

1. 다음 중 정수가 아닌 유리수를 모두 고르면?

① π

③ $\frac{17}{5}$

⑤ $0.1010010001\cdots$

② -3

④ $3.\dot{5}\dot{4}$

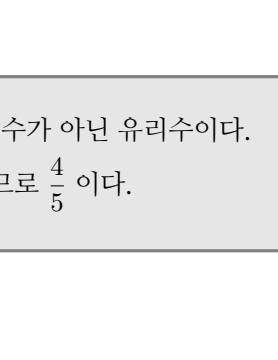
해설

① $\pi = 3.141592\cdots$ 순환하지 않는 무한소수이다.

② -3 은 음의 정수이다.

⑤ $0.1010010001\cdots$ 은 순환하지 않는 무한소수이다.

2. 다음 색칠한 부분에 속하는 것은?



- ① 0 ② $\frac{4}{5}$ ③ -2 ④ 4 ⑤ $\frac{6}{3}$

해설

색칠한 부분은 정수가 아닌 유리수이다.

$\frac{6}{3} = 2$ 로 정수이므로 $\frac{4}{5}$ 이다.

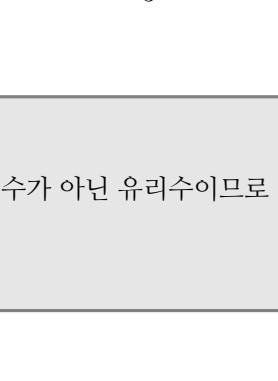
3. 다음 중 정수가 아닌 유리수를 모두 고르면?

- ① -2 ② $1.\dot{5}\dot{2}$ ③ 0 ④ 3.14 ⑤ $\frac{2}{15}$

해설

-2는 음의 정수, 0은 정수

4. 다음 중 색칠한 부분에 속하는 수를 모두 고르면?



- ① π ② $-1.\dot{9}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ -6 ⑤ $0.0\dot{0}i$

해설

$$-1.\dot{9} = -2$$

색칠한 부분은 정수가 아닌 유리수이므로

$$\frac{1}{3}, 0.0\dot{0}i = \frac{1}{990}$$

5. 다음 설명 중 옳은 것은? (정답 2 개)

- ① 순환소수 중에는 유리수가 아닌 것도 있다.
- ② 유한소수로 나타낼 수 없는 분수는 모두 순환소수이다.
- ③ 분모의 소인수가 2나 5 뿐인 기약분수는 유한소수로 나타낼 수 있다.
- ④ 정수가 아닌 유리수는 모두 순환소수이다.
- ⑤ 모든 순환소수는 유한소수이다.

해설

- ① 순환소수는 모두 유리수이다.
- ④ 정수가 아닌 유리수는 유한소수와 순환소수가 있다.
- ⑤ 순환소수는 무한소수이다.

6. 다음 중 틀린 것은?

- ① 0이 아닌 유리수는 항상 무한소수로 나타낼 수 있다.
- ② 유한소수로 나타낼 수 없는 분수는 모두 순환소수이다.
- ③ 무한소수는 분수로 고칠 수 없다.
- ④ 유한소수는 순환소수로 나타낼 수 있다.
- ⑤ 정수가 아닌 유리수는 유한소수나 순환소수로 나타낼 수 있다.

해설

무한소수중 순환소수는 분수로 고칠 수 있다.

7. 다음 중 유한소수로 나타낼 수 있는 것을 모두 찾으면?

$$\textcircled{1} \frac{7}{30}$$

$$\textcircled{4} \frac{13}{40}$$

$$\textcircled{2} \frac{8}{2^2 \times 3 \times 5}$$

$$\textcircled{5} \frac{49}{2 \times 5^2 \times 7^2}$$

$$\textcircled{3} \frac{3}{28}$$

해설

$\frac{13}{40} = \frac{13}{2^3 \times 5}$: 분모에 2, 5 뿐이므로 유한소수

$\frac{49}{2 \times 5^2 \times 7^2}$: 분모에 2, 5 뿐이므로 유한소수

8. 다음 분수를 소수로 나타냈을 때, 유한소수인 것은?

