관식이는 5% 소금물 200g 과 10% 소금물을 섞어 8% 이하의 소금물을 만들려고 한다. 10%의 소금물을 얼마만큼 넣어 주어야 하는지 구하 여라.

<u>g</u>이하

정답: 300 g이하

해설  $5\% \ \mbox{9 소금물 } 200g \ \mbox{9 들어있는 소금의 양은 } \frac{5}{100} \times 200 = 10(g)$ 

이다. 
$$10\% \ \, 9 \ \, \text{소금물} \, \, x \, \text{g} \, \, \text{에 들어있는 소금의 양은} \, \, \frac{10}{100} \times x = \frac{x}{10} (\text{g})$$

이다. 5% 의 소금물 200g 과 10% 의 소금물 xg 이 섞여 8% 의 농도일

때, 들어있는 소금의 양은  $\frac{8}{100} \times (200 + x)(g)$  이다.  $10 + \frac{x}{10} \le \frac{8 \times (200 + x)}{100}$ 

 $10^{-1} 10^{-2} 100$   $1000 + 10x \le 1600 + 8x$   $2x \le 600$   $x \le 300$ 

10% 의 소금물을 300g 이하로 넣어주어야 한다.

4 km 로 걸어서 3시간 이내에 왕복하려고 할 때, A, B 사이의 거리의 범위는?

두 지점 A, B 사이를 왕복하는데 갈 때에는 시속 5 km, 올 때에는 시속

① 
$$\frac{20}{9}$$
 km 이내 ②  $2.5$  km 이내 ③  $\frac{10}{3}$  km 이내 ④  $6.5$  km 이내

제설 A, B 사이의 거리를 
$$x$$
라 하면  $\frac{x}{5} + \frac{x}{4} \le 3$  에서  $4x + 5x \le 60$   $\therefore x \le \frac{20}{3}$  (km)

3. 버스가 출발하기까지 2시간의 여유가 있어서 이 시간 동안에 상점에 가서 물건을 사려고 한다. 물건을 사는데 20분이 걸리고 시속 5km로 걷는다면, 역에서 몇 km 이내에 있는 상점을 이용할 수 있는가?

① 
$$\frac{5}{3}$$
km  
④ 5km

해설



③ 3km

역에서 상점까지의 거리를 
$$x$$
라 하면 
$$\frac{x}{5} + \frac{20}{60} + \frac{x}{5} \le 2$$
$$\therefore x \le \frac{25}{6} \text{ (km)}$$

 $\therefore x \le \frac{1}{6} \text{ (km)}$  따라서  $\frac{25}{6} \text{ km}$  이내에 있는 상점을 이용해야 한다.

다. 그런데 할인점을 다녀오려면 교통비가 1200 원든다. 할인점에서 최소한 몇 개 이상의 과자를 사야 동네 편의점에서 사는 것 보다 싸겠 는가?

동네 편의점에서 500 원하는 과자를 할인점에서는 400 원에 판매한

해설

① 10개 이상

④ 13 개 이상

② 11 개 이상

⑤ 14개 이상

③ 12개 이상

애설 과자 수를 x 개라 하면 400x + 1200 < 500xx > 12∴ 13 개 이상 5. 음악 사이트에서 음악 다운로드 요금이 다음과 같을 때, A 사이트 선택하는 것이 유리하려면 한 달에 몇 곡 이상을 다운로드 받아야 하는가?

사이트	기본요금(원)	한 곡당 다운로드 요금(원)
A	15000	없음
В	2000	500

① 25곡 ② 26곡 ③ 27곡 ④ 28곡 ⑤ 29곡

2000 + 500x, x > 26 따라서 A 사이트를 선택하는 것이 유리하려면 한 달에 27곡 이상 다운로드 받아야 한다.

집 앞 서점에서 한권에 10000 원인 책을 인터넷 서점에서는 15% 할인 6. 하여 살 수 있다. 인터넷 서점에서 구입하면 책 권수에 상관없이 배송 료가 3500원으로 일정할 때, 책을 몇 권 이상 사야하는 경우 인터넷 서점을 이용하는 것이 유리한가?

