

1. 가로의 길이가 $(2a)^3$, 높이가 $5ab$, 직육면체의 부피가 $80a^5b^2$ 일 때,
세로의 길이는?

- ① $2ab$ ② $20ab$ ③ $8ab$ ④ $2a^2b$ ⑤ $8a^2b$

해설

$$\begin{aligned}(2a)^3 \times (\text{세로의 길이}) \times 5ab &= 80a^5b^2 \\ (\text{세로의 길이}) &= 80a^5b^2 \div (2a)^3 \div 5ab \\ &= 80a^5b^2 \div 8a^3 \div 5ab \\ &= 2ab\end{aligned}$$

2. 다음 안에 알맞은 식은?

$$- [4x - 2y - \{x - (3x + \boxed{\quad})\} + 5y] = -6x - 7y$$

- ① 4y ② -4y ③ 3y ④ -3y ⑤ y

해설

$$\begin{aligned}& - [4x - 2y - \{x - (3x + \boxed{\quad})\} + 5y] \\&= - \{4x - 2y - (-2x - \boxed{\quad}) + 5y\} \\&= - (6x + 3y + \boxed{\quad}) \\&= -6x - 3y - \boxed{\quad} \\&= -6x - 7y\end{aligned}$$

$$\therefore \boxed{\quad} = -6x - 3y + 6x + 7y = 4y$$

3. 다음 식 $\frac{2}{3}x(5 - 2x)$ 를 간단히 하면?

① $-\frac{4}{3}x^2 + \frac{10}{3}x$

② $-\frac{4}{3}x^2 + \frac{5}{3}x$

③ $\frac{2}{3}x^2 - \frac{5}{3}x$

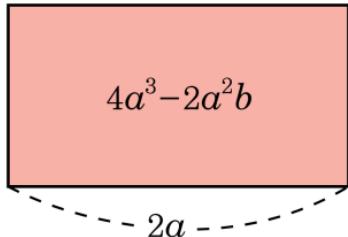
④ $\frac{2}{3}x^2 + \frac{4}{3}x$

⑤ $\frac{2}{3}x^2 + \frac{10}{3}x$

해설

$$\frac{2}{3}x \times 5 + \frac{2}{3}x \times (-2x) = \frac{10}{3}x - \frac{4}{3}x^2$$

4. 밑면의 가로의 길이가 $2a$ 인 직사각형의 넓이가 $4a^3 - 2a^2b$ 일 때, 세로의 길이는?



- ① $a^2 - a$ ② $2a^2 + a$ ③ $2a^2 - b$
④ $2a^2 - ab$ ⑤ $2a^2 + ab$

해설

$$2a \times (\text{세로의 길이}) = 4a^3 - 2a^2b$$

$$\begin{aligned}\therefore (\text{세로의 길이}) &= \frac{4a^3 - 2a^2b}{2a} \\ &= \frac{4a^3}{2a} + \frac{-2a^2b}{2a} \\ &= 2a^2 - ab\end{aligned}$$

5. 다음 중 일차방정식 $\frac{1}{3}x - \frac{3}{4}y + 2 = 0$ 의 해가 아닌 것은?

① $(-6, 0)$

② $(3, 4)$

③ $(0, 8)$

④ $\left(-3, \frac{4}{3}\right)$

⑤ $\left(6, \frac{16}{3}\right)$

해설

$x = 0, y = 8$ 일 때

$\frac{1}{3} \times 0 - \frac{3}{4} \times 8 + 2 \neq 0$ 이므로 해가 아니다.

6. 유리수 $\frac{21a}{126}$ 를 소수로 나타내면 유한소수가 된다고 한다. 이 때, a 가 될 수 있는 수 중 가장 작은 수를 구하면?

① 3

② 9

③ 15

④ 18

⑤ 21

해설

$$\begin{aligned}\frac{21a}{126} &= \frac{3 \times 7 \times a}{2 \times 2 \times 3 \times 7 \times 3} \\ &= \frac{a}{2 \times 3}\end{aligned}$$

유한소수가 되려면 분모에 2 또는 5 만 있어야 하므로

$$a = 3$$

7. $x = 1.\dot{8}\dot{2}$ 를 분수로 나타내기 위한 가장 편리한 식은?

① $10x - x$

② $100x - x$

③ $1000x - x$

④ $100x - 10x$

⑤ $1000x - 10x$

해설

$x = 1.\dot{8}\dot{2}$ 에서

$$x = 1.82828282\cdots$$

$$100x = 182.8282828\cdots$$

등식의 성질에 의해 $100x - x = 181$ 이와 같이 해야 소수점 이하 부분이 없어진다.

