

1. 다음 식에 대한 설명으로 옳지 않은 것을 고르면?

$$-2ax^2y^2 + xy - 3$$

- ① 항이 모두 3개로 이루어진 식이다.
- ② x 에 대한 내림차순으로 정리된 식이다.
- ③ y 에 대한 내림차순으로 정리된 식이다.
- ④ x 에 관한 4차식이다.
- ⑤ xy 의 계수는 1이다.

해설

- ④ x 에 관한 2차식이다.

2. 다음 중 다항식의 사칙연산이 잘못된 것은?

① $(4x - 2) + (7 - 2x) = 2x - 5$

② $(x^2 + 2y^2) - 2(y^2 - 3x^2) = 7x^2$

③ $(x + y)^3 = x^3 + 3x^2y + 3xy^2 + y^3$

④ $(x + y + z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 + 2xy + 2yz + 2zx$

⑤ $(x^3 + 1) \div (x + 1) = x^2 - x + 1$

해설

① $(4x - 2) + (7 - 2x) = 2x + 5$

3. 등식 $3x^2 + 2x + 1 = a(x-1)^2 + b(x-1) + c$ 이 x 에 대한 항등식이 될 때, $a - b + c$ 의 값은?

① 6

② 5

③ 3

④ 1

⑤ 0

해설

우변을 전개하여 x 에 대한 내림차순으로 정리하면

$$ax^2 - (2a-b)x + a - b + c = 3x^2 + 2x + 1$$

계수를 비교하면

$$a = 3, \quad 2a - b = -2, \quad a - b + c = 1$$

$$a = 3, \quad b = 8, \quad c = 6$$

$$a - b + c = 3 - 8 + 6 = 1$$

해설

양변에 $x = 0$ 을 대입하면 $1 = a - b + c$

4. 등식 $3x^2 + 5x = a(x-1)^2 + b(x+1) + c$ 가 x 에 관한 항등식이 되도록 하는 상수 a, b, c 에 대하여 $a+b-c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 28

해설

우변을 전개하여 계수비교법으로 미정계수를 구한다.

$$\begin{aligned}3x^2 + 5x &= a(x-1)^2 + b(x+1) + c \\&= ax^2 + (-2a+b)x + a + b + c \\a = 3, -2a + b &= 5, a + b + c = 0 \\\therefore a &= 3, b = 11, c = -14 \\\therefore a + b - c &= 28\end{aligned}$$

해설

수치대입법으로 미정계수를 구해도 된다.

양변에 $x = 0$ 을 대입하면

$$0 = a + b + c \cdots \textcircled{1}$$

양변에 $x = 1$ 을 대입하면

$$8 = 2b + c \cdots \textcircled{2}$$

양변에 $x = -1$ 을 대입하면

$$-2 = 4a + c \cdots \textcircled{3}$$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}, \textcircled{3}$ 을 연립하면

$$a = 3, b = 11, c = -14$$

$$\therefore a + b - c = 28$$

5. 다항식 $x^3 + 5x^2 - kx - k$ 가 $x - 1$ 로 나누어 떨어지도록 상수 k 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

인수정리에 의해서 $x = 1$ 을 대입하면

$$1^3 + 5 \times 1^2 - k \times 1 - k = 0$$

$$\therefore k = 3$$

6. x 에 대한 다항식 $x^3 - 2x^2 - px + 2$ 가 $x - 2$ 로 나누어떨어지도록 상수 p 의 값을 정하면?

- ① 1 ② -1 ③ 2 ④ -2 ⑤ 3

해설

$x^3 - 2x^2 - px + 2 = f(x)$ 로 놓으면 $f(x)$ 가 $x - 2$ 로 나누어떨어지려면

$$f(2) = 0 \text{ 이므로,}$$

$$f(2) = 8 - 8 - 2p + 2 = 0$$

$$\therefore p = 1$$

7. 다음 보기의 복소수 중 실수인 것의 개수는?

보기

$$2i, \quad 1 + \sqrt{-4}, \quad 3 + 4i, \quad 9, \quad i^2 + 1$$

- ① 1개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

해설

$a + bi$ 에서 $b = 0$ 인 경우, 즉 허수 부분이 0이면 실수이다.

$2i$ 의 허수 부분은 2 , $1 + \sqrt{-4} = 1 + 2i$ 에서 허수 부분은 2 이고,
 $3 + 4i$ 의 허수 부분은 4 이다.

9 와 $i^2 + 1 = -1 + 1 = 0$ 의 허수 부분은 0 이다.