① $\frac{4}{60}$ ② $\frac{7}{25}$ ③ $\frac{1}{27}$ ④ $\frac{2}{49}$ ⑤ $\frac{3}{52}$

해설

① $\frac{4}{60} = \frac{1}{3 \times 5}$: 무한소수

② $\frac{7}{25} = \frac{7}{5^2}$: 유한소수

③ $\frac{1}{27} = \frac{1}{3^3}$: 무한소수

④ $\frac{2}{49} = \frac{2}{7^2}$: 무한소수

⑤ $\frac{3}{52} = \frac{3}{2^2 \times 13}$: 무한소수

9. 분수 $\frac{a}{150}$ 를 소수로 나타내면 유한소수가 되고, 기약분수로 나타내면 $\frac{3}{b}$ 이다. 이때, $a+b$ 의 값은? (단, $10 < a < 20$)

- ① 34 ② 43 ③ 48 ④ 55 ⑤ 59

해설

$$\frac{a}{150} = \frac{a}{2 \times 3 \times 5^2} = \frac{3}{b}$$

a 는 3^2 을 가져야 하고, $10 < a < 20$ 이어야 하므로
 $a = 3^2 \times 2 = 18$, $b = 25$
 $\therefore a + b = 18 + 25 = 43$

10. $\frac{a}{210}$ 를 약분하면 $\frac{1}{b}$ 이 되고, 이것을 소수로 나타내면 유한소수가 되는
가장 작은 자연수를 a 라고 할 때, $a + b$ 의 값을 구하면?

- ① 19 ② 31 ③ 60 ④ 65 ⑤ 130

해설

$$\frac{a}{210} = \frac{a}{2 \times 3 \times 5 \times 7} = \frac{1}{b}$$
$$a = 21, b = 10 \quad \therefore a + b = 31$$

④ 3.141592 ⑤ 0.2739846

- 예** **글**
순환소수는 소수점 아래의 어떤 자리에서부터 일정한 숫자 배열이 한없이 되풀이되는 무한소수이다.

12. 다음 중 순환소수의 표현이 옳은 것을 모두 고르면?

- ① $2.0333\cdots = 2.\dot{0}\dot{3}$
- ② $0.3212121\cdots = 0.3\dot{2}\dot{1}$
- ③ $1.231231\cdots = 1.\dot{2}\dot{3}$
- ④ $3.015015 = 3.\dot{0}1\dot{5}$
- ⑤ $-0.340340\cdots = -0.\dot{3}4\dot{0}$

해설

- ① 순환마디는 3 이므로 $2.0333\cdots = 2.0\dot{3}$
- ③ 순환마디는 231 이므로 $1.231231\cdots = 1.\dot{2}\dot{3}\dot{1}$
- ⑤ 순환마디는 340 이므로 $-0.340340\cdots = -0.\dot{3}4\dot{0}$

13. 기약분수 $\frac{n}{m}$ 을 순환소수로 고치는데 기영이는 분모를 잘못 봐서 $1.\dot{1}\dot{8}$ 이 되었고, 민경이는 분자를 잘못 봐서 $1.9\dot{1}\dot{6}$ 이 되었다. 옳은 답의 순환마디는?

① 3

② 8

③ 24

④ 083

⑤ 83

해설

$$\text{기영: } 1.\dot{1}\dot{8} = \frac{118 - 1}{99} = \frac{117}{99} = \frac{13}{11}$$

따라서 분자는 13 이다.

$$\text{민경: } 1.9\dot{1}\dot{6} = \frac{1916 - 191}{900} = \frac{23}{12}$$

따라서 분모는 12 이다.

그러므로 기약분수 $\frac{n}{m}$ 은 $\frac{13}{12}$ 이고

$$\frac{13}{12} = 1.083333\cdots \text{ 순환마디는 } 3 \text{ 이다.}$$

14. 다음 분수를 순환소수로 나타낼 때, 순환마디 개수가 가장 많은 것은?

① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{3}{7}$ ③ $\frac{5}{6}$ ④ $\frac{3}{11}$ ⑤ $\frac{4}{9}$

해설

① $\frac{1}{3} = 0.\dot{3}$, 1 개

② $\frac{3}{7} = 0.\dot{4}2857\dot{1}$, 6 개

③ $\frac{5}{6} = 0.8\dot{3}$, 1 개

④ $\frac{3}{11} = 0.\dot{2}\dot{7}$, 2 개

⑤ $\frac{4}{9} = 0.\dot{4}$, 1 개

따라서 순환마디 개수가 가장 많은 것은 ②이다.

15. 어떤 기약분수를 소수로 나타내는데 A 는 분모를 잘못 보아 $2.\dot{3}$ 으로 나타내고, B 는 분자를 잘못 보아 0.59 로 나타내었다. 처음의 분수를 소수로 나타내면?

- ① 0.6 ② 0.8 ③ 1.2 ④ 1.4 ⑤ 1.6

해설

$$2.\dot{3} = \frac{23 - 2}{9} = \frac{21}{9} = \frac{7}{3} \therefore \text{분자} : 7$$

$$0.59 = \frac{59 - 5}{90} = \frac{54}{90} = \frac{6}{10} = \frac{3}{5} \therefore \text{분모} : 5$$

따라서 처음 분수를 소수로 나타내면 $\frac{7}{5} = 1.4$ 이다.

16. 다음 분수 $\frac{2}{33}$ 을 소수로 나타내면?

- ① $0.\dot{6}$ ② $0.0\dot{6}$ ③ $0.\dot{0}\dot{6}$ ④ $0.\dot{6}0\dot{6}$ ⑤ $0.6\dot{0}\dot{6}$

해설

$$2 \div 33 = 0.060606 \dots = 0.\dot{0}\dot{6}$$

17. 다음 순환소수 중 0.5 와 같은 것은?

- ① $0.\dot{4}\dot{5}$ ② $0.\dot{5}$ ③ $0.\dot{4}\dot{9}$ ④ $0.\dot{4}\dot{9}$ ⑤ $0.\dot{5}\dot{0}$

해설

$$\textcircled{3} \quad 0.\dot{4}\dot{9} = \frac{49 - 4}{90} = \frac{45}{90} = \frac{1}{2} = 0.5$$

18. 다음 순환소수 중 정수인 것을 모두 구하면?

- Ⓐ ① 0. $\dot{9}$ Ⓑ ② 2. $\dot{1}$ Ⓒ ③ 4. $\dot{0}\dot{9}$ Ⓓ ④ 0. $\dot{9}$ Ⓔ ⑤ 2. $\dot{8}$

해설

$$\textcircled{1} \quad 0.\dot{9} = \frac{9 - 0}{9} = \frac{9}{9} = 1 \text{ (정수)}$$

$$\textcircled{2} \quad 2.\dot{1} = \frac{21 - 2}{9} = \frac{19}{9}$$

$$\textcircled{3} \quad 4.\dot{0}\dot{9} = \frac{409 - 4}{99} = \frac{405}{99} = \frac{45}{11}$$

$$\textcircled{4} \quad -0.\dot{9} = -\frac{9 - 0}{9} = -\frac{9}{9} = -1 \text{ (정수)}$$

$$\textcircled{5} \quad 2.\dot{8} = \frac{28 - 2}{9} = \frac{26}{9}$$

19. 다음 순환소수 중 정수인 것을 모두 구하면?

