

1. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하면?

- ① 30° ② 35° ③ 45°

- ④ 50° ⑤ 80°



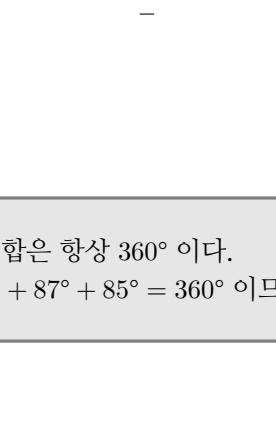
해설

맞꼭지각의 크기가 같고,
두 삼각형의 세 내각의 크기의 합은 180° 이므로

$$45^\circ + \angle x = 30^\circ + 50^\circ$$

$$\therefore \angle x = 35^\circ$$

2. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



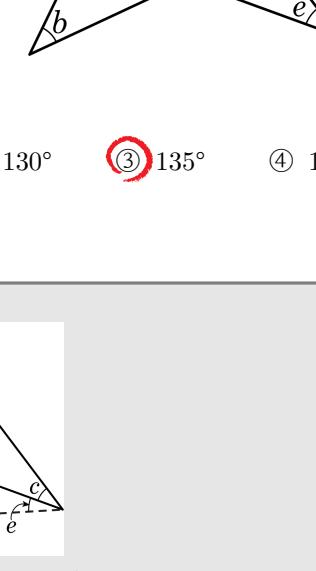
▶ 답: $\underline{\hspace{1cm}}$ °

▷ 정답: 88 °

해설

다각형의 외각의 합은 항상 360° 이다.
따라서 $\angle x + 100^\circ + 87^\circ + 85^\circ = 360^\circ$ 이므로 $\angle x = 88^\circ$ 이다.

3. 다음 그림에서 $\angle a + \angle b + \angle c$ 의 값을 구하면?



- ① 120° ② 130° ③ 135° ④ 150° ⑤ 180°

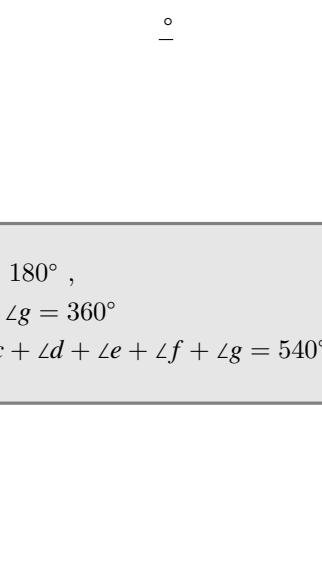
해설



$20^\circ + 25^\circ = \angle d + \angle e$ [므로
 $\angle a + \angle b + \angle c + 20^\circ + 25^\circ = 180^\circ$ 는 삼각형의 내각의 합인 180° 이다.

따라서 $a + b + c = 135^\circ$ 이다.

4. 다음 도형에서 $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f + \angle g$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

°

▷ 정답: 540°

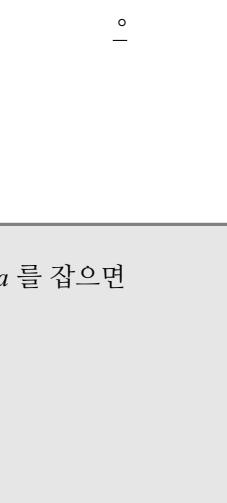
해설

$$\angle a + \angle c + \angle f = 180^\circ,$$

$$\angle b + \angle d + \angle e + \angle g = 360^\circ$$

$$\therefore \angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f + \angle g = 540^\circ$$

5. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



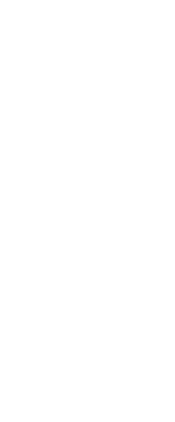
▶ 답:

°

▷ 정답: 105°

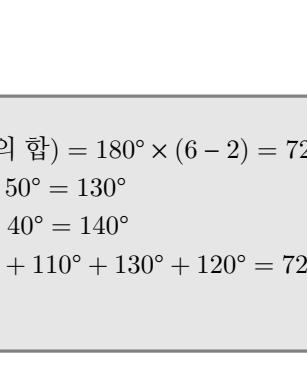
해설

다음 그림과 같이 $\angle a$ 를 잡으면



삼각형의 한 외각의 크기는
그와 이웃하지 않는 두 내각의 크기의 합과 같으므로
 $\angle a = 40^\circ + 35^\circ = 75^\circ$
 $\angle x = \angle a + 30^\circ = 105^\circ$ 이다.

6. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하면?



- ① 160° ② 150° ③ 140° ④ 130° ⑤ 120°

해설

$$(\text{육각형의 내각의 합}) = 180^\circ \times (6 - 2) = 720^\circ$$

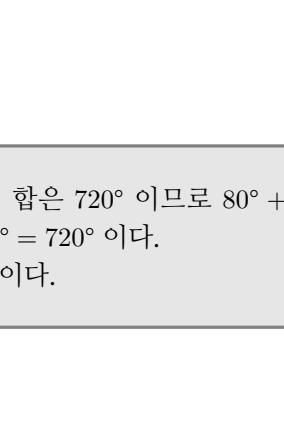
$$\angle FED = 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ$$

$$\angle BCD = 180^\circ - 40^\circ = 140^\circ$$

$$\angle x + 80^\circ + 140^\circ + 110^\circ + 130^\circ + 120^\circ = 720^\circ$$

$$\therefore \angle x = 140^\circ$$

7. 다음 그림에서 x 의 값을 구하여라.



▶ 답:

°

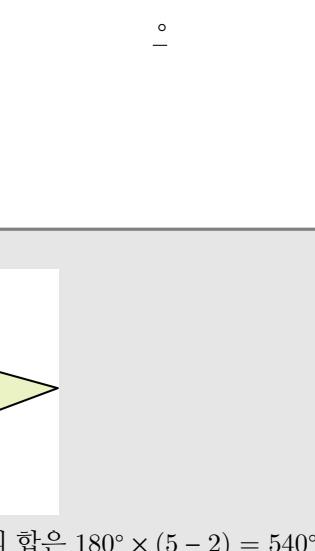
▷ 정답: 125 °

해설

육각형의 내각의 합은 720° 이므로 $80^\circ + 75^\circ + (360^\circ - x) + 100^\circ + 85^\circ + 145^\circ = 720^\circ$ 이다.

따라서 $x = 125^\circ$ 이다.

8. 다음 그림에서 $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

°

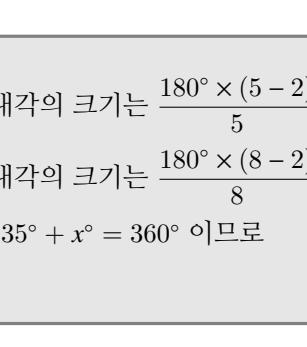
▷ 정답: 540°

해설



오각형의 내각의 합은 $180^{\circ} \times (5 - 2) = 540^{\circ}$ 이므로 $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e = 540^{\circ}$ 이다.

9. 다음 그림은 정오각형과 정팔각형의 각각의 한 변을 겹쳐 놓은 것이다.
 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 110° ② 113° ③ 115° ④ 117° ⑤ 119°

해설

정오각형의 한 내각의 크기는 $\frac{180^\circ \times (5 - 2)}{5} = 108^\circ$ 이고,

정팔각형의 한 내각의 크기는 $\frac{180^\circ \times (8 - 2)}{8} = 135^\circ$ 이다.

따라서 $108^\circ + 135^\circ + x^\circ = 360^\circ$ 이므로

$x = 117^\circ$ 이다.

10. 다음은 정팔각형에 대한 내용이다. 옳지 않은 것은?

- ① 내각의 크기의 합은 1080° 이다.
- ② 대각선의 총 개수는 20 개이다.
- ③ 한 내각의 크기는 135° 이다.
- ④ 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수는 6 개이다.
- ⑤ 한 외각의 크기는 45° 이다.

해설

④ 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수는 $8 - 3 = 5$ (개) 이다.

11. 내각과 외각의 크기의 비가 $3 : 2$ 인 정다각형의 내각의 크기의 합은?

- ① 480° ② 500° ③ 540° ④ 620° ⑤ 740°

해설

정다각형에서 한 내각의 크기와 한 외각의 크기의 합은 항상 180° 이다.

$$3x + 2x = 180^\circ$$

$$\therefore x = 36^\circ$$

한 내각은 $3x^\circ$ 이므로 108° 를 한 내각으로 하는 정다각형이다.
따라서 정5각형이며, 정5각형의 내각의 총합은 $108^\circ \times 5 = 540^\circ$ 이다.

