

1. 갑, 을, 병, 정, 무, 기 6사람 중에서 2명의 당번을 정하기로 하였습니다. 갑과 을이 당번이 될 가능성을 수로 나타내시오.

① $\frac{1}{2}$

② $\frac{1}{3}$

③ $\frac{1}{4}$

④ $\frac{1}{12}$

⑤ $\frac{1}{15}$

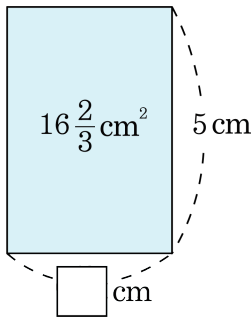
해설

모든 경우의 수 : $6 \times 5 \div 2 = 15$

갑과 을이 당번이 될 경우의 수 : 1

갑과 을이 당번이 될 가능성 : $\frac{1}{15}$

2. 아래 직사각형은 넓이가 $16\frac{2}{3} \text{ cm}^2$ 이고, 세로의 길이가 5 cm입니다.
이 직사각형의 가로 길이를 구하시오.



① $3\frac{1}{10} \text{ cm}$

② $3\frac{1}{9} \text{ cm}$

③ $3\frac{1}{8} \text{ cm}$

④ $3\frac{1}{5} \text{ cm}$

⑤ $3\frac{1}{3} \text{ cm}$

해설

(직사각형의 넓이)=(가로) $\times$ (세로) 이므로
(가로)=(직사각형의 넓이) $\div$ (세로) 입니다.

$$\begin{aligned} \text{따라서 (가로)} &= 16\frac{2}{3} \div 5 = \frac{10}{\cancel{50}} \times \frac{1}{\cancel{5}_1} = \frac{10}{3} \\ &= 3\frac{1}{3} (\text{cm}) \end{aligned}$$

3. 둘레가 10.4 m인 정사각형의 화단을 만들려고 합니다. 한 변의 길이를 몇 m로 하면 되는지 구하시오.

▶ 답 : m

▷ 정답 : 2.6 m

해설

$$(\text{한 변의 길이}) = 10.4 \div 4 = 2.6(\text{m})$$

4. 비 3 : 8 에 대한 설명이 잘못된 것을 고르시오.

① 후항은 8입니다.

② 전항은 3입니다.

③ 비의 값은 $\frac{8}{3}$ 입니다.

④ 8에 대한 3의 비입니다.

⑤ 비의 항은 3, 8입니다.

해설

비 3 : 8에서 전항은 3이고 후항은 8입니다.

비 3 : 8에서 기준량은 8이고, 비교하는 양은 3입니다.

따라서 $\frac{3}{8}$, 8에 대한 3의 비로 나타낼 수 있습니다.

13. 어떤 수로 20을 나누면 2가 남고, 8을 나누면 2가 남고, 30을 나누면 나누어떨어집니다. 어떤 수 중 가장 큰 수를 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

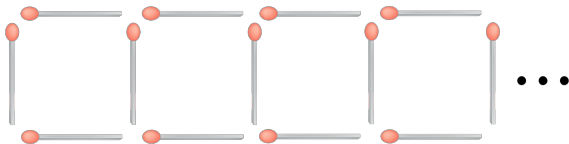
해설

$(20 - 2)$, $(8 - 2)$, 30은 어떤 수로 나누어 떨어지며 가장 큰 수 이므로 최대공약수를 구합니다.

$$\begin{array}{r} 6) \ 18 \ 6 \ 30 \\ \underline{ 3 \ 1 \ 5} \end{array}$$

따라서 18, 6, 30의 최대공약수는 6입니다.

14. 다음과 같은 방법으로 성냥개비를 늘어놓아 정사각형 15 개를 만들려고 합니다. 성냥개비는 모두 몇 개가 필요하겠습니까?



▶ 답: 개

▷ 정답: 46 개

해설

정사각형 1 개 $\rightarrow 3 \times 1 + 1 = 4$ (개)

정사각형 2 개 $\rightarrow 3 \times 2 + 1 = 7$ (개)

정사각형 3 개 $\rightarrow 3 \times 3 + 1 = 10$ (개)

(성냥개비 개수) = (정사각형 개수) $\times 3 + 1$ 이므로
 $15 \times 3 + 1 = 46$ (개)

15. 다음 기약분수 중 $\frac{6}{23}$ 에 가장 가까운 것은 어느 것인지 구하시오.

