일 때  $f(x) = 0$ ,  $x$  가 정수가 아닐 때  $f(x) = 1$ 의 함숫값을 갖는다. 서로 다른 유리수  $a, b, c, d$  에 대하여  $f(a) + f(b) + f(c) + f(d) = 0$  일 때,  $a + b + c + d$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 6

해설

$f(a) + f(b) + f(c) + f(d) = 0$  이므로  $a, b, c, d$  는 모두 정수이다.

$0 \leq x \leq 3$ 에서 정수가 될 수 있는 값은 0, 1, 2, 3 이므로

$$\therefore a + b + c + d = 6$$

18. 일차함수  $y = ax + b$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로 3 만큼,  $y$  축의 방향으로 1 만큼 평행이동하였더니  $y = -3x - 7$  의 그래프와 일치하였다. 이때, 상수  $a - b$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 14

해설

$y = ax + b$  의 그래프를  $x$  축 방향으로 3 만큼,

$y$  축 방향으로 1 만큼 평행이동한 것이므로

$$y = a(x - 3) + b + 1 = ax - 3a + b + 1$$

이것이  $y = -3x - 7$  의 그래프와 일치하므로

$$a = -3, b = -17$$

$$\therefore a - b = 14$$

19. 직선  $y = m(2 - x) + 3$  의 그래프를  $y$  축의 방향으로 2 만큼 평행이동한 후,  $x$  축에 대하여 대칭이동한 직선이 원점을 지나는 직선이 될 때, 상수  $m$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $-\frac{5}{2}$

해설

$y = m(2 - x) + 3$  을  $y$  축의 방향으로 2 만큼 평행이동하므로

$$y = -mx + 2m + 3 + 2 = -mx + 2m + 5$$

또한, 이 직선을  $x$  축에 대하여 대칭이동하면  $y$  대신  $-y$  를 대입 하므로

$$-y = -mx + 2m + 5$$

$$\therefore y = mx - 2m - 5$$

이 직선이 원점을 지나는 직선이 되려면  $y$  절편이 0 이어야 하므로  $-2m - 5 = 0$

$$\therefore m = -\frac{5}{2}$$

20. 일차함수  $y = -\frac{3}{2}x + 3$  을  $x$ 축 방향으로 4만큼 평행이동한 직선을  $l$ 이라 하고 직선  $l$ 과  $y$ 축에 대하여 대칭인 직선을  $m$ 이라 할 때, 직선  $l, m$ 과  $x$ 축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 54

해설

직선  $l$ 은

$$y = -\frac{3}{2}(x - 4) + 3$$

$$= -\frac{3}{2}x + 9$$

직선  $m$ 은  $y = \frac{3}{2}x + 9$  이다.

직선  $l, m$ 은  $y$ 절편이 모두 9이고,  $x$ 절편은 각각 6, -6이다.

$$\therefore (\text{넓이}) = (6 + 6) \times 9 \times \frac{1}{2} = 54$$

21. 일차함수  $y = ax + b$ 는 점  $(5, 3)$ 을 지나고  $\frac{f(m) - f(n)}{m - n} = \frac{2}{5}$ 이다. 이 때,  $f(-2) + f(7)$ 의 값은?

① 3

② 4

③ 5

④ 6

⑤ 7

해설

기울기  $a = \frac{2}{5}$ 이므로

$y = \frac{2}{5}x + b$ 에 점  $(5, 3)$ 을 대입하면

$$3 = 2 + b, b = 1$$

$$y = \frac{2}{5}x + 1$$

$$\therefore f(-2) + f(7) = -\frac{4}{5} + 1 + \frac{14}{5} + 1 = 4$$

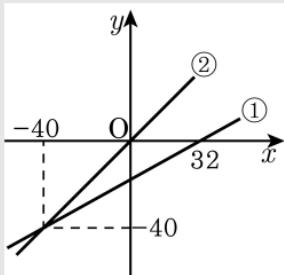
22. 보통 온도를 말할 때 섭씨( $^{\circ}\text{C}$ ) 또는 화씨( $^{\circ}\text{F}$ )로 나타낸다. 두 표현 방식에는  $\text{ }^{\circ}\text{C} = \frac{5}{9}(\text{ }^{\circ}\text{F} - 32)$  의 관계식이 성립한다. 섭씨로 나타낸 숫자가 화씨로 나타낸 온도의 숫자보다 크게 되는 것은 화씨 몇 도 미만인가?