- ① $2.\dot{9}$ ② $4.\dot{6}$ ③ $5.\dot{0}\dot{9}$ ④ $1.\dot{9}$ ⑤ $3.\dot{4}$

해설

$$\textcircled{1} 2.\dot{9} = \frac{29 - 2}{9} = \frac{27}{9} = 3 \text{ (정수)}$$

$$\textcircled{2} 4.\dot{6} = \frac{46 - 4}{9} = \frac{42}{9} = \frac{14}{3}$$

$$\textcircled{3} 5.\dot{0}\dot{9} = \frac{509 - 5}{99} = \frac{504}{99} = \frac{56}{11}$$

$$\textcircled{4} 1.\dot{9} = \frac{19 - 1}{9} = \frac{18}{9} = 2 \text{ (정수)}$$

$$\textcircled{5} 3.\dot{4} = \frac{34 - 3}{9} = \frac{31}{9}$$

20. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $1 = 0.\dot{9}$ ② $1 = 0.\dot{9}0$ ③ $0.9 = 0.8\dot{9}$
④ $1.9 = 1.8\dot{9}$ ⑤ $0.1 = 0.0\dot{9}$

해설

② $1 = 0.\dot{9}$

21. 다음 수 중에서 가장 큰 수는?

- ① $3.\dot{4}\dot{9}$ ② $3.\dot{4}\dot{9}$ ③ $3.\dot{5}$ ④ $3.\dot{5}0\dot{9}$ ⑤ $3.\dot{5}4$

해설

- ① $3.499999\dots$
② $3.494949\dots$
③ $3.555555\dots$
④ $3.509509\dots$
⑤ $3.545454\dots$

22. 다음 중 가장 큰 수는?

- ① 0.72 ② $0.\dot{7}\dot{2}$ ③ $0.\dot{7}$ ④ 0.7 ⑤ $0.\dot{7}\dot{2}$

해설

- ① 0.72
② $0.\dot{7}\dot{2} = 0.7222\cdots$
③ $0.\dot{7} = 0.777\cdots$
④ 0.7
⑤ $0.\dot{7}\dot{2} = 0.727272\cdots$

따라서 가장 큰 수는 $0.\dot{7}$ 이다.

23. 다음 중 수의 대소 관계가 옳은 것을 모두 고르면?

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \frac{1}{6} > 0.17 & \textcircled{2} 3.4\dot{9} = 3.5 & \textcircled{3} 0.\dot{3}\dot{0} = 0.3 \\ \textcircled{4} 0.4\dot{3} > 0.\dot{4}\dot{3} & \textcircled{5} \frac{1}{15} > 0.0\dot{6} \end{array}$$

해설

$$\textcircled{1} \frac{1}{6} < 0.17 \quad (\Rightarrow \frac{1}{6} = 0.1666\cdots)$$

$$\textcircled{2} 3.4\dot{9} = \frac{349 - 34}{90} = \frac{35}{10} = 3.5$$

$$\textcircled{3} 0.\dot{3}\dot{0} > 0.3 \quad (\Rightarrow 0.\dot{3}\dot{0} = 0.3030\cdots)$$

$$\textcircled{4} 0.4\dot{3} < 0.\dot{4}\dot{3} \quad (\Rightarrow 0.4\dot{3} = 0.433333\cdots, 0.\dot{4}\dot{3} = 0.434343\cdots)$$

24. 다음 수 중에서 0.6에 가까운 순으로 쓴 것은?

- | | |
|-----------------------|------------------|
| Ⓐ 0. $\dot{6}1$ | Ⓑ 0.59 $\dot{5}$ |
| Ⓒ 0. $\dot{5}\dot{9}$ | Ⓓ 0.61 $\dot{1}$ |

Ⓐ → Ⓑ → Ⓒ → Ⓓ → Ⓔ Ⓑ → Ⓒ → Ⓓ → Ⓔ → Ⓕ

Ⓒ → Ⓔ → Ⓕ → Ⓒ → Ⓑ Ⓔ → Ⓒ → Ⓕ → Ⓔ → Ⓑ

Ⓓ → Ⓒ → Ⓕ → Ⓔ → Ⓑ

해설

Ⓐ 0.616161…

Ⓑ 0.595555…

Ⓒ 0.595959…

Ⓓ 0.611111…

∴ Ⓒ → Ⓑ → Ⓕ → Ⓔ → Ⓔ의 순서이다.

25. 다음 두 수의 대소 관계를 나타낸 것 중 옳은 것은?

