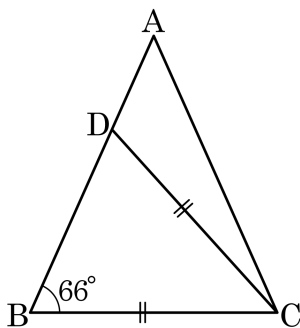


1. 다음 그림에서  $\triangle ABC$ 는  $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이다.  $\overline{BC} = \overline{CD}$ 이고  $\angle B = 66^\circ$ 일 때,  $\angle ACD$ 의 크기는?

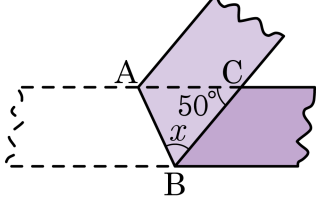


- ①  $10^\circ$       ②  $15^\circ$       ③  $18^\circ$       ④  $23^\circ$       ⑤  $25^\circ$

해설

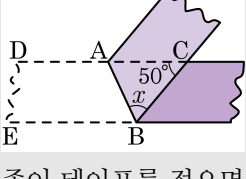
$\triangle BCD$ 에서  $\angle BCD = 180^\circ - 2 \times 66^\circ = 48^\circ$   
또한  $\triangle ABC$ 는  $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이므로  
 $\angle ACB = 66^\circ$   
 $\therefore \angle ACD = 66^\circ - 48^\circ = 18^\circ$

2. 다음 그림과 같이 폭이 일정한 종이 테이프를 접었다.  $\angle ACB = 50^\circ$  일 때,  $\angle x$ 의 크기는?



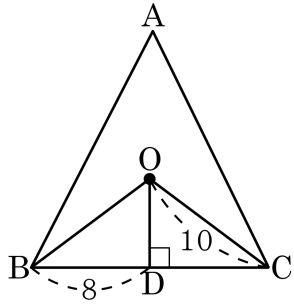
- ①  $45^\circ$       ②  $50^\circ$       ③  $55^\circ$       ④  $60^\circ$       ⑤  $65^\circ$

해설



종이 테이프를 접으면  $\angle ABE = \angle ABC = \angle x$ 이고  
 $\angle ABE = \angle BAC = \angle x$ (엇각)  
 $\triangle ABC$ 의 내각의 합은  $180^\circ$ 이므로  
 $\therefore 2\angle x + 50^\circ = 180^\circ$   
 $\angle x = 65^\circ$

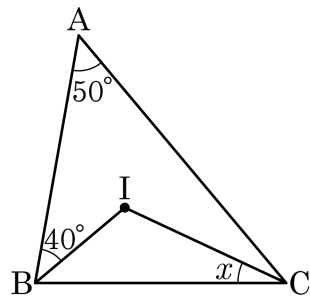
3. 다음 그림에서 점 O 는  $\triangle ABC$  의 외심이다. 점 O 에서  $\overline{BC}$  에 내린 수선의 발을 D 라 할 때,  $\overline{OB}$  의 길이는?



- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

**해설**  
삼각형의 외심에서 세 꼭짓점에 이르는 거리가 같으므로  $\overline{OC} = \overline{OB}$  이다.  
따라서  $\overline{OB} = 10$  이다.

4. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이다.  $\angle CAB = 50^\circ$ ,  $\angle ABI = 40^\circ$ 일 때,  $\angle x$ 의 크기는?



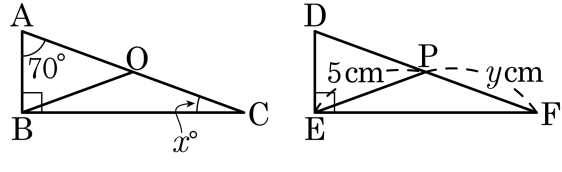
- ①  $5^\circ$       ②  $10^\circ$       ③  $15^\circ$       ④  $20^\circ$       ⑤  $25^\circ$

해설

삼각형의 세 내각의 합은  $180^\circ$ 이므로  
 $\angle ABI = \angle IBC$ ,  $\angle ICB = \angle ICA$   
 $2\angle x = 180^\circ - (50^\circ + 80^\circ)$   
 $\therefore \angle x = 25^\circ$



5. 다음은 두 직각삼각형을 나타낸 그림이다. 점 O, P 는 각각 삼각형의 빗변의 중심에 위치한다고 할 때,  $x + y$  의 값을 구하여라.



