

1. $\frac{42}{60}$ 를 약분하여 나타낼 수 있는 분수를 모두 고르시오.

- ① $\frac{5}{6}$ ② $\frac{7}{10}$ ③ $\frac{12}{15}$ ④ $\frac{14}{20}$ ⑤ $\frac{21}{30}$

해설

42와 60의 최대공약수를 구하여 두 수의 공약수를 구하여 봅니다. 최대공약수가 6이므로 42와 60의 공약수는 1, 2, 3, 6입니다.

2. 안에 알맞은 말을 차례대로 써넣으시오.

분수의 분모와 분자를 그들의 로 나누는 것을 약분하고 하며, 분자와 분모를 그들의 로 나누면 가 됩니다.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 공약수

▷ 정답: 최대공약수

▷ 정답: 기약분수

해설

기약분수는 분모와 분자의 최대공약수를 구하여, 분모와 분자를 최대공약수로 나누어 만듭니다.

3. 분모와 분자의 최대공약수를 이용해서 기약분수로 약분하였다. 바르지 못한 것은 어느 것입니까?

$$\textcircled{1} \quad \frac{12}{18} \rightarrow \frac{2}{3}$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{36}{48} \rightarrow \frac{3}{4}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{6}{9} \rightarrow \frac{2}{3}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{12}{15} \rightarrow \frac{4}{5}$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{24}{30} \rightarrow \frac{5}{6}$$

해설

$$\textcircled{1} \quad \frac{12 \div 6}{18 \div 6} = \frac{2}{3}$$

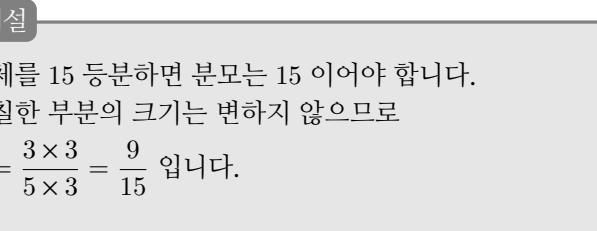
$$\textcircled{2} \quad \frac{6 \div 3}{9 \div 3} = \frac{2}{3}$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{24 \div 6}{30 \div 6} = \frac{4}{5}$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{36 \div 12}{48 \div 12} = \frac{3}{4}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{12 \div 3}{15 \div 3} = \frac{4}{5}$$

4. 다음 막대에서 색칠한 부분은 전체의 $\frac{3}{5}$ 입니다. 이 막대를 15 등분한다면 색칠한 부분은 얼마인지 분수로 나타내시오.



- ① $\frac{3}{15}$ ② $\frac{6}{15}$ ③ $\frac{8}{15}$ ④ $\frac{9}{15}$ ⑤ $\frac{12}{15}$

해설

전체를 15 등분하면 분모는 15이어야 합니다.

색칠한 부분의 크기는 변하지 않으므로

$$\frac{3}{5} = \frac{3 \times 3}{5 \times 3} = \frac{9}{15} \text{입니다.}$$

5. $\frac{2}{3}$ 와 같은 분수를 모두 고르시오.

① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{4}{6}$ ③ $\frac{4}{11}$ ④ $\frac{14}{21}$ ⑤ $\frac{20}{30}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{2}{3} &= \frac{2 \times 2}{3 \times 2} = \frac{4}{6} \\ &= \frac{2 \times 7}{3 \times 7} = \frac{14}{21} \\ &= \frac{2 \times 10}{3 \times 10} = \frac{20}{30}\end{aligned}$$

6. $\frac{18}{24}$ 과 크기가 같은 분수를 모두 고르시오.

- ① $\frac{8}{14}$ ② $\frac{9}{12}$ ③ $\frac{6}{8}$ ④ $\frac{6}{20}$ ⑤ $\frac{6}{9}$

해설

$$\frac{18 \div 2}{24 \div 2} = \frac{9}{12}, \quad \frac{18 \div 3}{24 \div 3} = \frac{6}{8}$$

7. 분모가 24인 진분수 중에서 기약분수는 모두 몇 개입니까?

▶ 답: 개

▷ 정답: 8개

해설

$$\frac{1}{24}, \frac{5}{24}, \frac{7}{24}, \frac{11}{24}, \frac{13}{24}, \frac{17}{24}, \frac{19}{24}, \frac{23}{24}$$

8. $\frac{5}{9}$ 와 크기가 같은 분수 중에서 분모와 분자에 각각 3을 더하여 약분하면 $\frac{3}{5}$ 이 되는 분수를 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{15}{27}$

해설

$$\frac{3}{5} = \frac{6}{10} = \frac{9}{15} = \frac{12}{25} = \frac{18}{30} = \dots$$

$$\frac{5}{9} = \frac{10}{18} = \frac{15}{27} = \dots \text{에서}$$

분모와 분자에 각각 3을 더하여 알아 봅니다.

$$\frac{5+3}{9+3} = \frac{8}{12} = \frac{2}{3}, \frac{10+3}{18+3} = \frac{13}{21},$$

$$\frac{15+3}{27+3} = \frac{18}{30} = \frac{3}{5}$$

9. 어떤 분수의 분자에서 4를 뺀 후 분모와 분자를 7로 약분하였더니 $\frac{5}{8}$ 가 되었다. 처음의 분수의 분자는 얼마인지 쓰시오.

▶ 답:

▷ 정답: 39

해설

어떤 분수를 $\frac{\bigcirc}{\square}$ 라 하면

어떤 분수의 분자 \bigcirc 에서 4를 뺀 후, 7로 약분한 수가 5이므로

$(\bigcirc - 4) \times \frac{1}{7} = 5$, $\bigcirc = 39$ 이고

분모는 $8 \times 7 = 56$ 입니다.

따라서 어떤 분수는 $\frac{39}{56}$ 입니다.

10. 두 수의 합이 75이고, 작은 수를 큰 수로 나누면 $\frac{12}{13}$ 가 됩니다. 이러한 두 자연수를 구하시오.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 36

▷ 정답: 39

해설

$\frac{12}{13}$ 와 크기가 같은 분수를 구하면

$\frac{24}{26}, \frac{36}{39}, \dots$ 이므로 이 중에서

분모, 분자의 합이 75가 되는 경우를 찾으면

$\frac{36}{39}$ 이다. 따라서 구하고자 하는 두 자연수는

36과 39입니다.