② 4권 이상

⑤ 7권 이상

③ 5권 이상

④ 6권 이상

3 권 이상

 $10000x > 3500 + 10000 \times (1 - 0.15) \times x$  $100x > 35 + 100 \times 0.85 \times x$ 

100x > 35 + 85x15x > 35 $x > \frac{\cdot}{3}$ 

즉. 책을 3권 이상 사는 경우. 인터넷 서점을 이용하는 것이 유 리하다.

- 7. 일차부등식  $\frac{2x+4}{3} \ge -\frac{x-2}{2} + x$  를 풀면?
  - (1) x > -14
    - (2)  $x \ge -2$
  - ⑤  $x \le \frac{14}{5}$  $4 x \ge -\frac{1}{3}$

(3) x > -10

- - 부등식의 양변에 6 을 곱하면  $4x + 8 \ge -3x + 6 + 6x$  이므로

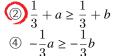
x > -2 이다.

 $a \ge b$  일 때, 다음 중 부등호가 맞는 것을 모두 고르면?

① 
$$a - 3 \ge b - 3$$

$$(3) -a + 3 > -b + 3$$

$$\boxed{3}a - 1 \ge 3b - 1$$





③, ④ 양변에 음수를 곱하거나 나누면 부등호 방향이 바뀐다.

- **9.** a < b 일 때, 다음 중 옳은 것은?
  - ① a+3 > b+3

② a-7 > b-7

(3) 2a > 2b

 $4 \frac{2a}{3} - 1 > \frac{2b}{3} - 1$ 

 $\bigcirc$  -4a+1 > -4b+1

해설

부등식의 양변에 같은 수를 더하거나 빼도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다. 양수를 곱하거나 나누어도 마찬가지이다.

③ a < b 일 때 양변에 음수를 곱하거나 나누면 부등호의 방향은 바뀐다.

10. 다음 문장을 부등식으로 나타내면?

소현이 어머니의 나이가 지금은 소현이의 나이 x의 7 배이지만 3 년 후에는 소현이의 현재 나이 x의 5 배 이하이다.

① 
$$7x + 3 < 5x$$

$$27x + 3 \le 5x$$

$$3 7x + 3 \ge 5x$$

$$4 7x + 3 > 5x$$

$$\Im 7x \leq 5x$$

#### 해설

소현이의 나이는 x, 어머니의 나이는 7x이므로 3 년 후에 소현이의 나이의 5 배 이하는  $7x + 3 \le 5x$ 

# 11. 다음을 읽고 부등식으로 나타낸 것 중 바른 것을 고르면?

8% 소금물 200g 에서 물을 증발시켰더니 농도가 12% 이상이되었다.

물을 증발시켰으므로 물의 양은 줄어들고 소금의 양은 그대로

① 
$$\frac{8}{200+x} \times 100 \ge 12$$

$$200 + x \times 100 \ge 12$$

$$\frac{16}{200 - x} \times 100 \ge 12$$

남아있다. 8% 의 소금물 200g 에 녹아있는 소금의 양은

$$(소금) = (동도) \times \frac{(소금물)}{100}$$
  
=  $8 \times \frac{200}{100} = 16 \text{ (g)}$ 

농도로 식을 세우면, 
$$\frac{16}{200-x} \times 100 \ge 12$$

12. 검은색 공이 50 개, 흰색 공이 40 개 든 통이 있다. 한 번에 검은색 공은 4 개씩, 흰색 공은 3 개씩 동시에 꺼낼 때, 남아 있는 흰 공의 개수가 검은 공의 개수보다 많아지는 것은 몇 번째부터 인지 구하여라.