① $\frac{1}{3}$

② $\frac{1}{4}$

③ $\frac{1}{5}$

④ $\frac{1}{6}$

⑤ $\frac{1}{7}$

해설

분자를 6으로 하여 크기를 같게 만들면

$$\frac{1}{3} = \frac{6}{18}, \quad \frac{1}{4} = \frac{6}{24}, \quad \frac{1}{5} = \frac{6}{30}, \quad \frac{1}{6} = \frac{6}{36}, \quad \frac{1}{7} = \frac{6}{42} \text{ 이므로}$$

$\frac{6}{23}$ 에 가장 가까운 분수는 $\frac{1}{4}$ 입니다.

16. 다음 두 식을 만족하는 가와 나 의 합을 구하시오

$$\frac{\text{가}}{\text{나}+3} = \frac{1}{3}, \frac{\text{가}}{\text{나}+7} = \frac{1}{4}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 13

해설

크기가 같은 분수에 대해 이해하고 곱셈과 덧셈의 관계를 이용하여 문제를 해결할 수 있는
지를 평가합니다.

$$\frac{\text{가}}{\text{나}+7} = \frac{1}{4} \text{ 에서 나}+7 \text{ 은 가의 } 4 \text{ 배이고,}$$

$$\rightarrow \text{나}+7 = \text{가} + \text{가} + \text{가} + \text{가}$$

$$\frac{\text{가}}{\text{나}+3} = \frac{1}{3} \text{ 에서 나}+3 \text{ 은 가의 } 3 \text{ 배입니다.}$$

$$\rightarrow \text{나}+3 = \text{가} + \text{가} + \text{가}$$

$$\text{즉, 나}+7 = \underline{\text{가}+\text{가}+\text{가}} + \text{가} = \text{나}+3 + \text{가}$$

$$\text{가} = 4 \text{ 이고, 나}+7 = 4 \times 4 = 16 \text{ 이므로 나} = 9$$

$$\text{따라서, 가} + \text{나} = 4 + 9 = 13 \text{ 입니다.}$$

17. 안에 들어갈 수 있는 자연수의 합을 구하시오.

$$\frac{1}{35} < \frac{1}{5} \times \frac{1}{\boxed{}}$$

▶ 답:

▷ 정답: 21

해설

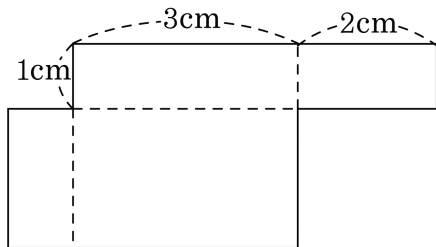
$\frac{1}{5} \times \frac{1}{\boxed{}} = \frac{1}{5 \times \boxed{}}$ 이므로 $5 \times \boxed{}$ 가 35보다 작아야 합니다.

따라서 안에 들어갈 자연수는 1, 2, 3, 4, 5, 6입니다.

안에 들어갈 자연수의 합은

$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 = 21$ 입니다.

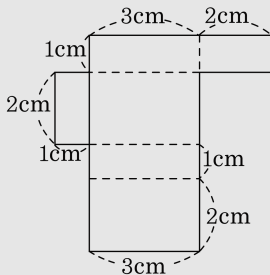
18. 다음 전개도는 밑면의 가로가 2cm, 세로가 1cm 인 직사각형이고, 높이가 3cm 인 사각기둥의 전개도입니다. 이 전개도를 완성했을 때, 옆면의 넓이를 구하시오.



▶ 답 : cm^2

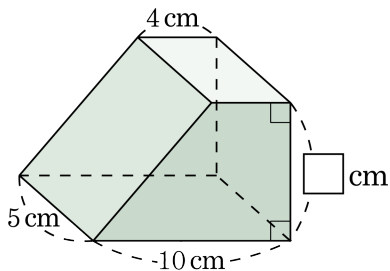
▷ 정답 : 18 cm^2

해설



$$3 \times (1 + 2 + 1 + 2) = 3 \times 6 = 18(\text{cm}^2)$$

19. 다음 입체도형의 부피는 245 cm^3 입니다. 높이는 몇 cm입니까?



