

1. 다음 중 240 을 바르게 소인수분해한 것은?

- ①  $2^4 \times 3 \times 5$       ②  $2^3 \times 3 \times 7$       ③  $2^2 \times 3^2 \times 5^2$
- ④  $2^3 \times 3 \times 5^2$       ⑤  $2^2 \times 3^2 \times 5$

해설

$$\begin{array}{r} 2 ) 240 \\ 2 ) 120 \\ 2 ) 60 \\ 2 ) 30 \\ 3 ) 15 \\ \quad\quad\quad 5 \end{array}$$

$$\therefore 240 = 2^4 \times 3 \times 5$$

2. 다음 중 소인수분해가 옳지 않은 것은?

①  $150 = 2 \times 3 \times 5^2$

②  $16 = 4^2$

③  $108 = 2^2 \times 3^3$

④  $63 = 3^2 \times 7$

⑤  $168 = 2^3 \times 3 \times 7$

해설

②,  $16 = 2^4$

### 3. 다음 중 약수의 개수가 다른 하나는?

①  $3^{11}$

②  $2^3 \times 3^2$

③  $3^3 \times 7^2$

④  $3^2 \times 5 \times 7$

⑤  $2^5 \times 5^2$

#### 해설

각각의 약수의 개수를 구하면 다음과 같다.

①  $11 + 1 = 12$  (개)

②  $(3 + 1) \times (2 + 1) = 12$  (개)

③  $(3 + 1) \times (2 + 1) = 12$  (개)

④  $(2 + 1) \times (1 + 1) \times (1 + 1) = 12$  (개)

⑤  $(5 + 1) \times (2 + 1) = 18$  (개)

4.  $2^2 \times 5 \times 7^2 \times 9$  의 약수의 개수를 구하면?

- ① 36개
- ② 42개
- ③ 48개
- ④ 54개
- ⑤ 58개

해설

$$2^2 \times 5 \times 7^2 \times 9$$

$$= 2^2 \times 5 \times 7^2 \times 3^2$$

$$(\text{약수의 개수}) = (2+1) \times (1+1) \times (2+1) \times (2+1) = 54 \text{ (개)}$$

5. 108의 약수의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▶ 정답 : 12 개

해설

$$108 = 2^2 \times 3^3$$

$$\text{약수의 개수} : (2+1) \times (3+1) = 12$$

6.  $2^a = 64$ ,  $3^b = 81$ ,  $5^3 = c$  를 만족하는 세 자연수  $a$ ,  $b$ ,  $c$  에 대하여  
 $c - a - b$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 115

해설

$$2^1 = 2$$

$$2^2 = 2 \times 2 = 4$$

$$2^3 = 2 \times 2 \times 2 = 8$$

⋮

$$2^6 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 64$$

이므로  $a = 6$  이다.

$$3^1 = 3$$

$$3^2 = 3 \times 3 = 9$$

$$3^3 = 3 \times 3 \times 3 = 27$$

$$3^4 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81$$

이므로  $b = 4$  이다.

$$5^3 = 5 \times 5 \times 5 = 125 \text{ 이므로 } c = 125 \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } c - a - b = 125 - 6 - 4 = 115 \text{ 이다.}$$

7. 다음에서  $2^4 \times 3^2$  의 약수가 아닌 것은?

①  $2^4$

②  $2^2 \times 3^2$

③  $2 \times 3^2$

④  $3^3$

⑤ 1

해설

$2^4$ 의 약수는 1, 2,  $2^2$ ,  $2^3$ ,  $2^4$ 이고

$3^2$ 의 약수는 1, 3,  $3^2$ 이므로

$2^4 \times 3^2$ 의 약수는 다음과 같다.

| $\times$ | 1     | 2              | $2^2$            | $2^3$            | $2^4$            |
|----------|-------|----------------|------------------|------------------|------------------|
| 1        | 1     | $1 \times 2$   | $1 \times 2^2$   | $1 \times 2^3$   | $1 \times 2^4$   |
| 3        | 3     | $3 \times 2$   | $3 \times 2^2$   | $3 \times 2^3$   | $3 \times 2^4$   |
| $3^2$    | $3^2$ | $3^2 \times 2$ | $3^2 \times 2^2$ | $3^2 \times 2^3$ | $3^2 \times 2^4$ |

