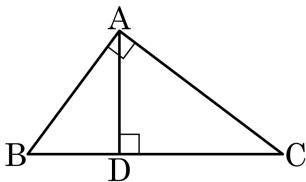


1. 다음 그림의 삼각형 ABC 에서 $\angle A = \angle ADC = 90^\circ$ 이고, $\overline{AB} = 15$, $\overline{BD} = 9$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 150

해설

$\triangle BAD \sim \triangle BCA$ 이므로 $\overline{BA} : \overline{BC} = \overline{BD} : \overline{BA}$

$$\therefore \overline{BA}^2 = \overline{BC} \cdot \overline{BD}$$

$$\overline{DC} = x \text{ 라 하면 } 15^2 = (9 + x) \cdot 9$$

$$\therefore x = 16$$

$\triangle ADB \sim \triangle CDA$ 이므로

$$\overline{AD} : \overline{CD} = \overline{DB} : \overline{DA}$$

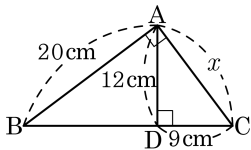
$$\overline{AD} : 16 = 9 : \overline{DA}$$

$$\overline{DA}^2 = 144 \therefore \overline{DA} = 12$$

따라서 $\triangle ABC$ 의 넓이는 $25 \times 12 \times \frac{1}{2} = 150$ 이다.

2. 다음 직각삼각형 ABC 에서 $\overline{AD} \perp \overline{BC}$ 일 때,
 x 의 값은?

- ① 12 cm ② 13 cm ③ 14 cm
④ 15 cm ⑤ 16 cm



해설

$\triangle ABC$ 와 $\triangle DAC$ 에서 $\angle C$ 는 공통이고, $\angle BAC = \angle ADC$ 이므로
 $\triangle ABC \sim \triangle DAC$ (AA 닮음)

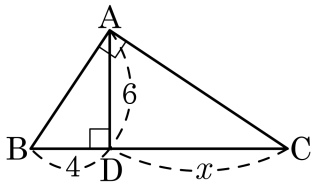
$$\overline{AB} : \overline{DA} = 20 : 12 = 5 : 3$$

$$\overline{AB} : \overline{DA} = \overline{AC} : \overline{DC} \text{ 이므로}$$

$$5 : 3 = x : 9$$

따라서 $x = 15 \text{ cm}$ 이다.

3. 다음 그림에서 선분 CD의 길이는?



① 5

② 7

③ 9

④ 9.5

⑤ 10

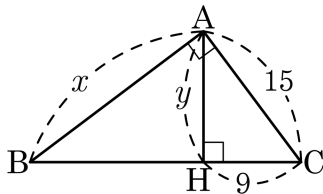
해설

$\overline{AD}^2 = \overline{BD} \times \overline{DC}$ 이므로

$$6^2 = 4 \times x$$

$$\therefore x = 9$$

4. 다음 그림에서 $x - y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설

$$15^2 = 9\overline{BC}, \overline{BC} = 25$$

$$\overline{BH} = 25 - 9 = 16$$

$$x^2 = 16 \times 25 = 400$$

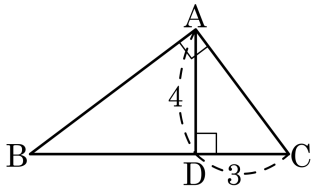
$$x > 0 \text{ 이므로 } x = 20$$

$$y^2 = 16 \times 9 = 144$$

$$y > 0 \text{ 이므로 } y = 12$$

$$\therefore x - y = 20 - 12 = 8$$

5. 다음 그림과 같이 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC의 꼭짓점 A에서 빗변 $\overline{BC}$ 에 그은 수선의 발을 D라 하면 $\overline{CD} = 3$, $\overline{AD} = 4$ 이다. $\overline{BD}$ 의 길이는?



① $\frac{8}{3}$

② $\frac{16}{3}$

③ $\frac{20}{3}$

④ $\frac{25}{3}$

⑤ 5

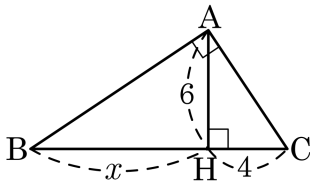
해설

$$\overline{AD}^2 = \overline{CD} \times \overline{BD} \text{ 이므로}$$

$$4^2 = 3 \times \overline{BD}$$

$$\therefore \overline{BD} = \frac{16}{3}$$

6. 다음 그림은 $\angle A$ 가 직각인 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AH} \perp \overline{BC}$ 일 때, x 의 값은?