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 7 cm

해설

밑면이 사다리꼴이 되도록 세워놓고 각기둥의 부피를 구하면,

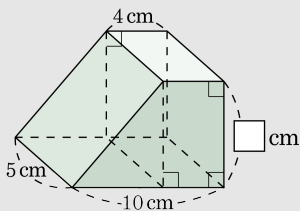
$$(4 + 10) \times \square \div 2 \times 5 = 245$$

$$14 \times \square \div 2 \times 5 = 245$$

$$35 \times \square = 245$$

$$\square = 245 \div 35 = 7(\text{cm})$$

(다른 풀이)



삼각기둥과 사각기둥으로 나누어 계산하면

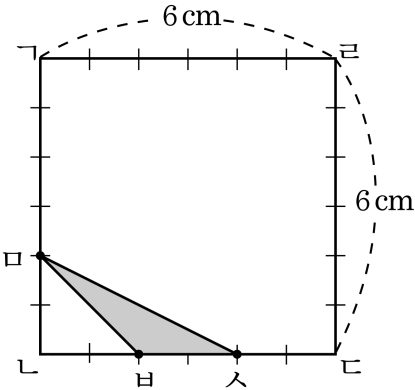
$$(4 \times 5 \times \square) + (6 \times \square \div 2) \times 5 = 245$$

$$20 \times \square + 15 \times \square = 245$$

$$35 \times \square = 245$$

$$\square = 7(\text{cm})$$

20. 그림과 같이 정사각형 $\square ABCD$ 의 변 위에 세 점 E, F, G 이 있습니다. 점 E 는 정사각형 $\square ABCD$ 의 변 AB 를 점 A 에서 출발하여 점 B 를 거쳐 점 C 까지 매초 2cm 의 빠르기로 움직입니다. 삼각형 $\triangle AEF$ 과 삼각형 $\triangle FGD$ 의 넓이가 같게 되는 것은 점 E 가 움직이기 시작한 지 몇 초 후입니까?

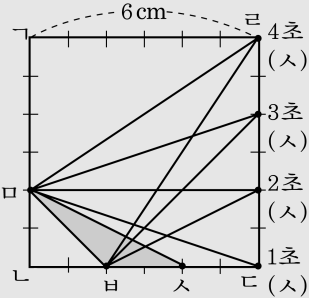


▶ 답 : 초후

▷ 정답 : 3초후

해설

다음 그림은 시간이 지남에 따라 삼각형 $\triangle AEF$ 과 삼각형 $\triangle FGD$ 의 모양을 나타낸 것입니다.



0 초일 때
 (삼각형 $\triangle AEF$) = $2 \times 2 \div 2 = 2(\text{cm}^2)$
 1 초일 때
 (삼각형 $\triangle AEF$) = $4 \times 2 \div 2 = 4(\text{cm}^2)$
 2 초일 때
 (삼각형 $\triangle AEF$) = $6 \times 2 \div 2 = 6(\text{cm}^2)$
 (삼각형 $\triangle FGD$) = $4 \times 2 \div 2 = 4(\text{cm}^2)$
 3 초일 때
 (삼각형 $\triangle AEF$) = $6 \times 4 - (6 \times 2 \div 2 + 2 \times 2 \div 2 + 4 \times 4 \div 2) = 8(\text{cm}^2)$
 (삼각형 $\triangle FGD$) = $4 \times 4 \div 2 = 8(\text{cm}^2)$
 4 초일 때
 (삼각형 $\triangle AEF$) = $6 \times 6 - (6 \times 4 \div 2 + 2 \times 2 \div 2 + 4 \times 6 \div 2) = 10(\text{cm}^2)$
 (삼각형 $\triangle FGD$) = $4 \times 6 \div 2 = 12(\text{cm}^2)$
 삼각형 $\triangle FGD$ 은 점 E 가 변 CD 를 움직일 때 넓이가 존재하므로 선분 CD 의 길이는 점 D 으로부터 4cm 떨어진 곳에 있어야 삼각형 $\triangle AEF$ 과 삼각형 $\triangle FGD$ 의 넓이가 같게 됩니다.
 따라서, 점 D 으로부터 4cm 떨어진 곳에 있으려면 점 E 가 움직인 지 3 초 후가 됩니다.

21. 어떤 자연수를 10 으로 나눈 몫을 반올림하여 십의 자리까지 나타내었더니 10 이 되었습니다. 이 자연수의 범위를 구할 때, 이상 미만인 수 인지 안에 알맞은 수를 차례대로 쓰시오.

▶ 답 :

▶ 답 :

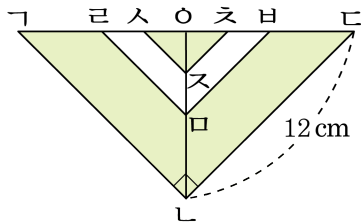
▷ 정답 : 50

▷ 정답 : 150

해설

반올림하여 십의 자리까지 나타내었을 때 10 이 되는 몫의 범위는 5 이상 15 미만이므로 자연수는 50 이상 150 미만인 수입니다.