번째

▷ 정답 : 11 번째

답:

- 해설

r 버 꺼냈다고

x 번 꺼냈다고 하면 4 개씩 꺼낸 후 검은 바둑돌의 개수: 50 – 4x

3 개씩 꺼낸 후 흰 바둑돌의 개수 : 40 - 3x

50 - 4x < 40 - 3x10 < x

: 11 번째부터

**13.** 남자 1명이 6일 만에 할 수 있고, 여자 1명이 10일 만에 할 수 있는 일을 남녀 8명이 하루에 끝내려고 할 때, 남자는 몇 명 이상 있어야 하는지 구하여라.

답:

명

▷ 정답: 3명

해설 남자 1명이 하루에 하는 일의 양 : 
$$\frac{1}{6}$$

 $\therefore x \ge 3$ 

여자 1 명이 하루에 하는 일의 양 :  $\frac{1}{10}$ 

남자 수를 
$$x$$
 명이라 하면 
$$\frac{1}{6}x + \frac{1}{10}(8-x) \ge 1, 5x + 24 - 3x \ge 30$$

14. 밑면의 반지름이 3cm 인 원뿔이 있다. 이 원뿔의 부피가 45πcm<sup>3</sup> 이상이 되려면 원뿔의 높이는 몇 cm 이상이어야 하는지 구하여라.



원뿔의 높이는 15cm 이상이어야 한다.

```
월뿔의 높이를 xcm 라고 하면, \frac{1}{3} \times \pi \times 3^2 \times x \ge 45\pi3x\pi > 45\pi
```

해설

 $\therefore x > 15$ 

때는 정가보다 200 원 싸게 팔았다. 그랬더니 원가의 15% 이상의 이익이 발생했다고 한다. 원가의 범위를 구하여라.

► 답: 원

► 정답: 2000 원

어떤 상점에서는 원가에 25% 의 이익을 붙여서 정가를 매겼다가 팔

해설  
원가를 
$$x$$
원이라고 하면  
 $1.25x - 200 \ge 1.15x$   
 $0.1x \ge 200$   
 $\therefore x \ge 2000$ 

15.

16. M 고궁의 학생 입장료는 2500 원인데 100 명 이상의 단체에게는 20%를 할인해 준다고 한다. 100 명 미만의 단체가 100 명의 단체 입장료를 지불하는 것이 더 유리할 경우는 단체 인원수가 몇 명 이상일 때인지구하여라.

명이상

➢ 정답 : 81 명이상

답:

해설

더 유리하다.

인원수를 x명 이라 할 때, 2500 $x > 0.8 \times 2500 \times 100, \ x > 80 이다.$ 따라서 81 명 이상일 때 100 명의 단체 입장료를 지불하는 것이 인터넷 쇼핑몰에서 물건을 구입하려고 한다. 회원이 아니면 1개당 5000 원이고 배송료가 2000 원을 내야 하는데, 회원가입을 하면 가입 비 10000 원을 내고 1 개에 20% 를 할인 받고 배송료도 무료라고 한다. 물건을 몇 개 이상 사는 경우에 회원가입이 더 경제적인지 구하여라.

>	정답	9 개

: 9개

답:

17.

물건의 개수를 
$$x$$
 개 라 할 때  $2000 + 5000x > 10000 + 5000 \times 0.8x$   $x > 8$ 

18. 현재 갑은 5000 원, 을은 8000 원이 예금되어 있다. 이 달부터 매월 갑은 2500 원씩, 을은 1000 원 예금을 한다고 하면, 갑의 예금액이 을의 예금액의 2배보다 많아지는 것은 몇 개월부터인지 구하여라.

개월

	답:	
$\triangleright$	정답:	23 개월

```
│
│ 개월수를 x 라 할 때
```

5000 + 2500x > 2(8000 + 1000x), 500x > 11000 $\therefore x > 22$  19. 입장료가 3000 원인 어느 야구 경기장에서 20 명 이상이면 초과되는 인원에 한하여 1000 원씩 할인을 해준다고 한다. 80000 원 이하로 야구장에 가려고 할 때, 최대 몇 명까지 갈 수 있겠는가? ②)30명 ① 27명 ③ 32명 ④ 40 명 ⑤ 42명

\_\_\_\_\_해설  
초과된 사람 수를 
$$x$$
명이라고 하자.  
 $(3000 \times 20) + 2000x \le 80000$   
 $x \le 10$   
원래 20 명과 초과된 10 명을 합해서 최대 30 명까지 갈 수 있다.