- ① 영하 10도      ② 영하 20도      ③ 영하 30도  
④ 영하 40도      ⑤ 영하 50도

### 해설

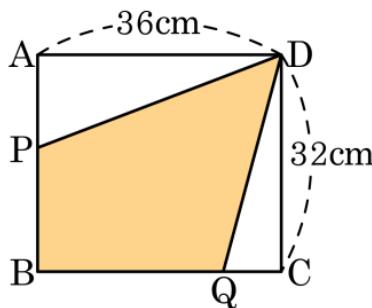
섭씨를  $y$ , 화씨를  $x$  라 하면

관계식은  $y = \frac{5}{9}x - \frac{160}{9}$  … ①



그림에서 ①의 그래프가 직선  $y = x$  … ②보다 위에 있을 경우의  $x$ 의 값의 범위를 구하면 된다. 직선 ①과 ②의 교점이  $(-40, -40)$  이므로  $x < -40$ 이다.

23. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD에서 점 P는 초속 2 cm의 속력으로 점 B에서 A를 향하여 움직이고 점 Q는 초속 3 cm의 속력으로 C를 향하여 움직인다. x초 후의  $\triangle PBQD$ 의 넓이를  $y$ 라고 할 때  $y$ 를  $x$ 의 식으로 나타내고,  $y$ 가  $\square ABCD$  넓이의  $\frac{2}{3}$  일 때,  $x$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 :  $y = 84x$

▷ 정답 :  $x = \frac{64}{7}$

### 해설

$$36 \times 32 \times \frac{2}{3} = 768$$

$$\overline{PB} = 2x, \overline{BQ} = 3x$$

$$\triangle PBD = \frac{1}{2} \times 2x \times 36 = 36x$$

$$\triangle DBQ = \frac{1}{2} \times 3x \times 32 = 48x$$

$$y = \triangle PBD + \triangle DBQ = 36x + 48x = 84x$$

$$84x = 768 \text{에서}$$

$$\therefore x = \frac{64}{7}$$

24. 용량이 600ml의 욕조에 물을 500ml 까지 채우고 목욕을 한 후 욕조의 물을 모두 빼내려 한다. 1분에 100ml씩 욕조에 물을 채우고 물이 다 찬 상태에서 10분간 목욕을 한 후 2분에 50ml씩 물을 빼낸다. 욕조에 물을 채우기 시작할 때부터 물을 모두 빼낼 때 까지의 시간을  $x$  (분) 라 하고 욕조에 들어있는 물의 양을  $f(x)$  라 할 때,  $f(x)$ 의 그래프와  $x$  축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 11250

해설

욕조에 500ml의 물을 채우는 데 걸리는 시간은  $\frac{500}{100} = 5$  (분)

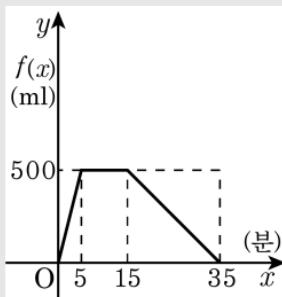
이다.

즉,  $0 \leq x \leq 5$  일 때,  $f(x) = 100x$

목욕시간이 10분이므로  $5 \leq x \leq 15$  일 때,  $f(x) = 500$

욕조에 있는 500ml의 물을 빼내는데 걸리는 시간은  $\frac{500}{25} = 20$  (분) 이므로

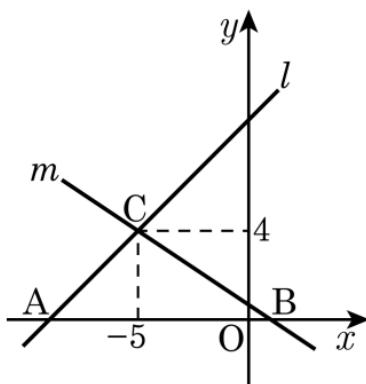
$15 \leq x \leq 35$  일 때,  $f(x) = -25x + 875$