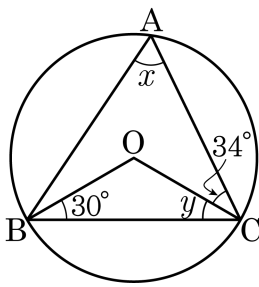
▶ 답 :

▷ 정답 : 25

#### 해설

i) 점 O 가  $\triangle ABC$  의 빗변의 중심에 있으므로  $\triangle ABC$  의 외심이다.  
따라서  $\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{OC}$   
 $\triangle AOB$  는 이등변삼각형 ( $\because \overline{OA} = \overline{OB}$ )  
 $\therefore \angle OAB = \angle OBA = 70^\circ$   
삼각형 내각의 크기의 합은  $180^\circ$  이므로  $\angle AOB = 40^\circ$  이다.  
 $\triangle OBC$  는 이등변삼각형이므로 ( $\because \overline{OB} = \overline{OC}$ )  
 $\angle OBC = \angle OCB$   
 $\angle BOC = 180^\circ - \angle AOB = 180^\circ - 40^\circ = 140^\circ$   
 $\therefore \angle OCB = (180^\circ - 140^\circ) \div 2 = 20^\circ$   
 $x = 20$   
ii) 점 P 가  $\triangle DEF$  의 빗변의 중심에 있으므로  $\triangle DEF$  의 외심이다.  
따라서  $\overline{PD} = \overline{PE} = \overline{PF} = 5\text{cm}$   
 $\therefore y = 5$   
i), ii) 에서  $x + y = 25$  이다.

6. 다음 그림과 같이  $\triangle ABC$ 의 외접원의 중심이 점  $O$ 라고 할 때,  $\angle OBC = 30^\circ$ ,  $\angle OCA = 34^\circ$ 이다.  $\angle x + \angle y$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : 0

▶ 정답 :  $90^\circ$

## 해설

점 O가 외심이므로  $\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{OC}$

$\triangle OAC$ 에서  $\angle OAC = \angle OCA = 34^\circ$

$\triangle OBC$ 에서  $\angle OCB = \angle OBC = 30^\circ$

$\triangle OAB$ 에서  $\angle OAB = \angle a$ 라 하면  $\angle OBA = \angle a$

삼각형의 내각의 합은  $180^\circ$ 이므로

$$\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ.$$

$$30^\circ + \angle a + 30^\circ + 34^\circ + 34^\circ + \angle a = 180^\circ$$

$$120^\circ + 240^\circ = 360^\circ$$

$$128^\circ + 2\angle a$$

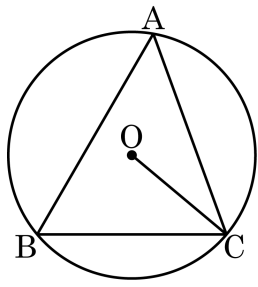
$$2\angle a = 52^\circ$$

$$\therefore \angle a = 26^\circ$$

$$\therefore \angle x = 26^\circ + 34^\circ = 60^\circ$$

$\triangle OBC$ 가 이등변

7. 다음 그림에서 점 O는  $\triangle ABC$ 의 외심이고,  $\angle OCB = 40^\circ$ 일 때,  $\angle BAC$ 의 크기를 구하면?