따라서 실수인 것은 9 와 $i^2 + 1$ 로 두 개다.

8. $(6x^3 - x^2 - 5x + 5) \div (2x - 1)$ 의 몫을 a , 나머지를 b 라 할 때, $a + b$ 를 구하면?

- ① $3x^2 + x + 1$ ② $x^2 + x + 1$ ③ $3x^2 + 1$
④ $x^2 + x - 1$ ⑤ $3x^2 + x$

해설

나눗셈을 이용하면 $a = 3x^2 + x - 2$, $b = 3$
 $\therefore a + b = 3x^2 + x + 1$

해설

조립제법을 이용할 수 있다.

이 때, $2x - 1$ 로 나눈 몫은 $x - \frac{1}{2}$ 로 나눈 몫의 $\frac{1}{2}$ 이고 나머지는 같다.

$$\begin{aligned}f(x) &= \left(x - \frac{1}{2}\right) Q(x) + R \\&= (2x - 1) \cdot \frac{1}{2} \cdot Q(x) + R\end{aligned}$$

9. 다항식 $f(x)$ 를 $2x^2 + 3x + 2$ 로 나누었더니 몫이 $3x - 4$ 이고, 나머지가 $2x + 5$ 이었다. 이 때, $f(1)$ 의 값은?

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 3 ⑤ 5

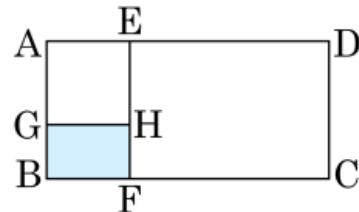
해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\&= 6x^3 + 9x^2 + 6x - 8x^2 - 12x - 8 + 2x + 5 \\&= 6x^3 + x^2 - 4x - 3 \\\therefore f(1) &= 6 + 1 - 4 - 3 = 0\end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\f(1) &= (2 + 3 + 2)(3 - 4) + (2 + 5) = -7 + 7 = 0\end{aligned}$$

10. 다음 그림의 사각형 AGHE, 사각형 EFCD는 정사각형이고, $\overline{AD} = a$, $\overline{AB} = b$ 일때, 사각형 GBFH의 넓이는?



- ① $a^2 - 2ab - b^2$ ② $a^2 + 3b^2 - 2ab$
③ $-a^2 + 3ab - 2b^2$ ④ $-a^2 + 3ab - b^2$
⑤ $-a^2 + 2ab - b^2$

해설

$$\begin{aligned}\square \text{GBFH} &= \square \text{ABCD} - \square \text{AGHE} - \square \text{EFCD} \\&= ab - (a - b)^2 - b^2 = ab - (a^2 - 2ab + b^2) - b^2 \\&= -a^2 + 3ab - 2b^2\end{aligned}$$

11. $(a + b - c)(a - b + c)$ 를 전개하면?

- ① $a^2 + b^2 - c^2 - 2bc$ ② $a^2 - b^2 + c^2 - 2bc$
③ $a^2 + b^2 - c^2 + 2ab$ ④ $\textcircled{④} a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$
⑤ $a^2 - b^2 - c^2 - 2ab$

해설

$$\begin{aligned}(a + b - c)(a - b + c) \\&= \{a + (b - c)\}\{a - (b - c)\} \\&= a^2 - (b - c)^2 \\&= a^2 - b^2 - c^2 + 2bc\end{aligned}$$

12. $(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2)$ 를 전개했을 때, x^2 과 x^3 의 계수를 모두 0이 되게 하는 상수 a, b 에 대하여 $a + b$ 의 값은?

- ① -2 ② -1 ③ 1 ④ 2 ⑤ $\frac{3}{2}$

해설

$$(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2) \\ = x^5 + bx^4 + (a+2)x^3 + (ab+2)x^2 + (2a+2b)x + 4$$

$(x^2 \text{의 계수}) = (x^3 \text{의 계수}) = 0$ 이므로

$$ab + 2 = 0, \quad a + 2 = 0$$

따라서 $a = -2, b = 1$

$$\therefore a + b = -1$$

13. $(x^2 + x)(x^2 + x + 1) - 6$ 을 인수분해하면?

- ① $(x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 3)$ ② $(x - 1)(x + 2)(x^2 + x - 3)$
- ③ $(x - 2)(x + 1)(x^2 + x + 3)$ ④ $(x - 1)(x + 2)(x^2 - x + 3)$
- ⑤ $(x + 1)(x - 2)(x^2 - x + 3)$

해설

$x^2 + x = X$ 라 하자.

