

# 1. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 9는 9의 약수이다.
- ② 8은 8의 배수이다.
- ③ 1은 모든 자연수의 배수이다.
- ④ 276은 6의 배수이다.
- ⑤ 364는 7의 배수이다.

해설

1은 모든 자연수의 약수이다.

2. 다음 보기 중 옳지 않은 것을 골라라.

보기

- ㉠ 합성수는 모두 짝수이다.
- ㉡ 3의 배수 중 소수는 1개뿐이다.
- ㉢ 2는 가장 작은 소수이다.
- ㉣ 짝수인 소수는 2뿐이다.

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠

해설

- ㉠ 15는 합성수이지만 홀수이다.

3. 다음 <보기> 중 소인수분해를 올바르게 한 것을 모두 고르면?

보기

Ⓐ  $45 = 3^2 \times 5$

Ⓑ  $28 = 2^2 \times 7$

Ⓒ  $150 = 2 \times 3^2 \times 7$

Ⓓ  $512 = 2^9$

⓪  $72 = 2^2 \times 3^3$

⓫  $96 = 2^5 \times 3$

① Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

② Ⓑ, Ⓒ, Ⓔ, Ⓕ

③ Ⓐ, Ⓑ, Ⓓ, Ⓕ

④ Ⓑ, Ⓓ, Ⓔ, Ⓕ

⑤ Ⓐ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ

해설

Ⓒ  $150 = 2 \times 3 \times 5^2$

⓪  $72 = 2^3 \times 3^2$

4.  $600 = a^x \times b^y \times c^z$  로 소인수분해될 때,  $(a+b+c) \times (x+y+z)$  의 값은? (단,  $a < b < c$ )

① 12

② 24

③ 36

④ 48

⑤ 60

해설

$$600 = 2^3 \times 3 \times 5^2 = a^x \times b^y \times c^z \text{ } \circ] \text{므로}$$

$$a = 2, b = 3, c = 5, x = 3, y = 1, z = 2$$

$$\therefore (a+b+c) \times (x+y+z) = (2+3+5) \times (3+1+2) = 10 \times 6 = 60$$

5. 108의 소인수를 바르게 구한 것은?

①  $2^2, 3^2$

② 2, 3

③ 1, 3

④ 1, 2, 3

⑤ 1, 2,  $2^2, 3, 3^2, 3^3$

해설

$$108 = 2^2 \times 3^3$$

6. 12에 가능한 한 작은 자연수  $a$ 를 곱하여 어떤 자연수  $b$ 의 제곱이 되도록 할 때,  $a$ ,  $b$ 의 값을 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답:  $a = 3$

▶ 정답:  $b = 6$

해설

$$12 \times a = b^2 \text{에서}$$

$$12 = 2^2 \times 3$$

$$a = 3$$

$$2^2 \times 3 \times 3 = b^2$$

$$2^2 \times 3^2 = b^2$$

$$b = 2 \times 3 = 6$$

7. 1부터 50 까지의 자연수 중에서 약수의 개수가 3 개인 자연수의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▶ 정답 : 4개

해설

자연수  $n$  의 약수의 개수가 3 개이기 위해서는 1 과  $n$  이외에 약수가 한 개만 더 있어야하므로 자연수  $n$  은 소수의 완전제곱수이어야 한다.

따라서 1부터 50 까지의 완전제곱수를 구하면

$$7^2 = 49 < 50 \text{ 이고 } 11^2 = 121 > 50 \text{ 이므로}$$

50 이하인 소수의 완전제곱수는

$$2^2, 3^2, 5^2, 7^2 \text{ 이다.}$$

8.  $n$  이 자연수일 때,  $\frac{18}{n}$  도 자연수가 된다. 이러한  $n$  의 값의 합은?

- ① 20
- ② 21
- ③ 33
- ④ 39
- ⑤ 49

해설

18의 약수는 1, 2, 3, 6, 9, 18이다.

따라서  $n$ 의 값의 합은  $1 + 2 + 3 + 6 + 9 + 18 = 39$

9. 다음 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

㉠  $2^4 = 8$

㉡  $5 \times 5 \times 5 \times 7 \times 7 = 5^3 \times 7^2$

㉢  $3^2 = 2^3$

㉣  $\frac{1}{2 \times 2 \times 5 \times 5 \times 5} = \frac{1}{2^2 \times 5^3}$

㉤  $\frac{1}{5^2 \times 5^4} = \frac{1}{5^8}$

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉠, ㉤

④ ㉡, ㉣

⑤ ㉢, ㉤

해설

㉠  $2^4 = 16$

㉢  $3^2 \neq 2^3$

㉤  $\frac{1}{5^2 \times 5^4} = \frac{1}{5^6}$

10.  $2^5 = a$ ,  $3^b = 243$  을 만족하는  $a$ ,  $b$  의 값을 각각 구하면?