- ① $3.\dot{0}\dot{8} > 3.\dot{8}$ ② $2.\dot{6}\dot{7} > 2.\dot{7}$ ③ $4.\dot{9} > 5$
④ $0.\dot{5}0\dot{2} < 0.\dot{5}\dot{0}$ ⑤ $0.0\dot{9} < 0.1$

해설

- ④ $0.\dot{5}0\dot{2} < 0.\dot{5}\dot{0}$

26. 다음 중 가장 큰 수는?

- ① $5.\dot{2}7\dot{4}$ ② $5.27\dot{4}$ ③ $5.\dot{2}7\dot{4}$
④ 5.274 ⑤ $5.27\dot{4}0$

해설

- ① $5.\dot{2}7\dot{4} = 5.274274\dots$
② $5.27\dot{4} = 5.27444\dots$
③ $5.\dot{2}7\dot{4} = 5.27474\dots$
④ 5.274
⑤ $5.27\dot{4}0 = 5.274040\dots$

이므로 ③ > ② > ① > ⑤ > ④이다.

① ㉠ → ㉡ → ㉡ → ㉢ ② ㉠ → ㉡ →
③ ㉡ → ㉠ → ㉢ → ㉣ ④ ㉢ → ㉣ →

۷

- ### 해설

28. 다음 중 옳은 것은?

Ⓐ $1.\dot{3} > 1.\dot{3}\dot{2}$ Ⓑ $1.\dot{7}\dot{9} = \frac{179}{99}$ Ⓒ $0.\dot{5} = 0.\dot{5}\dot{0}$

Ⓓ $3.\dot{9} < 4$

Ⓔ $10.0\dot{4} = \frac{904}{90}$

해설

Ⓑ $1.\dot{7}\dot{9} = \frac{179 - 1}{99}$

Ⓒ $0.\dot{5} > 0.\dot{5}\dot{0}$

Ⓓ $3.\dot{9} = 4$

Ⓔ $10.0\dot{4} = \frac{1004 - 100}{90} = \frac{904}{90}$

29. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $0.\dot{4}\dot{2} < 0.\dot{4}$ ② $1.\dot{7}\dot{9} = \frac{178}{99}$ ③ $0.\dot{6} > 0.\dot{6}\dot{0}$
④ $9.\dot{9} = 10$ ⑤ $10.0\dot{4} = \frac{994}{90}$

해설

$$\textcircled{5} \quad 10.0\dot{4} = \frac{1004 - 100}{90} = \frac{904}{90}$$

30. 다음 수를 크기가 작은 것부터 차례대로 나열할 때 세 번째에 해당하는 것은?

- ① 0.3742 ② $0.\dot{3}7\dot{4}\dot{2}$ ③ $0.\dot{3}74\dot{2}$
④ $0.\dot{3}7\dot{4}\dot{2}$ ⑤ $0.374\dot{2}$

해설

- ① 0.3742
② $0.\dot{3}7\dot{4}\dot{2} = 0.374242\dots$
③ $0.\dot{3}74\dot{2} = 0.37423742\dots$
④ $0.\dot{3}7\dot{4}\dot{2} = 0.3742742\dots$
⑤ $0.374\dot{2} = 0.374222\dots$

이므로 ① < ⑤ < ③ < ② < ④ 이다.

32. 다음 수를 크기가 작은 것부터 차례대로 나열할 때 네 번째에 해당하는 것은?

- ① 0.453 ② $0.\dot{4}5\dot{3}$ ③ $0.4\dot{5}\dot{3}$
④ $0.\dot{4}5\dot{3}$ ⑤ $0.4\dot{5}3\dot{0}$

해설

- ① 0.453
② 0.45353…
③ 0.4533…
④ 0.453453…
⑤ 0.4530530…

이므로 ② > ④ > ③ > ⑤ > ① 이다.

33. 다음 중 대소 관계가 옳은 것은?