① 15

② 13

③ 12

④ 10

⑤ 9

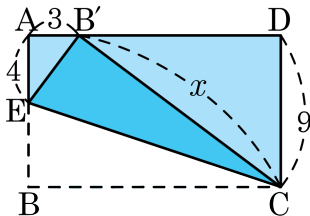
해설

$$\overline{AH}^2 = \overline{BH} \times \overline{HC}$$

$$36 = 4x$$

$$\therefore x = 9$$

7. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 에서 꼭짓점 B 가 $\overline{AD}$ 위에 오도록 접었을 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 15

해설

$\angle AB'E + \angle AEB' = 90^\circ$, $\angle AB'E + \angle DB'C = 90^\circ$ 이므로
 $\angle AEB' = \angle DB'C$

따라서 $\triangle AB'E$ 와 $\triangle DCB'$ 에서

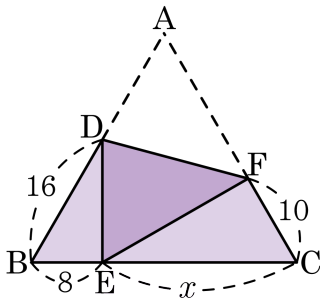
$\angle A = \angle D = 90^\circ$, $\angle AEB' = \angle DB'C$ 이므로

$\triangle AB'E \sim \triangle DCB'$ (AA 닮음)

$\overline{AB'} : \overline{DC} = 3 : 9 = 4 : (x - 3)$

$36 = 3(x - 3) \quad \therefore x = 15$

8. 다음 그림은 정삼각형 ABC의 꼭짓점 A가 $\overline{BC}$ 위의 점 E에 오도록 접은 것이다. $\overline{BE} = 8$, $\overline{CF} = 10$, $\overline{DB} = 16$ 일 때, x 의 값은?



① 16

② 18

③ 20

④ 22

⑤ 23

해설

$$\angle DEF = \angle DAF = 60^\circ$$

$$\angle BDE + \angle BED = 120^\circ$$

$$\angle BED + \angle FEC = 120^\circ$$

$$\angle BDE = \angle FEC \cdots \textcircled{7}$$

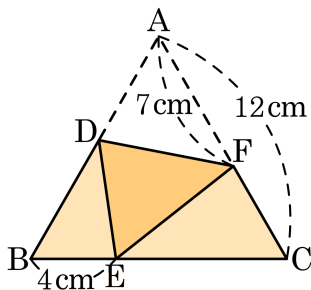
$$\angle B = \angle C \cdots \textcircled{8}$$

⑦, ⑧에 의해 $\triangle BDE \sim \triangle CEF$ (AA 닮음)

$$\overline{BD} : \overline{CE} = \overline{BE} : \overline{CF} \Leftrightarrow 16 : x = 8 : 10$$

$$\therefore x = 20$$

9. 다음 그림은 정삼각형 ABC의 꼭짓점 A가 변 BC 위의 점 E에 오도록 접은 것이다. $\overline{AF} = 7\text{cm}$, $\overline{BE} = 4\text{cm}$, $\overline{AC} = 12\text{cm}$ 일 때, $\overline{BD}$ 와 $\overline{AD}$ 의 길이의 차는?



- ① 12cm ② $\frac{4}{5}\text{cm}$ ③ $\frac{32}{5}\text{cm}$
 ④ $\frac{28}{5}\text{cm}$ ⑤ 0cm

해설

다음 그림의 $\triangle BED$ 와 $\triangle CFE$ 에서

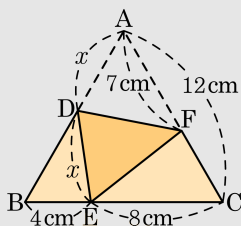
$$\angle BED = \angle CFE$$

$$\angle B = \angle C = 60^\circ \cdots \textcircled{㉠}$$

$$\angle BED + \angle BDE = 120^\circ$$

$$\angle BED + \angle CEF = 120^\circ (\because \angle DEF = \angle A = 60^\circ)$$

$$\therefore \angle BDE = \angle CEF \cdots \textcircled{㉡}$$



$\textcircled{㉠}$, $\textcircled{㉡}$ 에서 $\triangle BED \sim \triangle CFE$

$$\overline{AF} = \overline{EF} = 7 (\text{cm})$$

$$\overline{FC} = 12 - 7 = 5 (\text{cm})$$

$$\overline{BE} : \overline{CF} = \overline{DE} : \overline{EF} \text{ 이므로 } 4 : 5 = x : 7$$

$$5x = 28 \quad \therefore x = \frac{28}{5}$$

$$\overline{BD} = 12 - \frac{28}{5} = \frac{32}{5} (\text{cm}), \quad \overline{AD} = \frac{28}{5} (\text{cm})$$

따라서 $\overline{BD}$ 와 $\overline{AD}$ 의 길이의 차는 $\frac{32}{5} - \frac{28}{5} = \frac{4}{5}$ 이다.