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= X(X + 1) - 6 \\&= X^2 + X - 6 \\&= (X + 3)(X - 2) \\&= (x^2 + x + 3)(x^2 + x - 2) \\&= (x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 3)\end{aligned}$$

14. 다음 중 다항식 $x^4 - 8x^2 - 9$ 의 인수가 아닌 것은?

① $x - 3$

② $x + 3$

③ $x^2 + 1$

④ $x^2 + 9$

⑤ $x^3 + 3x^2 + x + 3$

해설

준 식을 인수분해 하면

$$x^4 - 8x^2 - 9 = (x^2 + 1)(x^2 - 9)$$

$$= (x^2 + 1)(x + 3)(x - 3)$$

⑤ $x^2(x + 3) + x + 3 = (x^2 + 1)(x + 3)$

15. $x^2 - 2x - y^2 + 2y$ 를 인수분해 하였더니 $(x + ay)(x - by + c)$ 가 된다고 할 때, $a + b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : -4

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2x - y^2 + 2y \\&= (x^2 - y^2) - 2(x - y) \\&= (x + y - 2)(x - y) \\&= (x + ay)(x - by + c)\end{aligned}$$

계수를 비교하면

$$a = -1, b = -1, c = -2$$

$$\therefore a + b + c = -1 - 1 - 2 = -4$$

16. x 에 대한 다항식 $x^3 - 2x^2 - x + 2$ 가 $(x+a)(x+b)(x+c)$ 로 인수분해 될 때, $a^2 + b^2 + c^2$ 의 값은? (단, a, b, c 는 상수)

① 5

② 6

③ 7

④ 8

⑤ 9

해설

$$x^3 - 2x^2 - x + 2 = (x+1)(x-1)(x-2)$$

$$a^2 + b^2 + c^2 = (-1)^2 + 1^2 + 2^2 = 6$$

17. $(a+1)(a^2-a+1) = a^3+1$ 을 이용하여 $\frac{1999^3+1}{1998 \times 1999 + 1}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2000

해설

$a = 1999$ 라 하면

$$1998 \times 1999 + 1 = (a-1)a + 1 = a^2 - a + 1$$

$$\begin{aligned}\therefore \frac{1999^3+1}{1998 \times 1999 + 1} &= \frac{a^3+1}{a^2 - a + 1} \\ &= \frac{(a+1)(a^2-a+1)}{a^2 - a + 1} \\ &= a+1 = 2000\end{aligned}$$

18. 두 다항식 $A = a + 2b$, $B = 2a + 3b$ 일 때, $2A + B$ 를 구하는 과정에서 사용된 연산법칙 중 옳지 않은 것을 골라라.

$$\begin{aligned}2A + B &= 2(a + 2b) + (2a + 3b) \\&= (2a + 4b) + (2a + 3b) \quad \textcircled{\text{A}} \text{ 분배법칙} \\&= 2a + (4b + 2a) + 3b \quad \textcircled{\text{B}} \text{ 결합법칙} \\&= 2a + (2a + 4b) + 3b \quad \textcircled{\text{C}} \text{ 교환법칙} \\&= (2a + 2a) + (4b + 3b) \quad \textcircled{\text{D}} \text{ 교환법칙} \\&= (2 + 2)a + (4 + 3)b \quad \textcircled{\text{E}} \text{ 분배법칙} \\&= 4a + 7b\end{aligned}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : \textcircled{\text{E}}

해설

\textcircled{\text{E}} $2a + (2a + 4b) + 3b = (2a + 2a) + (4b + 3b)$: 결합법칙

19. $(10^5 + 2)^3$ 의 각 자리의 숫자의 합을 구하여라.

① 15

② 18

③ 21

④ 26

⑤ 28

해설

준식을 전개하면

$$\begin{aligned} & 10^{15} + 2^3 + 3 \times 2 \times 10^5 (10^5 + 2) \\ &= 10^{15} + 2^3 + 6 \times 10^{10} + 12 \times 10^5 \\ &= 10^{15} + 10^{10} \times 6 + 10^5 \times 12 + 8 \\ \therefore & 1 + 6 + 1 + 2 + 8 = 18 \end{aligned}$$

20. 모든 모서리의 합이 36, 겉넓이가 56인 직육면체의 대각선의 길이는?