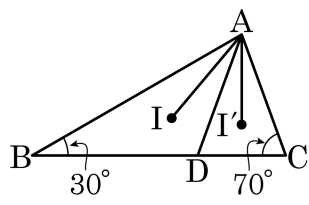


- ①  $50^\circ$       ②  $55^\circ$       ③  $60^\circ$       ④  $65^\circ$       ⑤  $70^\circ$

해설

$\triangle OBC$ 는 이등변삼각형이므로  
 $\angle OBC = \angle OCB = 40^\circ$ ,  
 $\angle BOC = 100^\circ$   
 $\triangle ABC$ 에서  $\angle BAC = \frac{1}{2}\angle BOC = 50^\circ$

8. 다음 그림에서 점 I, I' 는 각각  $\triangle ABD$ ,  $\triangle ADC$  의 내심이다.  $\angle B = 30^\circ$ ,  $\angle C = 70^\circ$  일 때,  $\angle IAI'$  의 크기를 구하여라.



▶ 답 : 0

▶ 정답 :  $40^\circ$

해설

$$\angle BAI = \angle IAD, \angle DAI' = \angle CAI'$$

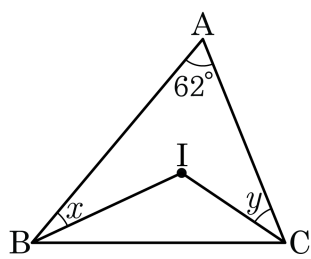
$$\angle A = 2\angle BAI + 2\angle DAI'$$

$\triangle ABC$ 에서  $\angle A = 80^\circ$ 이므로

$$\angle IAI' = \angle BAI + \angle DAI' = \frac{1}{2}\angle A = 40^\circ$$



9.  $\triangle ABC$  에서 점 I 는 내심이다. 각 A 가  $62^\circ$  일 때,  $\angle x + \angle y$  의 값은?



- ①  $59^\circ$       ②  $60^\circ$       ③  $61.5^\circ$       ④  $62^\circ$       ⑤  $62.5^\circ$

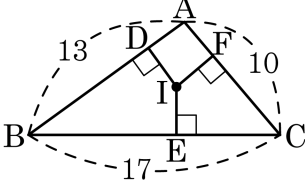
해설

$$\angle BIC = 90^\circ + \frac{1}{2}\angle A \text{ 에서 } \angle A = 121^\circ$$

$$\text{그리고 } \angle IBC + \angle ICB = 180^\circ - 121^\circ = 59^\circ \text{ 였고 } \angle ABC + \angle ACB = 180^\circ - 62^\circ = 118^\circ$$

$$\text{따라서 } \angle x + \angle y = 118^\circ - 59^\circ = 59^\circ$$

10. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이다.  $\overline{CE}$ 의 길이는 얼마인지 구하여라.



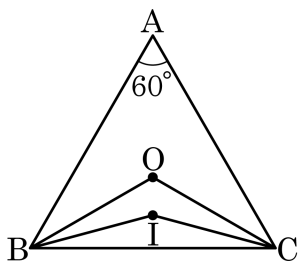
▶ 답 :

▷ 정답 : 7

해설

$\overline{CE} = \overline{CF} = x$ 라 하면  $\overline{BD} = \overline{BC} - x = 17 - x$ 이고,  $\overline{AD} = \overline{AC} - x = 10 - x$ 이다.  
 $\overline{AB} = \overline{BD} + \overline{AD} = 13$ 이므로  
 $13 = (17 - x) + (10 - x)$   
 $\therefore x = 7$

11. 다음 그림에서 점 O는  $\triangle ABC$ 의 외심이고, 점 I는  $\triangle OBC$ 의 내심이다.  $\angle A = 60^\circ$ 일 때,  $\angle BIC - \angle BOC$ 의 크기는?



- ①  $0^\circ$       ②  $10^\circ$       ③  $20^\circ$       ④  $30^\circ$       ⑤  $40^\circ$

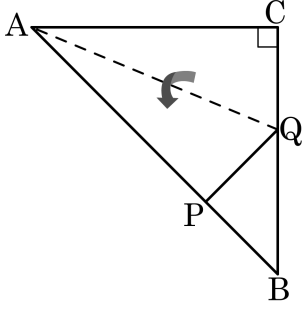
**해설**

$\triangle ABC$ 의 외심이 점 O일 때,  $\frac{1}{2}\angle BOC = \angle A$ ,  $\angle A = 60^\circ$ 이므로  $\angle BOC = 120^\circ$ 이다.