8. 다음 순환소수를 분수로 나타낸 것 중 옳은 것은?

$$\textcircled{1} \quad 0.\dot{2} = \frac{2}{90}$$

$$\textcircled{2} \quad 0.\dot{7} = \frac{7}{9}$$

$$\textcircled{3} \quad 0.\dot{2}\dot{3} = \frac{23}{90}$$

$$\textcircled{4} \quad 0.3\dot{3} = \frac{33}{100}$$

$$\textcircled{5} \quad 0.2\dot{2} = \frac{22}{90}$$

해설

$$\textcircled{1} \quad 0.\dot{2} = \frac{2}{9}$$

$$\textcircled{3} \quad 0.\dot{2}\dot{3} = \frac{23}{99}$$

$$\textcircled{4} \quad 0.3\dot{3} = \frac{30}{90} = \frac{1}{3}$$

$$\textcircled{5} \quad 0.2\dot{2} = \frac{20}{90} = \frac{2}{9}$$

9. 다음 순환소수 중에서 $\frac{9}{20}$ 보다 큰 수는?

① 0.1

② $0.\dot{2}$

③ $0.\dot{3}$

④ $0.\dot{4}$

⑤ $0.\dot{5}$

해설

$\frac{9}{20} = 0.45$ 이므로 $\frac{9}{20}$ 보다 큰 수는 $0.\dot{5}$ 이다.

10. $x = 4$, $y = -2$ 일 때, $\left(\frac{4}{xy^3}\right)^2 \times \left(-\frac{y^2}{2x}\right)^3 \times (3xy)^3$ 의 값은?

- ① 3 ② 8 ③ 21 ④ 27 ⑤ 35

해설

$$(\text{준식}) = \frac{16}{x^2y^6} \times \left(-\frac{y^6}{8x^3}\right) \times 27x^3y^3 = -\frac{54y^3}{x^2},$$

$x = 4$, $y = -2$ 를 대입하면 $-\frac{54 \times (-2)^3}{4^2} = 27$ 이다.

11. $14x^2 \div (-7x) \div (-2x)$ 를 계산하면?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$14x^2 \div (-7x) \div (-2x) = 1$$

12. $3 < x < 5$ 일 때, $A = -2x + 7$ 의 값의 범위는?

- ① $-6 < A < -5$ ② $-6 \leq A < -5$ ③ $-3 < A < 1$
④ $-3 < A \leq 1$ ⑤ $-1 < A < 3$

해설

$3 < x < 5$ 의

각각의 변에 -2 를 곱하면 $-10 < -2x < -6$

각각의 변에 7 을 더하면 $-3 < -2x + 7 < 1$ 이다.

따라서 A 의 값의 범위는 $-3 < A < 1$ 이다.

13. 다음 부등식을 풀면?

$$3(x - 1) \geq -2(x - 6)$$

- ① $x \geq \frac{9}{5}$ ② $x \geq -\frac{7}{5}$ ③ $x \leq -3$
④ $x \leq 3$ ⑤ $x \geq 3$

해설

$$3(x - 1) \geq -2(x - 6)$$

$$3x - 3 \geq -2x + 12$$

$$5x \geq 15$$

$$x \geq 3$$

14. 일차부등식 $3(0.4x - 1) \leq x + 1.2$ 를 만족하는 자연수의 개수는?

- ① 13 개 ② 15 개 ③ 17 개 ④ 19 개 ⑤ 21 개

해설

$$3(0.4x - 1) \leq x + 1.2$$

$$1.2x - 3 \leq x + 1.2$$

$$0.2x \leq 4.2$$

$$2x \leq 42$$

$$x \leq 21$$

따라서 만족하는 자연수의 개수는 21 개이다.

15. 정화조에 물을 채우려고 하는데 처음에는 시간당 5L의 속도로 6시간 물을 채웠다. 물이 차는 속도가 너무 느린 것 같아 시간당 20L의 속도로 물을 채우려고 한다. 최소 150L의 물을 채운다고 할 때 다음 중 시간당 20L의 속도로 채워야하는 최소시간을 고르면?

① 5 시간

② 6 시간

③ 7 시간

④ 8 시간

⑤ 9 시간

해설

20L의 속도로 채우는 시간을 x 시간이라고 하자.

$$5 \times 6 + 20x \geq 150$$

$$x \geq 6$$

20L의 속도로는 최소 6시간은 채워야 한다.

16. 높이가 10이고 넓이가 40이하인 $\triangle ABC$ 를 작도하려고 한다. 밑변의 길이를 x 로 놓을 때, x 의 범위는?

① $0 < x \leq 6$

② $0 < x < 7$

③ $0 < x \leq 8$

④ $0 < x < 6$

⑤ $0 < x < 8$

해설

밑변의 길이가 x 이므로

$$\frac{1}{2} \times x \times 10 \leq 40$$

$$5x \leq 40$$

$$x \leq 8$$

이고 x 는 길이이므로 $x > 0$ 이다.

