

1. $\frac{2x+y}{3} + \frac{x-2y}{2}$ 를 간단히 하면?

① $2x+15y$

④ $x+4y$

② $\frac{1}{6}x + \frac{5}{4}y$

⑤ $\frac{5}{4}x - \frac{1}{6}y$

③ $\frac{7}{6}x - \frac{2}{3}y$

해설

$$\begin{aligned}\frac{2x+y}{3} + \frac{x-2y}{2} &= \frac{2(2x+y)}{6} + \frac{3(x-2y)}{6} \\&= \frac{4x+2y}{6} + \frac{3x-6y}{6} \\&= \frac{4x+2y+3x-6y}{6} \\&= \frac{7x-4y}{6} \\&= \frac{7}{6}x - \frac{2}{3}y\end{aligned}$$

2. $7x - [5x - \{2y - 4(x - 3y)\}]$ 를 간단히 했을 때, x 의 계수와 y 의 계수의 합은?

① 12 ② 11 ③ 10 ④ 9 ⑤ 8

해설

$$\begin{aligned}7x - [5x - \{2y - 4(x - 3y)\}] \\= 7x - (9x - 14y) \\= -2x + 14y \\∴ (-2) + 14 = 12\end{aligned}$$

3. 어떤 식에서 $-x^2 - 2x$ 를 빼어야 할 것을 잘못하여 더하였더니 $4x^2 + x$ 가 되었다. 바르게 계산하였을 때의 답은?

- ① $2x^2 + x$ ② $3x^2 - x$ ③ $4x^2 + x$
④ $5x^2 + 3x$ ⑤ $6x^2 + 5x$

해설

어떤 식을 A 라 하면
 $A + (-x^2 - 2x) = 4x^2 + x$
 $A = (4x^2 + x) - (-x^2 - 2x) = 5x^2 + 3x$
따라서 바르게 계산하면 $(5x^2 + 3x) - (-x^2 - 2x) = 6x^2 + 5x$ 이다.

4. 다음 계산 중 옳은 것은?

- ① $2a(3x + 2) = 6ax + 2a$
- ② $(2ab + 3b) \div \frac{b}{2} = 4a + 6b^2$
- ③ $(8x^2 - 12x) \div (-4x) = -2x + 3$
- ④ $2x(3x - 1) - 3x(4 - x) = 9x^2 - 10x$
- ⑤ $3x(-x + 2y - 4) = 3x^2 + 6xy - 12x$

해설

- ① $6ax + 4a$
- ② $4a + 6$
- ④ $9x^2 - 14x$
- ⑤ $-3x^2 + 6xy - 12x$

5. $\frac{2x+y}{3} - \frac{x+3y}{2} = ax+by$ 일 때, 상수 a, b 의 합 $a+b$ 의 값은?

- ① $-\frac{5}{3}$ ② -1 ③ $-\frac{1}{3}$ ④ 1 ⑤ $\frac{5}{3}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{2x+y}{3} - \frac{x+3y}{2} &= \frac{2(2x+y) - 3(x+3y)}{6} \therefore a = \frac{1}{6}, b = -\frac{7}{6} \\ &= \frac{4x+2y - 3x-9y}{6} \\ &= \frac{x-7y}{6} \\ &= \frac{1}{6}x - \frac{7}{6}y\end{aligned}$$

$$\therefore a+b = \frac{1}{6} + \left(-\frac{7}{6}\right) = -1$$

6. 식 $(-2x^2 - x + 3) - (x^2 + 3x - 4)$ 를 간단히 하였을 때, x 의 계수와 상수항의 합은?

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

해설

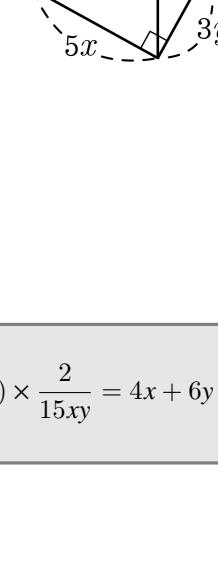
$$-2x^2 - x + 3 - x^2 - 3x + 4$$

$$= -3x^2 - 4x + 7$$

x 의 계수는 -4 , 상수항은 7

$$\therefore (-4) + 7 = 3$$

7. 다음 그림의 삼각기둥의 부피가 $30x^2y + 45xy^2$ 일 때, 이 삼각기둥의 높이 h 를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $4x + 6y$

해설

$$h = (30x^2y + 45xy^2) \times \frac{2}{15xy} = 4x + 6y$$

8. $8x - 2y + 2 = 4x - y - 3$ 일 때, $2x - 3y + 1$ 을 x 에 관한 식으로 나타내면?

- ① $-10x + 16$ ② $\textcircled{2} -10x - 14$ ③ $12x + 16$
④ $10x - 14$ ⑤ $10x - 16$

해설

$$\begin{aligned} 8x - 2y + 2 &= 4x - y - 3, \\ y &= 8x - 4x + 2 + 3 = 4x + 5 \\ \therefore 2x - 3y + 1 &= 2x - 3(4x + 5) + 1 \\ &= 2x - 12x - 15 + 1 \\ &= -10x - 14 \end{aligned}$$

9. 네 개의 수 a, b, c, d 에 대하여 기호 $|$ 를 $\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = ad - bc$ 와 같이 정의할 때, $\begin{vmatrix} x+2y & x-y \\ 3(x-2y) & 2y-x \end{vmatrix} = 2Ax^2 - 3Bxy + 2Cy^2$ 을 만족하는 A, B, C 의 값을 차례대로 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $A = -2$

▷ 정답: $B = -3$

▷ 정답: $C = -1$

해설

$$\begin{vmatrix} x+2y & x-y \\ 3(x-2y) & 2y-x \end{vmatrix}$$
 을 정의대로 계산하면
$$(x+2y)(2y-x) - (x-y)(3x-6y)$$
$$= 2xy - x^2 + 4y^2 - 2xy - 3x^2 + 6xy + 3xy - 6y^2$$
$$= -4x^2 + 9xy - 2y^2$$
$$2Ax^2 - 3Bxy + 2Cy^2 = -4x^2 + 9xy - 2y^2$$
 이므로
$$2A = -4$$
에서 $A = -2$
$$-3B = 9$$
에서 $B = -3$
$$2C = -2$$
에서 $C = -1$

10. $x : y = 3 : 4$ 일 때, $\frac{5x^2}{2x^2 + 3y^2} - \frac{y^2}{3x^2 - y^2}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{17}{22}$

해설

$$x : y = 3 : 4$$

$$3y = 4x$$

$$y = \frac{4}{3}x$$

$$\left(\text{준식} \right) = \frac{5x^2}{2x^2 + 3 \times \frac{16}{9}x^2} - \frac{\frac{16}{9}x^2}{3x^2 - \frac{16}{9}x^2}$$

$$= \frac{5x^2}{\frac{22}{9}x^2} - \frac{\frac{16}{9}x^2}{\frac{11}{9}x^2}$$

$$= \frac{\frac{15}{22}}{\frac{17}{22}}$$

$$= -\frac{17}{22}$$