- ①  $a = 16$ ,  $b = 4$
- ②  $a = 16$ ,  $b = 5$
- ③  $a = 32$ ,  $b = 4$
- ④  $a = 32$ ,  $b = 5$
- ⑤  $a = 32$ ,  $b = 6$

해설

$2^5 = 32$ ,  $3^5 = 243$  이므로  $a = 32$ ,  $b = 5$  이다.

11.  $x \times x \times y \times y \times z \times z = x^a \times y^b \times z^c$  을 만족하는 자연수  $a, b, c$  에 대하여  
 $a + b + c$  의 값은?

- ① 2      ② 4      ③ 6      ④ 8      ⑤ 10

해설

(준식)  $= x^2 \times y^2 \times z^2$  이므로  $a = 2, b = 2, c = 2$  이다.

따라서  $a + b + c = 2 + 2 + 2 = 6$  이다.

12. 다음 1 보다 큰 자연수 중에서 1 과 그 수 자신만을 약수로 가지는 수가 아닌 것은?

- ① 7
- ② 11
- ③ 13
- ④ 17
- ⑤ 27

해설

1 보다 큰 자연수 중에서 1 과 그 수 자신만을 약수로 가지는 수는 소수이다.

따라서 소수가 아닌 수는 27 이다.

### 13. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?(정답 2 개)

- ① 15 이하의 소수는 모두 6 개이다.
- ② 7 은 소수이다.
- ③ 모든 소수는 홀수이다.
- ④ 자연수는 1 , 소수, 합성수로 이루어져 있다.
- ⑤ 1 은 합성수이다.

#### 해설

- ③ 2 는 소수이다.
- ⑤ 1 은 소수도 합성수도 아니다.

14.  $x$ 는 96의 약수일 때,  $x$  값이 될 수 없는 것은?

- ① 2  
④  $2 \times 3^3$

- ②  $2 \times 3$   
⑤  $2^5$

- ③  $2^2 \times 3$

해설

④  $96 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 = 2^5 \times 3$  이므로  $2 \times 3^3$ 은 96의 약수가 아니다.

## 15. 다음 중 약수의 개수가 가장 많은 것은?

①  $5^3$

②  $2 \times 3$

③  $2^2 \times 7^2$

④  $5^2 \times 7$

⑤  $13^6$

### 해설

각각의 약수의 개수를 구하면 다음과 같다.

①  $3 + 1 = 4$  (개)

②  $(1 + 1) \times (1 + 1) = 4$  (개)

③  $(2 + 1) \times (2 + 1) = 9$  (개)

④  $(2 + 1) \times (1 + 1) = 6$  (개)

⑤  $6 + 1 = 7$  (개)

16.  $24 \times a$  가 어떤 자연수  $A$ 의 제곱이 될 때,  $A$ 의 최솟값은?

① 9

② 12

③ 36

④ 54

⑤ 100

해설

$$24 \times a = 2^3 \times 3 \times a$$

$$\text{가장 작은 } a = 2 \times 3 = 6$$

$$A^2 = 2^3 \times 3 \times 2 \times 3 = 2^4 \times 3^2 = (12)^2$$

$$\therefore A = 12$$

17. 720의 약수가 아닌 것은?

①  $2^3 \times 3 \times 5$

②  $2 \times 5$

③  $3^2 \times 5$

④  $2^4 \times 3^3$

⑤  $2 \times 3^2$

해설

$720 = 2^4 \times 3^2 \times 5$  이므로 720의 약수는  $(2^4 \text{의 약수}) \times (3^2 \text{의 약수}) \times (5 \text{의 약수})$ 이다.

18.  $16 \times A$ 의 약수의 개수가 10 개일 때,  $A$ 의 값 중에서 가장 작은 수를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 3

해설

16 을 소인수분해하면  $16 = 2^4$  이다.  $A = a^x$  라고 하면  $16 \times A = 2^4 \times a^x$  의 약수의 개수는  $(4 + 1) \times (x + 1) = 10$  (개) 이므로  $x + 1 = 2$ ,  $x = 1$  이다.

한편  $a = 2$  이면  $16 \times A = 2^4 \times 2 = 2^5$  이므로 약수의 개수는  $5 + 1 = 6$  (개)로 조건을 만족하지 않는다.

따라서  $a \neq 2$  인 가장 작은 소수이어야 하므로  $a = 3$ ,  $x = 1$  이다.  
따라서  $A$ 의 값은 3 이다.