① 5

② 6

③ 7

④ 8

⑤ 9

해설

직육면체의 가로, 세로, 높이를 각각 a, b, c 라 하자.

$$4(a + b + c) = 36, \quad 2(ab + bc + ca) = 56$$

$$(a + b + c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca)$$

$$a^2 + b^2 + c^2 = 81 - 56 = 25$$

$$\begin{aligned}\therefore (\text{대각선의 길이}) &= \sqrt{a^2 + b^2 + c^2} \\ &= \sqrt{25} = 5\end{aligned}$$

21. x 에 관계없이 $\frac{x-a}{2x-b}$ 가 항상 일정한 값을 가질 때, 상수 a, b 에 대하여

$\frac{b}{a}$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\frac{x-a}{2x-b} = k \text{ 라 놓으면,}$$

$$(2k-1)x + (a-bk) = 0$$

$$\therefore 2k-1=0, a=bk \text{ 이므로}$$

$$k=\frac{1}{2}, a=\frac{1}{2}b \text{ 이다.}$$

$$\therefore \frac{b}{a}=2$$

22. $\frac{2x + ay - b}{x - y - 1}$ 가 $x - y - 1 \neq 0$ 인 어떤 x, y 의 값에 대하여도 항상 일정한 값을 가질 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -4

해설

$$\frac{2x + ay - b}{x - y - 1} = k \text{ 라 놓으면}$$

$$2x + ay - b = k(x - y - 1)$$

x, y 에 대하여 정리하면,

$$(2 - k)x + (a + k)y - b + k = 0$$

위의 식이 x, y 에 대한 항등식이어야 하므로

$$2 - k = 0, a + k = 0, -b + k = 0$$

$$\therefore k = 2, a = -2, b = 2$$

$$\therefore a - b = -4$$

23. x 에 대한 다항식 $x^3 + ax^2 + bx + 3$ 을 $(x-1)^2$ 을 나누었을 때 나머지가 $2x + 1$ 이 되도록 상수 $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

최고차항의 계수가 1이므로

$$x^3 + ax^2 + bx + 3$$

$$= (x-1)^2(x+k) + 2x + 1$$

$$= x^3 + (k-2)x^2 + (3-2k)x + k + 1$$

양변의 계수를 비교하면

$$a = k - 2, \quad b = 3 - 2k, \quad 3 = k + 1$$

$$k = 2 \text{이므로 } a = 0, \quad b = -1$$

$$\therefore a - b = 0 - (-1) = 1$$

24. $(4x^2 - 3x + 1)^5(x^3 - 2x^2 - 1)^4$ 을 전개했을 때, 계수들의 총합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 512

해설

$$(4x^2 - 3x + 1)^5(x^3 - 2x^2 - 1)^4 = ax^{22} + bx^{21} + \cdots + c$$

위의 식에 $x = 1$ 을 대입하면, 모든 계수들의 총합이 나온다.

$$\therefore (\text{계수의 총합}) = 2^5 \times (-2)^4 = 512$$

25. 다항식 $f(x)$ 를 $x+1$ 로 나눈 나머지가 -2 이고, $x-2$ 로 나눈 나머지가 1 일 때, $f(x)$ 를 $(x+1)(x-2)$ 로 나눈 나머지는?

① $2x + 1$

② $x + 1$

③ $x - 1$

④ $2x - 1$

⑤ $3x + 2$

해설

$$f(x) = (x+1)Q_1(x) - 2$$

$$f(x) = (x-2)Q_2(x) + 1$$

$$f(x) = (x+1)(x-2)Q_3(x) + ax + b$$

$$f(-1) = -a + b = -2, \quad f(2) = 2a + b = 1$$

$$\therefore a = 1, \quad b = -1$$

구하는 나머지는 $x - 1$

26. $f(x)$ 를 $x - 1$ 로 나눌 때 나머지가 3이다. 또, 이때의 몫을 $x + 3$ 으로 나눈 나머지가 2이면 $f(x)$ 를 $x^2 + 2x - 3$ 으로 나눈 나머지를 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: $2x + 1$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (x - 1)Q(x) + 3 \\&= (x - 1)\{(x + 3)Q'(x) + 2\} + 3 \\&= (x - 1)(x + 3)Q'(x) + 2(x - 1) + 3 \\&= (x^2 + 2x - 3)Q'(x) + 2x + 1\end{aligned}$$

따라서, 구하는 나머지는 $2x + 1$

27. 다항식 $f(x)$ 를 $x^2 - 4$ 로 나누었을 때의 나머지가 $-x + 4$ 이다. 다항식 $f(x+1)$ 을 $x^2 + 2x - 3$ 으로 나누었을 때의 나머지를 구하면?