- ① $0.\dot{1}\dot{3} > 0.1\dot{3}$ ② $0.\dot{2}0\dot{2} < 0.\dot{2}\dot{0}$ ③ $0.5 > 0.4\dot{9}$
④ $\frac{23}{99} < 0.\dot{2}\dot{3}$ ⑤ $0.\dot{2}\dot{3} < \frac{23}{90}$

해설

① $0.1313\cdots < 0.1333\cdots$

② $0.202202\cdots > 0.2020\cdots$

③ $0.4\dot{9} = \frac{45}{90} = \frac{1}{2}$

④ $0.\dot{2}\dot{3} = \frac{23}{99}$

⑤ $\frac{23}{99} < \frac{23}{90}$

34. 네 수 a, b, c, d 가 다음과 같을 때, 네 수를 작은 것부터 차례대로 나열하면?

$$a = 0.123, b = 0.12\dot{3}, c = 0.1\dot{2}\dot{3}, d = 0.\dot{1}2\dot{3}$$

① $a < b < c < d$ ② $d < c < b < a$ ③ $\textcircled{3} a < d < c < b$

④ $b < c < d < a$ ⑤ $a < c < d < b$

해설

a . 0.123

b . 0.123333...

c . 0.12323...

d . 0.123123...

○]므로 $a < d < c < b$ ○]다.

35. 다음 유리수 중 가장 큰 수는?

- ① $3.\dot{4}\dot{9} = 3.4999\cdots$
② $3.\dot{5}\dot{0} = 3.505050\cdots$
③ $3.\dot{5}\dot{3} = 3.535353\cdots$
④ $3.\dot{5} = 3.5555\cdots$
⑤ 3.5

해설

- ① $3.\dot{4}\dot{9} = 3.4999\cdots$
② $3.\dot{5}\dot{0} = 3.505050\cdots$
③ $3.\dot{5}\dot{3} = 3.535353\cdots$
④ $3.\dot{5} = 3.5555\cdots$
⑤ 3.5

따라서 가장 큰 수는 $3.\dot{5}$ 이다.

36. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면? (답이 2 개)

① $0.8\dot{9} = 0.9$

② $0.\dot{7}\dot{6} > 0.7\dot{6}$

③ $2 \times 0.\dot{8} < 1.\dot{7}$

④ $2.1\dot{4}\dot{5} = \frac{2145 - 21}{990}$

⑤ $\frac{14}{33} = 0.\dot{4}\dot{2}$

해설

③ $2 \times \frac{8}{9} = \frac{16}{9}$

④ $2.1\dot{4}\dot{5} = \frac{2145 - 21}{990}$

37. 다음 수를 작은 것부터 차례로 늘어 놓으면?

Ⓐ 0.352

Ⓑ 0.35 $\dot{2}$

Ⓒ 0.35 $\dot{2}$

Ⓓ 0. $\dot{3}5\dot{2}$

① Ⓐ → Ⓑ → Ⓒ → Ⓓ ② Ⓐ → Ⓓ → Ⓒ → Ⓑ

③ Ⓐ → Ⓑ → Ⓒ → Ⓓ ④ Ⓐ → Ⓒ → Ⓑ → Ⓓ

⑤ Ⓐ → Ⓓ → Ⓑ → Ⓒ

해설

$$0.352 < 0.35\dot{2} = 0.3522222\cdots < 0.\dot{3}5\dot{2} = 0.352352\cdots < 0.3\dot{5}\dot{2} = 0.3525252\cdots$$

38. $x = 1.222\cdots$ 일 때, $10x - x$ 의 값은?

- ① 1.1 ② 1.2 ③ 11 ④ 12 ⑤ 12.22

해설

10 을 곱하면 $10x = 12.222\cdots$

$x = 1.222\cdots$ 이므로

$10x - x = 11$ 이다.

39. $x = 2.6666\cdots$ 일 때, $10x - x$ 의 값은?

- ① 0.26 ② 2.6 ③ 2.4 ④ 24 ⑤ 26.66

해설

10을 곱하면 $10x = 26.6666\cdots$

$x = 2.6666\cdots$ 이므로

$10x - x = 24$ 이다.