30 시간이 무료이고, 그 이상은 1 시간당 500 원의 추가 요금을 내야 한다. 전체 요금이 20000 원 이하가 되게 하려면 한 달에 최대 몇 시간을 이용할 수 있는지 구하여라.

시간

휴대폰 인터넷 서비스를 이용하려고 한다. 한 달에 10000 원을 내면

	답:		
$\triangleright$	> 정답 :	50	시간

해설

20.

초과된 시간을 x시간이라 하면 초과된 시간당 추가 요금은 500x 원이다. 10000 + 500x < 20000 $x \le 20$ 

10000 원의 30 시간 무료에 추가 요금 20 시간을 더해서 최대 50 시간 이용할 수 있다.

- 21. 700 원짜리 빵과 500 원짜리 우유를 합하여 6 개 사려고 하는데 4000 원을 넘기지 않고 사려고 한다. 최대로 살 수 있는 빵의 개수는 몇 개 인가?
  - ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개 ④ 4 개 ⑤ 5 개

하설
구하고자 하는 700 원짜리 빵의 개수를 
$$x$$
 라고 하면 500 원짜리 우유의 개수는  $6-x$  이다. 둘이 합쳐 4000 원을 넘지 말아야 함으로 이것을 식으로 표현하면,  $700x+500(6-x) \le 4000$  이다.  $700x+500(6-x) \le 4000$  을 풀어쓰면  $700x+3000-500x \le 4000$  이고  $x$  에 대해 정리하면  $200x \le 1000$  임으로,  $x \le \frac{1000}{200} = 5$  이다. 빵의 개수는 자연수어야 함으로 최대로 살 수 있는 700 원짜리 빵은 5 개이다.

22. 어떤 정수의 2 배에 3을 빼었더니 17 보다 큰 수가 되었다. 이와 같은 정수 중에서 가장 작은 수를 구하여라.





2x - 3 > 17

2x > 20  $\therefore x > 10$ 

따라서 *x* > 10 을 만족하는 것 중 가장 작은 수는 11 이다.

**23.** 다음 두 부등식의 해가 같을 때, a 의 값을 구하여라.

$$13 - 4x < x - 7$$
$$a - 4x < 5 - 2x$$

- ▶ 답:
- ▷ 정답: 13

13 - 4x < x - 7에서 x > 4

a - 4x < 5 - 2x

-2x < 5 - a $x > \frac{5 - a}{2}$ 

 $\frac{5-a}{-2} = 4$ 

5 - a = -8

 $\therefore a = 13$ 

**24.** 3(x+2) > 7(x-1)+1 을 만족하는 정수 중 가장 큰 정수를 구하여라.

x < 3

3(x+2) > 7(x-1) + 1-4x > -12

따라서 가장 큰 정수 *x* 는 2 이다.

25. 300 원짜리 연필과 700 원 짜리 펜을 합하여 10 개를 사고, 그 값이 4000 원 이상 4500 원 이하가 되게 하려고 한다. 다음은 펜을 몇 개 살수 있을지를 구하는 과정이다. 전의 값으로 옳지 않은 것은?

펜을 x 개 산다면 연필을 ① 개 살 수 있으므로 4000 ≤ ② ≤ 4500

 $\therefore \boxed{3} \le x \le \boxed{4}$ 

따라서, 살 수 있는 펜의 개수는 ⑤ 개 이다.

① 10 – *x* 

② 
$$300(10-x)+700x$$

3 2.5

$$\textcircled{4}$$
 3.75

**(5)** 4

해설

펜을 x 개 산다면 연필을 (10 - x) 개 살 수 있으므로  $4000 \le 300(10 - x) + 700x \le 4500$ 

$$\therefore \ 2.5 \ \leq x \leq 3.75$$

따라서, 살 수 있는 펜의 개수는 3 개다.