$f(x)$ 의 그래프와  $x$  축으로 둘러싸인 부분의 넓이는

$$5 \times 500 \times \frac{1}{2} + (15 - 5) \times 500 + (35 - 15) \times 500 \times \frac{1}{2} = 11250 \text{ 이다.}$$

25. 다음 그림에서 직선  $\ell$ ,  $m$ 의 기울기는 각각 1,  $-\frac{2}{3}$ 이고, 교점의 좌표가  $C(-5, 4)$ 이다.  $\ell$ ,  $m$ 이  $x$ 축과 만나는 점을 각각 A, B라고 할 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이는?



- ① 10      ② 20      ③ 30      ④ 40      ⑤ 50

### 해설

$\ell : y = x + b$ 에 점  $(-5, 4)$ 를 대입하면

$$4 = -5 + b \text{에서 } b = 9$$

$$\therefore y = x + 9$$

점 A는 이 식의  $x$ 절편이므로  $y = 0$ 일 때,

$$0 = x + 9 \quad \therefore x = -9$$

$m : y = -\frac{2}{3}x + c$ 에 점  $(-5, 4)$ 를 대입하면

$$4 = \frac{10}{3} + c \text{에서 } c = -\frac{2}{3}$$

$$\therefore y = -\frac{2}{3}x + \frac{2}{3}$$

점 B는 이 식의  $y$ 절편이므로  $x = 0$ 일 때,

$$0 = -\frac{2}{3}x + \frac{2}{3} \text{에서 } \therefore x = 1$$

$$\Delta ABC = \frac{1}{2} \times \{1 - (-9)\} \times 4 = 20$$

**26.** 일차함수  $f(x) = -x + 9$ 에서  $f(a) = 2a, f(2b) = -b, f(ab) = c$  일 때,  $f\left(\left|\frac{c}{2}\right|\right)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 0

해설

$f(a) = 2a$ 에서  $-a + 9 = 2a, a = 3$ 이다.

$f(2b) = -b$ 에서  $-2b + 9 = -b, b = 9$ 이다.

$f(ab) = f(27) = -27 + 9 = -18 = c$ 이다.

$$\therefore f\left(\left|\frac{c}{2}\right|\right) = f\left(\left|\frac{-18}{2}\right|\right) = f(9) = -9 + 9 = 0$$

27. 직선  $y = 3$  과 수직으로 만나고  $(-1, 5)$  를 지나는 직선의 그래프가  $(a - 3)x + (2b + 2)y - 4 = 0$  일 때, 상수  $a, b$  에 대하여  $a - b$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 0

해설

$y = 3$  과 수직으로 만나려면 주어진 일차방정식의  $y$  계수가 0 이 되어야 하고  $(-1, 5)$  를 지나므로

$$2b + 2 = 0 \quad \therefore b = -1$$

$$(a - 3)(-1) - 4 = 0 \quad \therefore a = -1$$

$$\therefore a - b = 0$$

28. 세 직선  $2x + 3y = 4$ ,  $3x + y - 13 = 0$ ,  $x - ay + 7 = 0$ 이 한 점에서 만날 때,  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ **답:**

▶ **정답:** -6

해설

$$\begin{cases} 2x + 3y = 4 & \cdots \textcircled{①} \\ 3x + y - 13 = 0 & \cdots \textcircled{②} \end{cases}$$

①과 ②을 연립하여 풀면  $x = 5$ ,  $y = -2$

즉, 세 직선은 점  $(5, -2)$ 에서 만난다.

