

1. 다음 이차함수의 그래프를 같은 좌표평면에 그릴 때, 포물선의 폭이 가장 넓은 것은?

① $y = -\frac{1}{2}x^2$

② $y = -x^2 + \frac{1}{4}$

③ $y = 2x^2 - x$

④ $y = \frac{1}{4}x^2 - x + 1$

⑤ $y = x^2 - 6x + 2$

해설

x^2 의 계수의 절댓값이 작을수록 폭이 넓다.
따라서 절댓값이 가장 작은 것은 ④이다.

2. 다음 보기의 이차함수의 그래프 중 이차함수 $y = -2x^2$ 의 그래프를 평행이동하여 완전히 포괄 수 없는 것을 모두 고르면?

① $y = -2x^2 - 4x - 1$

② $y = -2(x - 1)^2$

③ $y = -\frac{1}{2}x^2 + 1$

④ $y = x^2 - 2x - (1 + 3x^2)$

⑤ $y = -(2 - x)(2 + x) + 1$

해설

$y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프에서 a 의 값이 같으면 평행 이동하여 두 이차 함수의 그래프를 완전히 포괄 수 있다.

따라서 $a = -2$ 가 아닌 것은 ③, ⑤이다.

3. 포물선 $y = x^2 + 7x + 10$ 의 그래프와 x 축과의 교점을 A, B 라 할 때, AB 의 길이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

$y = x^2 + 7x + 10$ 의 그래프와 x 축과의 교점은
 $x^2 + 7x + 10 = 0$ 의 근과 같다.

$$x^2 + 7x + 10 = 0$$

$$(x + 2)(x + 5) = 0$$

$$x = -2 \text{ 또는 } x = -5$$

$$A(-2, 0), B(-5, 0)$$

$$\therefore \overline{AB} = 3$$

4. 이차함수 $y = -x^2 + 5x - 4$ 의 그래프가 지나지 않는 사분면은?

① 제 1 사분면

② 제 2 사분면

③ 제 3 사분면

④ 제 4 사분면

⑤ 제 2, 4 사분면

해설

$$\begin{aligned}y &= -x^2 + 5x - 4 \\&= -\left(x^2 - 5x + \frac{25}{4} - \frac{25}{4}\right) - 4 \\&= -\left(x - \frac{5}{2}\right)^2 + \frac{25}{4} - 4 \\&= -\left(x - \frac{5}{2}\right)^2 + \frac{9}{4}\end{aligned}$$