8. 다음은 나예빼가 넌멋져에게 보낸 암호문이다. 아래 네모 칸에 쓰여진 수 중에서  $2^4 \times 3^3$  의 약수를 모두 찾아 색칠하면 나예빼와 넌멋져가 만나는 시간이 나타난다. 나예빼와 넌멋져가 몇 시에 만나는지 구하여라.

|                  |                           |                  |
|------------------|---------------------------|------------------|
| $2 \times 3$     | 12                        | $2^2 \times 3$   |
| 11               | $2 \times 3^3 \times 5^2$ | $2^4 \times 3^3$ |
| $2^3 \times 3^2$ | $2 \times 3^3$            | 1                |
| $3^2 \times 11$  | 100                       | $2 \times 3^2$   |
| 8                | $3^3$                     | $2^3 \times 3$   |

▶ 답 : 시

▷ 정답 : 3시

### 해설

$2^4$ 의 약수는 1, 2,  $2^2$ ,  $2^3$ ,  $2^4$ 이고  $3^3$ 의 약수는 1, 3,  $3^2$ ,  $3^3$ 이다. 표의 수들을 소인수분해하여 나타내면  $12 = 2^2 \times 3$ ,  $8 = 2^3$ ,  $100 = 2^2 \times 5^2$ 이다.  $2^4 \times 3^3$ 의 약수를 모두 찾아 색칠하면 다음 표와 같다.

|                  |                           |                  |
|------------------|---------------------------|------------------|
| $2 \times 3$     | 12                        | $2^2 \times 3$   |
| 11               | $2 \times 3^3 \times 5^2$ | $2^4 \times 3^3$ |
| $2^3 \times 3^2$ | $2 \times 3^3$            | 1                |
| $3^2 \times 11$  | 100                       | $2 \times 3^2$   |
| 8                | $3^3$                     | $2^3 \times 3$   |

따라서 나예빼와 넌멋져가 만나는 시간은 3 시이다.

9. 다음 중 180의 약수는?

①  $2^3 \times 5$

②  $3^2 \times 7$

③  $2^2 \times 3^2$

④  $3^3 \times 5 \times 7$

⑤  $2^2 \times 3^3 \times 7$

해설

180을 소인수분해하면  $180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$ 이다.

10. 자연수  $2^3 \times 3^a$  의 약수의 개수가 12 일 때,  $a$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$$(3 + 1)(a + 1) = 12$$

$$a + 1 = 3$$

$$\therefore a = 2$$

11. 자연수  $3^a \times 5^4 \times 7^5$  의 약수의 개수가 120 이다. 이때,  $a$  의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$(a+1)(4+1)(5+1) = 120$$

$$a+1 = 4$$

$$\therefore a = 3$$

12. 자연수  $A = 2^2 \times 3^n$  의 약수의 개수가 24 일 때,  $n$  的 값을 구하면?

① 2

② 5

③ 7

④ 8

⑤ 12

해설

$$(2+1)(n+1) = 24$$

$$n+1 = 8$$

$$\therefore n = 7$$

13. 다음 1 보다 큰 자연수 중에서 1 과 그 수 자신만을 약수로 가지는 수가 아닌 것은?

- ① 7
- ② 11
- ③ 13
- ④ 17
- ⑤ 27

해설

1 보다 큰 자연수 중에서 1 과 그 수 자신만을 약수로 가지는 수는 소수이다.

따라서 소수가 아닌 수는 27 이다.

#### 14. 다음 중 소수는 모두 몇 개인가?

1, 19, 29, 39, 49, 51, 59, 89

- ① 1 개      ② 2 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 5 개

#### 해설

1 의 약수 : 1

39 의 약수 : 1, 3, 13, 39

49 의 약수 : 1, 7, 49

51 의 약수 : 1, 3, 17, 51

따라서 소수는 19, 29, 59, 89 의 4개이다.

15. 264의 소인수를 바르게 구한 것은?

- ① 2, 3, 11
- ② 1, 2, 3, 11
- ③  $2^2$ , 11
- ④  $2^3$ , 3, 11
- ⑤ 2, 3, 5, 11

해설

$$264 = 2^3 \times 3 \times 11$$

16. 다음 중  $2^3 \times 3^2 \times 5 \times 7^4$  의 소인수를 바르게 구한 것은?