22. 다음 그림은 선분 $\overline{AD}$ 을 대칭축으로 하는 선대칭도형의 일부입니다. 선대칭도형이 완성됐을 때 색칠한 부분의 넓이를 구하시오. (단, 선분 $\overline{AB} = \text{선분 } \overline{CD}$, 선분 $\overline{BE} = \text{선분 } \overline{DF}$, 선분 $\overline{EG} = \text{선분 } \overline{FH}$, 선분 $\overline{GS} = \text{선분 } \overline{HT}$)



▶ 답 :

▶ 정답 : 117 cm^2

해설

삼각형 $\triangle ADE$ 은 삼각형 $\triangle BCD$ 의 4배

삼각형 $\triangle BCD$ 은 삼각형 $\triangle EGF$ 의 4배

삼각형 $\triangle ADE = 12 \times 12 \div 2 = 72 \text{ cm}^2$

삼각형 $\triangle BCD = 72 \div 4 = 18 \text{ cm}^2$

삼각형 $\triangle EGF = 18 \div 4 = 4.5 \text{ cm}^2$

$(72 - 18 + 4.5) \times 2 = 117 \text{ cm}^2$

23. 다음을 보고 0.7을 100번 곱하면 소수 100번째 자리의 숫자는 얼마인지 구하시오.

$$0.7 = 0.7$$

$$0.7 \times 0.7 = 0.49$$

$$0.7 \times 0.7 \times 0.7 = 0.343$$

$$0.7 \times 0.7 \times 0.7 \times 0.7 = 0.2401$$

$$0.7 \times 0.7 \times 0.7 \times 0.7 \times 0.7 = 0.16807$$

$$\vdots$$
$$\vdots$$

▶ 답 :

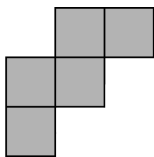
▷ 정답 : 1

해설

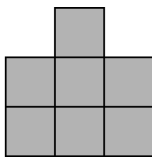
0.7을 100번 곱하면, 소수 한 자리 수를 100번 곱하는 것이므로 그 곱은 소수 백 자리 수가 됩니다. 그러므로 소수 백 번째 자리의 숫자는 가장 끝자리의 숫자입니다. 0.7을 한 번씩 곱할 때마다 소수 끝자리 수는 7, 9, 3, 1이 반복하여 바뀝니다.

0.7을 100번 곱했을 때 소수 끝자리의 숫자는 1입니다.

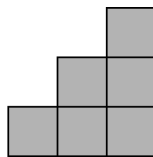
24. 다음 그림은 크기가 같은 몇 개의 정육면체를 쌓아놓고 위치에 따라 보이는 모양을 그린 것입니다.



(위)



(앞)



(옆)

최소한 몇 개의 정육면체를 쌓은 것인지 구하시오.



답 :

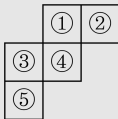
개



정답 : 9개

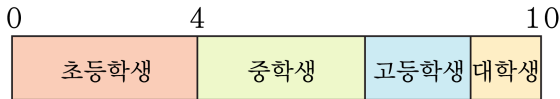
해설

위에서 본 그림을 기준으로 하여 다음과 같은 그림을 생각합니다.



①번 칸은 3 개, ②번 칸은 2 개, ③번 칸은 1 개, ④번 칸은 2 개, ⑤번 칸은 1 개 이므로 정육면체의 개수는 $3 + 2 + 1 + 2 + 1 = 9$ (개) 입니다.

25. 다음 피그 그래프는 타임도서관을 이용하는 학생 수를 나타낸 것입니다. 중학생수와 대학생수의 비는 3 : 2 이고, 중학생수와 고등학생수의 합은 2450 명, 고등학생수와 대학생수의 합은 2010 명입니다. 타임도서관을 이용하는 학생 수는 모두 몇 명입니까?



▶ 답 : 명

▷ 정답 : 5550 명

해설

중학생 : 대학생 = $3 \times \square : 2 \times \square$ 일 때

중학생과 대학생의 차는 $2450 - 2010 = 440$ (명)

$$3 \times \square - 2 \times \square = 440, \quad \square = 440$$

중학생 : $3 \times 440 = 1320$, 대학생 : $2 \times 440 = 880$, 고등학생 : $2010 - 880 = 1130$

$$\text{중} + \text{고} + \text{대} = 1320 + 880 + 1130 = 3330 \text{ (명)}$$

중 + 고 + 대 = 전체의 $\frac{6}{10}$ 이므로

$$\square \times \frac{6}{10} = 3330$$

$$\square = 5550 \text{ (명)}$$