

1. 다음 식의 분모를 0으로 만들지 않는 모든 실수  $x$ 에 대하여 다음 식이 성립할 때,  $a_1 + a_2 + \cdots + a_{10}$ 의 값은?

$$\frac{1}{(x-1)(x-2)\cdots(x-10)} = \frac{a_1}{x-1} + \frac{a_2}{x-2} + \cdots + \frac{a_{10}}{x-10}$$

- ① 0      ② -1      ③ 1      ④ -10      ⑤ 10

해설

우변을 통분하여  $x$ 에 대한 내림차순으로 정리하면,

$$(우변) = \frac{(a_1 + a_2 + \cdots + a_{10})x^9 + \cdots}{(x-1)(x-2)\cdots(x-10)}$$

양변의 계수를 비교하면

$$a_1 + a_2 + \cdots + a_{10} = 0$$

## 2. 다음 다항식의 일차항의 계수는?

$$(1 + x + x^2)^2(1 + x) + (1 + x + x^2 + x^3)^3$$

- ① 3      ② 4      ③ 5      ④ 6      ⑤ 7

### 해설

i )  $(1 + x + x^2)^2(x + 1)$ 의 일차항의 계수

:  $(1 + x + x^2)^2$ 의 일차항에 1을 곱할 때,

계수= 2

:  $(1 + x + x^2)^2$ 의 상수항에  $x$ 를 곱할 때,

계수= 1

ii )  $(1 + x + x^2 + x^3)^3$ 의 일차항의 계수

$x + x^2 + x^3 = Y$  라 하면,

$$(Y + 1)^3 = Y^3 + 3Y^2 + 3Y + 1$$

$$3Y = 3x + 3x^2 + 3x^3$$

일차항의 계수= 3, 다른 항에는 일차항이 없다.

i ), ii )에서  $2 + 1 + 3 = 6$