**26.** 좌표평면 위에서 2x + y < 4를 만족하는 자연수 x, y의 순서쌍의 개수를 구하여라.

▷ 정답: 1<u>개</u>

```
구하는 순서쌍은 (1,1)로 1개이다.
```

**27.** 일차부등식 9 < 2x - 5와 -1 < 2x + 3a의 해가 같을 때, 상수 a의 값을 구하여라.

9 < 2x-5와 1 < 2x+3a의 해가 같으므로 두 부등식을 정리하여 비교하여 보자

비교하여 보자. 
$$9 < 2x - 5 \Rightarrow 14 < 2x \Rightarrow x > 7$$

 $-1 < 2x + 3a \Rightarrow -1 - 3a < 2x \Rightarrow x > \frac{-1 - 3a}{2}$  두 부등식의 해가 서로 같으므로

$$7 = \frac{-1 - 3a}{2} \Rightarrow 15 = -3a \Rightarrow a = -5$$
이다.

- **28.** ax + 6 > 0 의 해가 x < 3 일 때, a 의 값을 구하여라.
  - ▶ 답:
    - $\triangleright$  정답: a=-2

$$ax + 6 > 0$$
,  $ax > -6$   
 $x < -\frac{6}{a}$ 은  $x < 3$ 이므로

$$-\frac{6}{a} = 3$$
 이다.

$$\therefore a = -2$$

**29.** 부등식 bx + 1 < 5x - 2 의 해가 x > 1 일 때, b 의 값은?

 $\bigcirc 1 -1 \qquad \bigcirc 2 \ 0 \qquad \bigcirc 3 \ 1 \qquad \bigcirc 4 \ 2 \qquad \bigcirc 3 \ 3$ 

해설
$$bx + 1 < 5x - 2$$

$$bx - 5x < -3$$

$$(b - 5)x < -3$$
부등식의 해가  $x > 1$  이므로  $b - 5 < 0$ , 즉  $b < 5$ 

$$x > \frac{3}{5 - b}$$

$$\frac{3}{5 - b} = 1$$

**30.** a > 0 일 때, x 에 대한 일차부등식  $ax \ge -1$  의 해는?

① 
$$x \leq \frac{1}{a}$$

$$2 x \ge \frac{1}{x}$$

$$3 x \le -\frac{1}{a}$$

$$(1) x \le \frac{1}{a}$$

$$(4) x \ge -\frac{1}{a}$$

$$\therefore x \ge -\frac{1}{x}$$

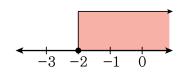
a > 0 이므로 양변을 나누어도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.

## **31.** 다음 부등식을 푼 것으로 <u>틀린</u> 것을 모두 고르면? (정답 2개)

- ① a > 0 일 때,  $ax + 1 > 3 \implies x > \frac{2}{a}$
- ② a > 0 일 때,  $-ax + 2 > 4 \Rightarrow x < -\frac{2}{3}$
- (3) a < 0 일 때,  $-ax + 2 > 4 \Rightarrow x > \frac{2}{a}$ (4) a > 0 일 때,  $-ax + 4 > 2 \Rightarrow x > \frac{2}{a}$ 
  - ⑤ a < 0 일 때,  $-ax + 4 > 2 \implies x > \frac{a}{a}$

- 3 -ax + 2 > 4 -ax > 2
  - a < 0 이므로 -a > 0, 양변을 -a 로 나누어도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.
  - $\therefore x > -\frac{2}{a}$
- (4) -ax + 4 > 2
  - ax > -2 a > 0 이므로 -a < 0. 양변을 -a 로 나누어 주면 부등호의
    - 방향이 바뀌어야 한다.
    - $\therefore x < \frac{2}{a}$

32. 다음 그림의 수직선의 빗금 친 부분을 해로 가지는 일차부등식은?