$\triangle OBC$ 의 내심이 점 I일 때,  $\frac{1}{2}\angle BOC + 90^\circ = \angle BIC$ 이므로

$\angle BIC = \frac{1}{2} \times 120^\circ + 90^\circ = 150^\circ$ 이다. 따라서  $\angle BIC - \angle BOC = 150^\circ - 120^\circ = 30^\circ$ 이다.

12. 직각이등변삼각형 모양의 종이를 다음 그림과 같이 접었다. 다음 중 옳지 않은 것은?



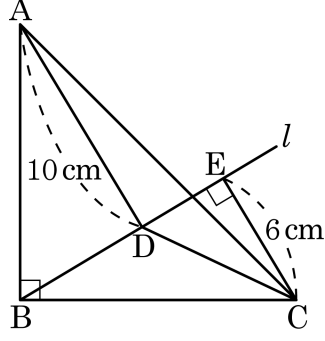
- ①  $\triangle APQ \equiv \triangle ACQ$
- ②  $\overline{AP} = \overline{AC}$
- ③  $\angle PAQ = \angle CAQ$
- ④  $\overline{PQ} = \overline{QC} = \overline{QB}$
- ⑤  $\angle APQ = 90^\circ$

해설

종이를 접은 모양이므로  
 $\triangle APQ \equiv \triangle ACQ$ ,  $\overline{AP} = \overline{AC}$ ,  $\angle PAQ = \angle CAQ$ ,  $\angle APQ = \angle ACQ = 90^\circ$



13. 그림과 같이  $\angle B = 90^\circ$  이고,  $\overline{AB} = \overline{BC}$  인 직각이등변삼각형 ABC 의 두 꼭짓점 A, C 에서 꼭짓점 B 를 지나는 직선  $l$  에 내린 수선의 발을 각각 D, E 라고 하자.  $\overline{AD} = 10\text{cm}$ ,  $\overline{CE} = 6\text{cm}$  일 때, 삼각형 CDE 의 넓이는?



- ①  $12\text{cm}^2$                       ②  $24\text{cm}^2$                       ③  $30\text{cm}^2$   
 ④  $60\text{cm}^2$                       ⑤  $90\text{cm}^2$

해설

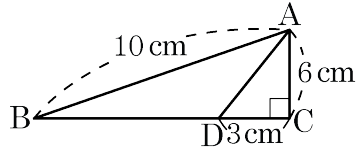
$\angle ABD + \angle BAD = 90^\circ$  이고,  $\angle ABD + \angle CBE = 90^\circ$  이므로  $\angle BAD = \angle CBE$

직각삼각형의 빗변의 길이가 같고 한 각의 크기가 같으므로  $\triangle ABD \cong \triangle BCE$  이다.

$\overline{AD} = \overline{BE} = 10\text{cm}$  이고,  $\overline{BD} = \overline{EC} = 6\text{cm}$  이므로  $\overline{DE} = 4\text{cm}$  이다.

삼각형 CDE 의 넓이는  $\frac{1}{2} \times 4 \times 6 = 12(\text{cm}^2)$  이다.

14. 다음 그림과 같이  $\angle C = 90^\circ$  이고 변 AB, AC 의 길이가 각각 10cm, 6cm 인 직각삼각형 ABC 에서  $\angle A$  의 이등분선이 변 BC 와 만나는 점을 D 라 한다. 선분 DC 의 길이가 3cm 일 때, 선분 BD 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :            cm

▷ 정답 : 5 cm

**해설**

점 D 에서  $\overline{AB}$  에 내린 수선의 발을 F 라 하면

$\triangle AFD$  와  $\triangle ACD$  에서

$\angle AFD = \angle ACD = 90^\circ$ ,  $\overline{AD}$  는 공통

$\angle FAD = \angle CAD$

이므로  $\triangle AFD \cong \triangle ACD$  (RHA 합동)