12. 한 내각의 크기가 108° 인 정다각형의 변의 개수는?

- ① 3개 ② 4개 ③ 5개 ④ 6개 ⑤ 7개

해설

한 외각의 크기는 $180^\circ - 108^\circ = 72^\circ$

$$\frac{360^\circ}{n} = 72^\circ \quad \therefore n = 5$$

따라서 정오각형의 변의 개수는 5이다.

13. 정십각형의 한 외각의 크기와 정팔각형의 한 내각의 크기의 합은?

- ① 171° ② 185° ③ 200° ④ 279° ⑤ 81°

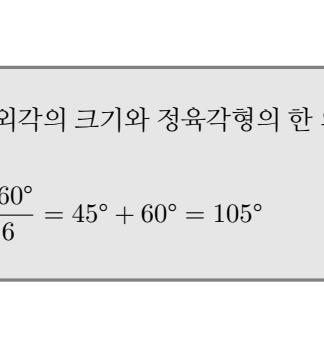
해설

$$a = 360^\circ \div 10 = 36^\circ$$

$$b = \frac{180^\circ \times (8 - 2)}{8} = 135^\circ$$

$$\therefore a + b = 171^\circ$$

14. 다음 그림은 한 변의 길이가 같은 정팔각형과 정육각형이다. $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

°

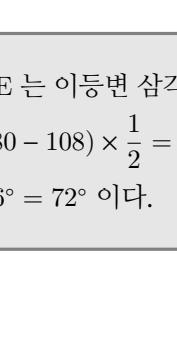
▷ 정답: 105 °

해설

정팔각형의 한 외각의 크기와 정육각형의 한 외각의 크기의 합과 같으므로

$$\angle x = \frac{360^\circ}{8} + \frac{360^\circ}{6} = 45^\circ + 60^\circ = 105^\circ$$

15. 다음 그림은 정오각형이다. $\angle x$ 의 크기는?



- ① 68° ② 70° ③ 72° ④ 74° ⑤ 76°

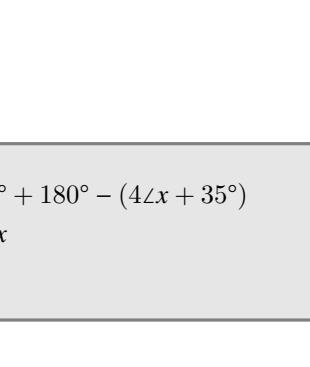
해설

정오각형이므로 $\triangle CDE$ 는 이등변 삼각형이므로

$$\angle ECD = \angle CED = (180 - 108) \times \frac{1}{2} = 36^\circ \text{이다.}$$

따라서 $\angle x = 108^\circ - 36^\circ = 72^\circ$ 이다.

16. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

$^\circ$

▷ 정답: 22°

해설

$$5\angle x = 3\angle x - 13^\circ + 180^\circ - (4\angle x + 35^\circ)$$

$$5\angle x = 132^\circ - \angle x$$

$$\therefore \angle x = 22^\circ$$

17. 다음은 오각형의 내각의 크기의 합을 구하는 과정을 나타낸 것이다.
① ~ ⑤에 들어갈 것으로 알맞지 않은 것은?

다음 그림과 같이 오각형의 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수는 (①) 개이고, 이 때 (②) 개의 (③)으로 나누어진다.

따라서, 오각형의 내각의 크기의 합은 (④) \times (⑤) = (⑥)

- ① ⑦ : 2 ② ⑧ : 3 ③ ⑨ : 삼각형
④ ⑩ : 120° ⑤ ⑪ : 540°

해설

오각형의 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수는 2 개이고, 이때 3 개의 삼각형으로 나누어진다.

따라서, 오각형의 내각의 합은 $180^\circ \times 3 = 540^\circ$ 이다.

18. 대각선의 총수가 27 개인 정다각형의 한 내각의 크기를 구하여라.

▶ 답:

°

▷ 정답: 140°

해설

$$\frac{n(n-3)}{2} = 27$$

$$n(n-3) = 54$$

$$\therefore n = 9$$

정구각형의 한 내각의 크기는 $\frac{180^\circ \times (9-2)}{9} = 140^\circ$ 이다.