따라서 $0 < x \leq 8$ 이다.

17. $(3a, a)$ 가 일차방정식 $3x - 5y = 12$ 의 해일 때, 상수 a 의 값은?

① 4

② -3

③ 3

④ -4

⑤ 5

해설

$(3a, a)$ 를 $3x - 5y = 12$ 에 대입하면 $9a - 5a = 12$ 이므로 $a = 3$ 이다.

18. x, y 에 관한 연립방정식의 해가 $x = 3, y = 5$ 일 때, a 의 값은?

$$\begin{cases} ax + 2by = 13 \\ by = ax + 2 \end{cases}$$

- ① -1 ② -2 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

연립방정식에 $x = 3, y = 5$ 를 대입하면 $\begin{cases} 3a + 10b = 13 \\ 5b = 3a + 2 \end{cases}$

이고,

가감법을 이용하여 풀면

$$3a + 10b = 13$$

$$-\underline{3a - 5b = -2}$$

$$b = 1$$

$b = 1$ 을 $3a + 10b = 13$ 대입하면 $3a + 10 = 13 \therefore a = 1$

19. 연립방정식 $\begin{cases} (-x+y) + y = 0 \\ x + 2(x-y) = 6 \end{cases}$ 의 해는?

- ① $x = -2, y = 4$
- ② $x = 3, y = \frac{3}{2}$
- ③ $x = 1, y = -2$
- ④ $x = 2, y = -\frac{3}{2}$
- ⑤ $x = 4, y = 2$

해설

주어진 연립방정식을 정리하면

$$\begin{cases} -x + 2y = 0 & \cdots \textcircled{\text{I}} \\ 3x - 2y = 6 & \cdots \textcircled{\text{II}} \end{cases}$$

$\textcircled{\text{I}} + \textcircled{\text{II}}$ 을 하면 $2x = 6 \quad \therefore x = 3$

$x = 3$ 을 $\textcircled{\text{II}}$ 에 대입하면 $9 - 2y = 6 \quad \therefore y = \frac{3}{2}$

20. 다음 결과 중 옳은 것은?

① $a^2 \times a^4 = a^8$

② $(a^2)^3 \times (b^2)^2 = a^5b^4$

③ $(a^3)^2 \times a^2 \times (b^3)^2 = a^8b^6$

④ $(a^4)^2 \times (b^3)^2 \times b^2 = a^6b^7$

⑤ $2(a^2)^5 \times a^4 \times \frac{1}{2}b^3 = a^{11}b^3$

해설

① $a^2 \times a^4 = a^6$

② $(a^2)^3 \times (b^2)^2 = a^6b^4$

③ $(a^3)^2 \times a^2 \times (b^3)^2 = a^{6+2}b^6 = a^8b^6$

④ $(a^4)^2 \times (b^3)^2 \times b^2 = a^8b^{6+2} = a^8b^8$

⑤ $2(a^2)^5 \times a^4 \times \frac{1}{2}b^3 = a^{10+4}b^3 = a^{14}b^3$

21. $\frac{x}{6}(12x + 24) - \frac{x}{12}(36 - 12x) = Ax^2 + Bx$ 라 할 때, $A - B$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 2x^2 + 4x - (3x - x^2) \\&= 3x^2 + x = Ax^2 + Bx\end{aligned}$$

$$A = 3, B = 1$$

$$\therefore A - B = 2$$

22. 두 일차방정식 $x - y = 3$ 과 $2x + 3y = m$ 을 만족하는 x 값이 $\frac{17}{5}$ 일 때, 상수 m 의 값은?

- ① 4 ② 8 ③ 12 ④ 14 ⑤ 16

해설

$x - y = 3$ 에 x 값 $\frac{17}{5}$ 을 대입하면 $\frac{17}{5} - y = 3$ 이 나오고 $y = \frac{2}{5}$

따라서 $x = \frac{17}{5}$, $y = \frac{2}{5}$ 를 $2x + 3y = m$ 에 대입하면 $\frac{34}{5} + \frac{6}{5} = 8$

이 나오고, $m = 8$ 이 된다.

23. 다음 두 방정식의 공통인 해를 구하면?

$$3x + 5y = 9$$

$$4x - 3y = -17$$

- ① $(-2, 1)$ ② $(2, 3)$ ③ $(-1, 4)$
④ $(-2, -3)$ ⑤ $(-2, 3)$

해설

$$\begin{cases} 3x + 5y = 9 & \cdots ① \\ 4x - 3y = -17 & \cdots ② \end{cases}$$

① $\times 4 - ② \times 3$ 를 계산하여 x 를 소거하면 $y = 3$ 이고,
① 에 대입하면 $x = -2$
따라서 공통인 해는 $(-2, 3)$ 이다.