$x - ay + 7 = 0$ 에 점  $(5, -2)$ 를 대입하면

$$5 + 2a + 7 = 0, 2a = -12, a = -6$$

29. 직선  $y = ax + \frac{5}{2}$  가 세 직선  $y = -x + 3$ ,  $y = 2x + 2$ ,  $y = 0$  으로 둘러싸인 삼각형의 둘레와 만나지 않도록 하는  $a$  의 범위의 최솟값과 최댓값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 최솟값 =  $\frac{1}{2}$

▷ 정답 : 최댓값 =  $\frac{5}{2}$

### 해설

좌표평면에

$y = -x + 3 \cdots \textcircled{\text{1}}$ ,  $y = 2x + 2 \cdots \textcircled{\text{2}}$  의  
그래프를 나타내면

$y = ax + \frac{5}{2}$  가  $y = 0$  과  $\textcircled{\text{1}}$ ,  $\textcircled{\text{2}}$  에 의하여

만들어지는 삼각형 ABC 와

만나지 않으려면  $y = ax + \frac{5}{2}$  의 그래프

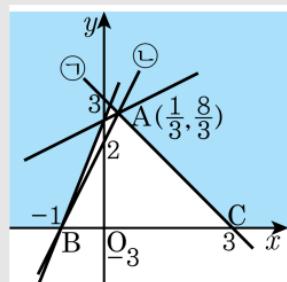
가 어두운 부분의 범위가 된다.

$y = ax + \frac{5}{2}$  에서 점 A  $\left(\frac{1}{3}, \frac{8}{3}\right)$  을 대입하면

$$\frac{8}{3} = \frac{1}{3}a + \frac{5}{2} \therefore a = \frac{1}{2}$$

$$\text{또, } B(-1, 0) \text{ 을 대입하면 } a = \frac{5}{2}$$

따라서,  $\frac{1}{2} \leq a \leq \frac{5}{2}$  이므로  $a$  의 값의 최솟값은  $\frac{1}{2}$ , 최댓값은  $\frac{5}{2}$   
이다.



30. 좌표평면에서 두 직선  $y = 2x + 4$  와  $y = -x + 7$ 의 교점을 A, 직선  $y = 2x + 4$  와  $y$ 축이 만나는 점을 B, 직선  $y = -x + 7$ 과  $x$ 축이 만나는 점을 C라고 할 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

$$2x + 4 = -x + 7 \text{에서}$$

$$3x = 3, x = 1, y = 6$$

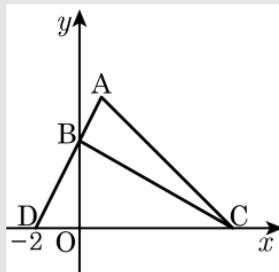
점 A의 좌표 : (1, 6)

$y = 2x + 4$ 에서  $x = 0$  일 때  $y = 4$  이므로

점 B의 좌표 : (0, 4)

$y = -x + 7$ 에서  $y = 0$  일 때  $x = 7$  이므로

점 C의 좌표 : (7, 0)



$$\triangle ABC = \triangle ADC - \triangle BDC$$

$$\begin{aligned} &= \left( \frac{1}{2} \times 9 \times 6 \right) - \left( \frac{1}{2} \times 9 \times 4 \right) \\ &= 9 \end{aligned}$$

31. 직선  $y = ax$ 의 그래프가  $y = 2x + 5$ 의 그래프와  $x$ 축,  $y$ 축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 이등분한다고 할 때, 상수  $a$ 의 값은?

①  $-\frac{7}{2}$

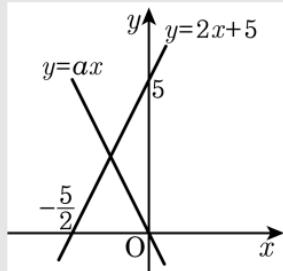
②  $-3$

③  $-\frac{5}{2}$

④  $-2$

⑤  $-\frac{1}{2}$

해설



$y = 2x + 5$ 에서

$$x \text{ 절편} : 0 = 2x + 5, x = -\frac{5}{2}$$

$$y \text{ 절편} : y = 5 \quad \therefore (\text{넓이}) = \frac{1}{2} \times \frac{5}{2} \times 5 = \frac{25}{4}$$

$y = ax$ 가 넓이를 이등분하려면  $y = 2x + 5$  와  $y = \frac{5}{2}$  일 때 만나야 한다.

$$\frac{5}{2} = 2x + 5, x = -\frac{5}{4}$$

$y = ax$ 에 점  $\left(-\frac{5}{4}, \frac{5}{2}\right)$  를 대입하면

$$\frac{5}{2} = a \times \left(-\frac{5}{4}\right) \quad \therefore a = -2$$