$\therefore \overline{DF} = \overline{DC} = 3\text{cm}$

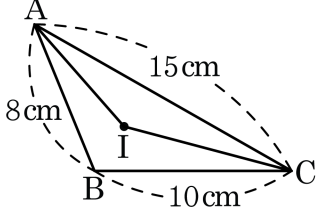
따라서 삼각형 ABD 의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times \overline{AB} \times \overline{DF} = \frac{1}{2} \times \overline{BD} \times \overline{AC}$$

$$\frac{1}{2} \times 10 \times 3 = \frac{1}{2} \times \overline{BD} \times 6$$

$\therefore \overline{BD} = 5 \text{ (cm)}$

15. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이고  $\overline{AB} = 8\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 10\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 15\text{cm}$ 일 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이와  $\triangle AIC$ 의 넓이의 비는?



- ① 2 : 1                      ② 30 : 17                      ③ 32 : 15  
 ④ 33 : 15                      ⑤ 36 : 17

해설

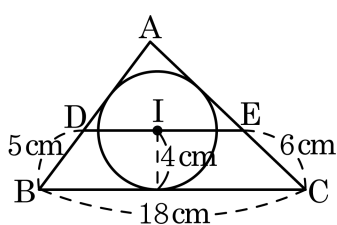
내접원의 반지름의 길이를  $r\text{cm}$  라 하면

$$(\triangle ABC \text{의 넓이}) = \frac{1}{2} \times r \times (8 + 10 + 15) = \frac{33}{2} r \text{ (cm}^2\text{)}$$

$$(\triangle AIC \text{의 넓이}) = \frac{1}{2} \times r \times 15 = \frac{15}{2} r \text{ (cm}^2\text{)}$$

$$\text{따라서 } \triangle ABC : \triangle AIC = \frac{33}{2} r : \frac{15}{2} r = 33 : 15 \text{ 이다.}$$

16. 점 I 는  $\triangle ABC$  의 내접원의 중심이고 반지름이 4cm 이다. 점 I 를 지나 밑변 BC 의 평행한 직선 DE 를 그을 때,  $\square DBCE$  의 넓이를 구하여라.

▶ 답: cm<sup>2</sup>

▶ 정답 :  $58\text{cm}^2$

해설

점 I 가 삼각형의 내심이고  $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$  일 때,  $\overline{DE} = \overline{DI} + \overline{EI} =$

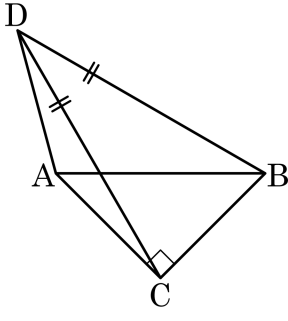
따라서  $\overline{DE} = 5 + 6 = 11(\text{cm})$  이다.

따라서 사다리꼴 DBCE 의 넓이는  $(11+18) \times 4 \times \frac{1}{2} = 58(\text{cm}^2)$

이다.



17. 다음 그림과 같이  $\angle C = 90^\circ$  인 직각이등변삼각형  $ABC$  의 외부에  $AD = AC$ ,  $BD = CD$  가 되도록 점  $D$  를 잡았다.  $\angle BDC$  의 크기를 구하여라.



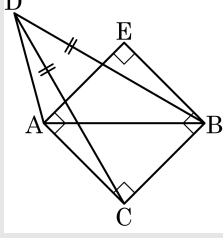
▶ 답 :

—

▷ 정답 :  $30^\circ$

#### 해설

다음 그림과 같이  $\overline{AC} = \overline{BC}$  이고  $\angle CBE = 90^\circ$  이 되도록 정사각형  $ACBE$  를 그리고  $\overline{DE}$  를 긋는다.



$\triangle ABC$  가  $\overline{BD} = \overline{CD}$  인 이등변삼각형이므로

$\angle DCB = \angle BCD$

$\triangle DCB$  와  $\square ACBE$  에서  $\overline{BD} = \overline{CD}$ ,  $\overline{AC} = \overline{BE}$ ,

$\angle ACD = 90^\circ - \angle DCB = 90^\circ - \angle DBC = \angle EBD$  이므로  $\triangle DAC \cong$

$\triangle DBE$  (SAS 합동)

$\therefore \overline{DA} = \overline{DE}$  이므로  $\triangle ADE$  는 정삼각형이다.