① $2x + 1$

② $-x + 3$

③ $x - 1$

④ $2x$

⑤ $2x - 3$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (x^2 - 4)P(x) - x + 4 \\&= (x+2)(x-2)P(x) - x + 4\end{aligned}$$

$$\therefore f(-2) = 6, \quad f(2) = 2$$

$$\begin{aligned}f(x+1) &= (x^2 + 2x - 3)Q(x) + ax + b \\&= (x+3)(x-1)Q(x) + ax + b\end{aligned}$$

$$x = -3 \text{을 대입하면 } f(-2) = -3a + b = 6$$

$$x = 1 \text{을 대입하면 } f(2) = a + b = 2$$

$$\therefore a = -1, \quad b = 3$$

따라서 나머지는 $-x + 3$

28. $2x^3 + 9x^2 + 11x + 7 = a(x+1)^3 + b(x+1)^2 + c(x+1) + d$ 가 x 에 대한 항등식일 때, a, b, c, d 를 차례로 구하면?

① 3, -1, 3, 2

② 2, 3, -1, 3

③ -3, 1, -3, -2

④ -2, -3, 1, -3

⑤ 1, -3, 4, -2

해설

조립제법을 이용하면

| | | | | | |
|----|----|----|----|---|-----|
| -1 | 2 | 9 | 11 | 7 | |
| | -2 | -7 | -4 | | |
| -1 | 2 | 7 | 4 | 3 | ← d |
| | -2 | -5 | | | |
| -1 | 2 | 5 | -1 | | ← c |
| | -2 | | | | |
| | 2 | 3 | | | ← b |
| | ↑ | | | | |
| | a | | | | |

$$a = 2, b = 3, c = -1, d = 3$$

29. 다음 □안에 들어갈 식이 바르게 연결되지 않은 것은?

$$\begin{aligned} & a^2(b - c) + b^2(c - a) + c^2(a - b) \\ &= (b - c)a^2 - \boxed{\text{(가)}} a + \boxed{\text{(나)}} (b - c) \\ &= \boxed{\text{(다)}} \{a^2 - \boxed{\text{(라)}} a + \boxed{\text{(나)}}\} \\ &= (b - c)(a - b) \boxed{\text{(마)}} \end{aligned}$$

- ① (가) $(b^2 - c^2)$ ② (나) bc ③ (다) $(b - c)$
④ (라) $(b + c)$ ⑤ (마) $(c - a)$

해설

$$\begin{aligned} & a^2(b - c) + b^2(c - a) + c^2(a - b) \\ &= (b - c)a^2 + b^2c - ab^2 + c^2a - bc^2 \\ &= (b - c)a^2 - \boxed{(b^2 - c^2)} a + \boxed{bc} (b - c) \\ &= \boxed{(b - c)} \{a^2 - \boxed{(b + c)} a + \boxed{bc}\} \\ &= (b - c)(a - b) \boxed{(a - c)} \end{aligned}$$

30. 삼각형의 세 변의 길이 a , b , c 에 대하여 $a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca$ 가 성립할 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

① 직각삼각형

② 이등변삼각형

③ 정삼각형

④ 직각이등변삼각형

⑤ 둔각삼각형

해설

$$a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca \text{에서}$$

$$a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = 0$$

$$\frac{1}{2}(2a^2 + 2b^2 + 2c^2 - 2ab - 2bc - 2ca) = 0$$

$$\frac{1}{2}(a^2 - 2ab + b^2 + b^2 - 2bc + c^2 + c^2 - 2ca + a^2) = 0$$

$$\frac{1}{2} \{(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2\} = 0$$

a , b , c 는 실수이므로

$$a-b=0, b-c=0, c-a=0$$

$$\therefore a=b=c$$

따라서, 주어진 삼각형은 정삼각형이다.