① 2, 3, 5

② 2, 3, 7

③ 2, 3, 5, 7

④  $2^2, 3^2, 5^2, 7^2$

⑤  $2^3, 3^2, 5, 7^4$

해설

$2^3 \times 3^2 \times 5 \times 7^4$  이므로 소인수는 2, 3, 5, 7이다.

17. 다음 중 50 의 소인수로만 이루어진 모임은?

① 2, 5

② 1, 2, 5

③ 1, 2, 5, 10

④ 2, 5, 10, 25

⑤ 1, 2, 5, 10, 25, 50

해설

50 을 소인수분해하면 다음과 같다.

$$\begin{array}{r} 2 ) \underline{50} \\ 5 ) \underline{25} \\ \quad \quad \quad 5 \end{array}$$

이므로 50 의 소인수는 2, 5 이다.

18. 28에 가능한 한 작은 자연수  $a$ 를 곱하여 어떤 자연수  $b$ 의 제곱이 되도록 할 때,  $a$ 의 값은?

① 2

② 3

③ 4

④ 5

⑤ 7

해설

$$28 \times a = b^2 \text{에서}$$

$$28 = 2^2 \times 7$$

$$a = 7$$

$$2^2 \times 7 \times 7 = b^2$$

$$2^2 \times 7^2 = b^2$$

$$b = 2 \times 7 = 14$$

19. 75 에 가능한 한 작은 자연수  $x$ 로 나누어서 어떤 자연수  $y$ 의 제곱이 되게 하려고 한다.  $y$ 의 값은?

① 1

② 3

③ 5

④ 9

⑤ 15

해설

75 를 소인수분해하면 다음과 같다.

$$\begin{array}{r} 3 ) 75 \\ 5 ) 25 \\ \hline 5 \end{array}$$

$75 = 3 \times 5^2$  이므로  $\frac{3 \times 5^2}{x} = y^2$  을 만족하는  $x$  의 값 중 가장 작은 자연수는 3 이다. 따라서  $y = 5$  이다.

20. 60에 어떤 자연수를 곱하여 자연수의 제곱이 되게 하려고 할 때, 곱할 수 있는 수 중에서 가장 작은 자연수는?

① 3

② 5

③ 12

④ 15

⑤ 20

해설

$$60 = 2^2 \times 3 \times 5$$

곱해야 할 가장 작은 자연수는  $3 \times 5 = 15$

21.  $3^2 \times 5 \times 7$  에 자연수  $a$  를 곱하면 어떤 자연수의 제곱인 수가 된다.  $a$  의 최솟값은?

① 5

② 7

③ 15

④ 21

⑤ 35

해설

$3^2 \times 5 \times 7 \times a$  가 어떤 자연수의 제곱인 수가 되려면  $3^2 \times 5 \times 7 \times a$  를 소인수분해했을 때 각 소인수의 지수가 짝수여야 한다. 따라서 만족하는 자연수  $a$  의 최솟값은  $5 \times 7 = 35$  이다.

22. 48에 가장 작은 자연수를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 이때, 곱하여야 할 가장 작은 자연수를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

48을 소인수분해하면 다음과 같다.

$$\begin{array}{r} 2 ) 48 \\ 2 ) 24 \\ 2 ) 12 \\ 2 ) \underline{6} \\ 3 \end{array}$$

$48 = 2^4 \times 3$  이므로  $2^4 \times 3 \times \square$  가 어떤 자연수의 제곱이 되기 위한  $\square$ 의 값 중에서 가장 작은 자연수는 3이다.

23.  $90 \times A = B^2$  을 만족하는 가장 작은 자연수  $A$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 10

해설

90 을 소인수분해하면 다음과 같다.

$$2 \overline{) 90}$$

$$3 \overline{) 45}$$

$$3 \overline{) 15}$$

5

$90 = 2 \times 3^2 \times 5$  이므로  $2 \times 3^2 \times 5 \times A = B^2$  을 만족하는  $A$ 의 값 중에서 가장 작은 자연수는  $2 \times 5$  이다.