이때,  $\angle CDB = x$  라 하면  $\triangle CDB$  는 이등변삼각형이므로

$$\angle DBC = \frac{1}{2}(180 - x) = 90 - \frac{x}{2}$$

$$\therefore \angle DBE = 90 - \angle DBC = 90 - \left(90 - \frac{x}{2}\right) = \frac{x}{2}$$

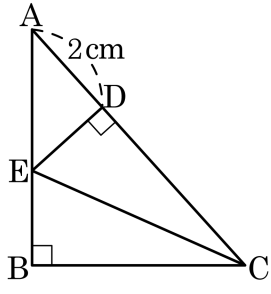
$\triangle DBE$  에서  $\angle EDB = \angle EBD = \frac{x}{2}$  이므로

$$\angle ADC = \angle EDB = \frac{x}{2}$$

$$\angle ADE = 60^\circ \text{ 이므로 } \frac{x}{2} + x + \frac{x}{2} = 60$$

$$\therefore x = \angle BDC = 30^\circ$$

18. 다음 그림에서  $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD}$ ,  $\overline{AD} = 2\text{cm}$  이다.  $\overline{EB}$  의 길이를 구하여라.



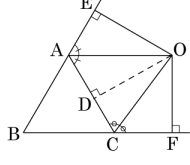
▶ 답 :           cm          

▷ 정답 : 2cm

해설

$\triangle ABC$ 는 직각이등변삼각형이므로  
 $\angle A = 45^\circ$   
 $\triangle AED$ 도 직각이등변삼각형이고  
 $\triangle ECD \equiv \triangle ECB$ (RHS 합동)이므로  
 $\therefore \overline{EB} = \overline{ED} = \overline{AD} = 2\text{ (cm)}$

19. 다음 그림에서  $\angle A$ 의 외각의 이등분선과  $\angle C$ 의 외각의 이등분선과의 교점을 O라 하고 O에서  $\overline{AC}$ 와  $\overline{BA}$ ,  $\overline{BC}$ 의 연장선에 내린 수선의 발을 각각 D, E, F라 한다.  $\overline{OE} = 15\text{ cm}$ 일 때,  $\overline{OD}$ 와  $\overline{OF}$ 의 길이를 차례대로 구하여라.



▶ 답 : cm

▶ 답 : cm

▶ 정답 : 15 cm

▶ 정답 : 15 cm

해설

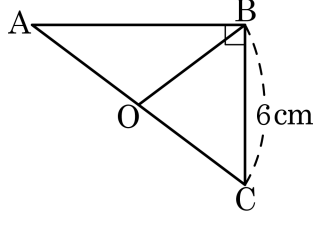
$\triangle OAE \equiv \triangle OAD$ (RHA합동) 이므로

$\overline{OE} = \overline{OD} = 15\text{ (cm)}$

$\triangle OCD \equiv \triangle OCF$ (RHA합동) 이므로

$\overline{OD} = \overline{OF} = 15\text{ (cm)}$

20. 직각삼각형 ABC의 외심 점 O를 찍어 B와 연결하였더니 다음 그림과 같았다.  $\triangle OAB$ 의 넓이가  $12\text{cm}^2$ 이고, AC의 길이가  $10\text{cm}$ 일 때,  $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 :                               cm

▷ 정답 :    24 cm

해설

변  $\overline{OB}$ 는  $\triangle ABC$ 의 넓이를 이등분하므로  
 $\triangle ABC$ 의 넓이는  $12 \times 2 = 24(\text{cm}^2)$ 이다.  
높이가  $6\text{cm}$ 인 삼각형의 넓이가  $24\text{cm}^2$ 이므로  
 $\frac{1}{2} \times \overline{AB} \times 6 = 24, \overline{AB} = 8\text{cm}$   
따라서  $\triangle ABC$ 의 둘레의 길이는  
 $6 + 8 + 10 = 24(\text{cm})$