31. 다음 두 다항식이 서로 소가 아닐 때, 상수 a 의 모든 값의 합은?

$$x^3 - 2x^2 - 5x + 6, \quad x^2 - 3x + a$$

- ① -10 ② -8 ③ -5 ④ 0 ⑤ 3

해설

$x^3 - 2x^2 - 5x + 6$ 을 조립제법으로 인수분해하면

$$(x - 1)(x + 2)(x - 3)$$

각각의 경우에 대해 나머지 정리를 이용한다

i) $x = 1 \Rightarrow 1 - 3 + a = 0, a = 2$

ii) $x = 2 \Rightarrow 4 + 6 + a = 0, a = -10$

iii) $x = 3 \Rightarrow 9 - 9 + a = 0, a = 0$

$\therefore a$ 의 합 : $2 + (-10) + 0 = -8$

32. 두 다항식 $x^3 + 2x^2 - x - 2$, $2x^3 + (a-2)x^2 - 2x$ 의 최대공약수가 이차식이 되도록 하는 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = 2$

해설

$$\begin{aligned}x^3 + 2x^2 - x - 3 &= x^2(x+2) - (x+2) \\&= (x+2)(x-1)(x-2) \\2x^3 + (a-2)x^2 - 2x &= x(2x^2 + (a-2)x - 2) \cdots ①\end{aligned}$$

두 식의 최대 공약수가 이차식이므로

$x = -2, -1, 1$ 을 ①식에 대입하면

식의 값이 동시에 0이 되는 경우가 있어야 한다.

$$x = -2 \text{ 일 때}, 8 - 2a + 4 - 2 = 0, a = 5$$

$$x = -1 \text{ 일 때}, 2 - a + 2 - 2 = 0, a = 2$$

$$x = 1 \text{ 일 때}, 2 + a - 2 - 2 = 0, a = 2$$

$x = -1, 1$ 일때, 일치함

최대 공약수는 $(x+1)(x-1)$

$$\therefore a = 2$$

33. 합이 $2x^3 + x^2 - 5x + 2$ 이고, 최소공배수가 $x^4 - 3x^2 + 2x$ 인 두 식을 $f(x), g(x)$ 라 할 때, $f(2) \times g(2)$ 의 값을 구하면?

① 12

② 22

③ 26

④ 32

⑤ 36

해설

$$f(x) = Ga, \quad g(x) = Gb \quad (\text{단, } a, b : \text{서로소})$$

$$\begin{aligned} f(x) + g(x) &= G(a+b) \\ &= (x-1)(x+2)(2x-1) \cdots \textcircled{7} \end{aligned}$$

$$L = Gab = x(x-1)^2(x+2) \quad \cdots \textcircled{L}$$

㉠, ㉡에서 $a+b$ 와 ab 가 서로소이므로

$$G = (x-1)(x+2)$$

$$\therefore f(x)g(x) = LG = x(x-1)^2(x+2)(x-1)(x+2) = x(x-1)^3(x+2)^2$$

$$\therefore f(2)g(2) = 32$$

34. 차수가 같은 두 다항식의 합이 $2x^2 - 5x - 3$ 이고 최소공배수가 $x^3 - 2x^2 - 5x + 6$ 일 때, 두 다항식의 최대공약수를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $x - 3$

해설

두 다항식을 A, B 라고 하면

$$A + B = (a + b)G, \quad L = abG,$$

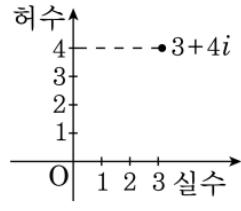
즉, 최대공약수는 두 식의 합과 최소공배수의 공약수이다.

$$x^3 - 2x^2 - 5x + 6 = (x - 3)(x - 1)(x + 2)$$

$$2x^2 - 5x - 3 = (x - 3)(2x + 1)$$

$$\therefore G = x - 3$$

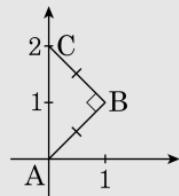
35. 복소수 $z = a + bi$ (a, b 는 실수)를 실수의 순서쌍 (a, b) 로 나타내어 좌표평면 위에 표시할 수 있다. 예를 들어 $3+4i$ 를 $(3, 4)$ 로 나타내면 다음 그림과 같이 표시할 수 있다. $z = 1 + i$ 일 때, $0, z, z^2$ 이 나타내는 점을 각각 A, B, C 라 할 때, $\triangle ABC$ 는 어떤 삼각형인가? (단, 가장 정확하게 표시한 것을 하나만 고른다.)



- ① 정삼각형
- ② 이등변삼각형
- ③ 직각삼각형
- ④ 직각이등변삼각형
- ⑤ 답 없음

해설

$$z = 1 + i \quad z^2 = 2i \Rightarrow \quad B(1, 1), \quad C(0, 2)$$



\Rightarrow 직각이등변삼각형

* 이와 같이 복소수의 실수부와 허수부를 순서쌍으로 좌표평면에 나타내는 것을 복소평면이라 한다.