- (1) 3x 2 > 1
- ② 3x 1 > 2
- $3 2x + 1 \le -3$

- $4 2x 1 \le -1$
- $(5) 2x + 2 \ge -2$

### 해설

빗금 친 부분:  $x \ge -2$ ①  $3x \ge 3 \rightarrow x \ge 1$ 

- ②  $3x > 3 \rightarrow x > 1$ ③  $2x \le -4 \rightarrow x \le -2$
- $\textcircled{4} \ 2x \le 0 \ \rightarrow \ x \le 0$

**33.** 다음 중 일차부등식은? [정답 2개]

① 2x + 1 < 3x

② x(x+2) < x

(3)  $x(x-3) < x^2 + 2$ 

4 2x(x-1) < 3x + 2

 $\bigcirc$  2(x+1) < 2x + 5

### 해설

부등식의 모든 항을 좌변으로 이항후 정리했을 때 (일차식)> 0, (일차식)< 0, (일차식) > 0 꼴이면

된다.

- ① 2x + 1 < 3x, -x + 1 < 0
- ③  $x(x-3) < x^2 + 2$ ,  $x^2 3x x^2 2 < 0$ , -3x 2 < 0

**34.**  $-1 < x \le 2$  일 때,  $a \le -2x + 1 < b$  이면 a + b 의 값은?

$$\bigcirc 1 - 2 \qquad \bigcirc 2 - 1 \qquad \bigcirc \boxed{3} 0 \qquad \bigcirc 4 \ 1 \qquad \bigcirc 5 \ 2$$

$$-1 < x \le 2$$
 의 각각의 변에  $-2$  를 곱하면  $-4 \le -2x < 2$ , 각각의 변에  $1$  을 더하면  $-3 \le -2x + 1 < 3$  이다.  
따라서  $a = -3$ ,  $b = 3$  이므로  $(-3) + 3 = 0$  이다.

**35.** x < 4 일 때, -2x + 1 의 값의 범위는?

① 
$$-2x + 1 < -7$$
 ②  $-2x + 1 > -7$  ③  $-2x + 1 < 7$ 

$$\bigcirc 4$$
  $-2x+1 > 7$   $\bigcirc 5$   $-2x+1 < 7$ 

```
해설

x < 4 의 양변에 -2 를 곱한 후 1 을 더한다.(부등호 방향에 주의한다.)

-2x+1>-7
```

**36.** x가 -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3일 때, 부등식 x-1 < 4x-4를 만족하는 해의 합은?

① -5 ② -3 ③ 2 ④ 3 ⑤ 5

$$x-1 < 4x - 4$$
에서  
 $x = 2$ 이면  $2-1 < 4 \times 2 - 4$  (참)  
 $x = 3$ 이면  $3-1 < 4 \times 3 - 4$  (참)  
따라서 구하는 해의 합은

2 + 3 = 5

**37.** *x* 의 범위가 -1, 0, 1, 2일 때, 일차부등식 4-*x* > 2 를 참이 되게 하는 *x* 의 값을 모두 구하면?

④ 0, 1, 2 ⑤ 1, 2



**38.** 부등식  $3x - \frac{1}{2} < 7$  을 만족하는 모든 자연수 x 값의 합을 구하여라.

$$3x - \frac{1}{2} < 7$$

 $3x < 7 + \frac{1}{2}$ 

이를 만족하는 자연수는 
$$x=1,2$$
 이므로  $1+2=3$  이다.

**39.** 다음 일차부등식 중 해가  $x \le 3$  인 것을 고른 것 중 옳은 것은?

$$\bigcirc$$
  $3x \le 9$ 

$$\bigcirc$$
  $-2x + 3 \ge -3$ 

$$\bigcirc$$
  $-2x \ge 6$ 

해설

$$\bigcirc$$
  $x \ge 6$ 

- **40.** 부등식  $-2x \ge -x a$ 를 만족하는 자연수 x의 개수가 4개일 때, 상수 a의 값이 될 수 있는 것은?
  - ① 2 ② 3 ③4 ④ 5 ⑤ 6

**41.** 부등식  $6x-a \le 3+4x$ 를 만족하는 자연수 x의 개수가 4 개일 때, 상수 a의 값의 범위는?

① 
$$5 < a < 7$$

$$\textcircled{2}5 \le a < 7$$

③ 
$$4 \le a < 7$$

$$4 < a \le 7$$

⑤ 
$$4 < a \le 7$$

