1. 두 점 A(-3, 1), B(2, 5) 사이의 거리는?

① 5 ② $4\sqrt{2}$ ③ 6 ④ $\sqrt{41}$ ⑤ $\sqrt{43}$

 $\overline{AB} = \sqrt{\{2 - (-3)\}^2 + (5 - 1)^2} = \sqrt{41}$

2. 길이가 36 인 선분 AB 를 3 : 1 로 내분하는 점을 C, 선분 BC 를 4 : 1로 외분하는 점을 D 라고 할 때, 선분 AD의 길이를 구하여라.

답:▷ 정답: 24

7 00. -

AC : $\overline{CB} = 3 : 1$ 이므로 $\overline{AC} = 27, \overline{CB} = 9$ 이다. $\overline{BD} : \overline{DC} = 4 : 1$ 이므로 $\overline{BC} : \overline{CD} = 0$ (4-1): 1 = 3: 1따라서 $\overline{BC} = 9, \overline{CD} = 3$ 이다.
그러므로 $\overline{AD} = \overline{AC} - \overline{CD} = 27 - 3 = 24$ 이다.

- 그림에서 A, B, C는 도로가 통과하는 세 마을이다. A마을과 B마을 사이의 거리는 A B C ** 3. 6 km, B마을과 C마을 사이의 거리는 3 km이다. 이 도로 위에 또 하나의 다른 마을이 있는데, 그 마을과 Λ 사이의 거리는 그 마을과 C마을 사이의 거리의 2배이다. 그 마을과 B마을 사이의 거리는?
 - ① 6 km ④ 15 km
- $\bigcirc 9 \, \mathrm{km}$ ⑤ 18 km
- ③12 km

그림과 같이 A 마을을 원점으로 하고, 구하고자 하는 마을을 X라 하면

A(0), B(6), C(9), X(x)A 마을과 X 마을 사이의 거리는 C마을과 X마을 사이의 거리의 2배이므로

|x - 0| = 2|x - 9|

 $\therefore 2(x-9) = \pm x$ $\therefore x = 6 \stackrel{\mathbf{\Xi}}{\mathbf{\Xi}} x = 18$

여기서 x = 6이면 X = B가 되므로 성립하지 않는다.

따라서 x = 18이 때, X마을과 B마을 사이의 거리는 18 - 6 = 12(km)

- **4.** 두 점 A(-1,4), B(6,3) 에서 같은 거리에 있는 x축 위의 점을 P(a,b)라 할 때, a+b의 값은?
 - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

 $\mathbf{P} = (a,0)$ 이므로 $\overline{\mathbf{AP}}^2 = \overline{\mathbf{BP}}^2$ 에서 $(a+1)^2 + 4^2 = (a-6)^2 + 9$, a=2 $\therefore P = (2,0)$

a+b=2

- **5.** 두 정점 A(1, 2), B(-3, 0) 으로부터 같은 거리에 있는 점들의 자취의 방정식은?
- ① y = 2x + 1 ② y = 2x 1 ③ y = -2x + 1

구하는 점을 P(x,y) 라 하면 $\overline{AP} = \overline{BP}$ 이므로

 $\sqrt{(x-1)^2 + (y-2)^2} = \sqrt{(x+3)^2 + y^2}$

양변을 제곱해서 정리하면

-8x - 4y - 4 = 0, -4y = 8x + 4

 $\therefore y = -2x - 1$

두 점으로부터 같은 거리에 있는 점의 자취는 선분의 수직이등

해설

분이다. $\overline{\mathrm{AB}}$ 의 기울기가 $\frac{1}{2}$ 이므로

 $\overline{\mathrm{AB}}$ 의 수직이등분선은 기울기는 -2 이고

AB 의 중점(-1, 1) 을 지난다. $\therefore y-1=-2(x+1)$

 $\therefore y = -2x - 1$

- 6. 수직선 위의 세 점 A(1), B(7), C(10) 과 동점 A P(x) B C P(x) 에 대하여 $\overline{AP}^2 + \overline{BP}^2 + \overline{CP}^2$ 이 최소가 $\overline{1}$ 7 10 되는 점 P 의 좌표를 구하면?
 - ① P(5) ② P(6) ③ P(7) ④ P(8) ⑤ P(9)

 $\overline{AP}^2 + \overline{BP}^2 + \overline{CP}^2$

 $= (x-1)^2 + (x-7)^2 + (x-10)^2$ = 3(x-6)^2 + 42 따라서, x = 6 일 때 최소가 된다.

- 7. 좌표평면 위의 두 점 A(7,4), B(8,6)과 직선 y=x 위를 움직이는 점 P에 대하여 $\overline{PA} + \overline{PB}$ 의 값을 최소가 되게 하는 점 P의 x좌표를 a라 할 때, 5a의 값을 구하면?
 - 답:

▷ 정답: 32

A(7, 4)를 y = x에 대칭이동한 점 C(4, 7)에 대하여 $\overline{PA} + \overline{PB}$

가 최소인 점 P는 선분 BC와 직선 y = x의 교점이다.

$$y = -\frac{1}{4}x + 8 와 y = x 의 교점은 \left(\frac{32}{5}, \frac{32}{5}\right)$$

∴ $5a = 32$

네 점 A(−2,3) , B(3,a) , C(b,4) , D(2,8)을 꼭짓점으로 하는 □ABCD 8. 가 마름모가 되도록 하는 a,b 의 합을 구하면?

②6 3 7 4 8 5 9 ① 5

해설

□ABCD가 마름모이므로 $\overline{\mathrm{AD}} /\!/ \overline{\mathrm{BC}}, \ \overline{\mathrm{AD}} = \overline{\mathrm{BC}}$ 이다. 따라서 점 D는 점 A를 x축 방향으로 4만큼 y축 방향으로 5만큼 평행이동한 것이므로 점 C도 점 B를 x축 방향으로 4만큼 y축 방향으로 5만큼 평행이동한 것이다. \therefore (3+4, a+5) = (b, 4)

a = -1, b = 7

 $\therefore a+b=6$