

1. 다음 중 순환소수의 표현이 옳은 것을 모두 골라라.

- Ⓐ $0.345345\cdots = 0.\dot{3}4\dot{5}$
- Ⓑ $21.1515\cdots = 21.\dot{1}5$
- Ⓒ $3.14151415\cdots = 3.\dot{1}415\dot{1}$
- Ⓓ $0.1232323\cdots = 0.1\dot{2}\dot{3}$
- Ⓔ $8.2359359\cdots = 8.2\dot{3}5\dot{9}$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓠ

▷ 정답: ⓒ

▷ 정답: Ⓣ

해설

- Ⓑ $21.1515\cdots = 21.\dot{1}5$
- Ⓒ $3.14151415\cdots = 3.\dot{1}415\dot{1}$
- 따라서 옳은 것은 Ⓠ, ⓒ, Ⓣ이다.

2. $\left(-\frac{3xy^2}{x}\right)^3 \times \frac{xz^2}{3y} \div \left(\frac{xy}{z}\right)^2$ 을 간단히 하면?

① $\frac{9z}{x}$ ② $-\frac{9y^3z^4}{x}$ ③ $\frac{3z^2}{y}$
④ $\frac{27xy}{z}$ ⑤ $-\frac{3yz}{x^2}$

해설

$$(\text{준식}) = -\frac{27x^3y^6}{x^3} \times \frac{xz^2}{3y} \times \frac{z^2}{x^2y^2} = -\frac{9y^3z^4}{x}$$

3. 다음 중 부등호를 사용하여 나타낸 식이 옳지 않은 것은?

- ① x 는 양수이다. $\rightarrow x \geq 0$
- ② x 는 4 보다 작지 않다. $\rightarrow x \geq 4$
- ③ x 는 1 보다 크지 않다. $\rightarrow x \leq 1$
- ④ x 는 7 보다 작다. $\rightarrow x < 7$
- ⑤ x 는 -6 보다 크고 0 이하이다. $\rightarrow -6 < x \leq 0$

해설

- ① $x > 0$

4. 1 권에 500 원 하는 공책과 1 권에 600 원 하는 공책을 합하여 15 권을 8200 원에 샀다. 1권에 500원 하는 책은 1권에 600원 하는 책보다 몇 권 더 많은가?

① 1권 ② 2권 ③ 3권 ④ 4권 ⑤ 5권

해설

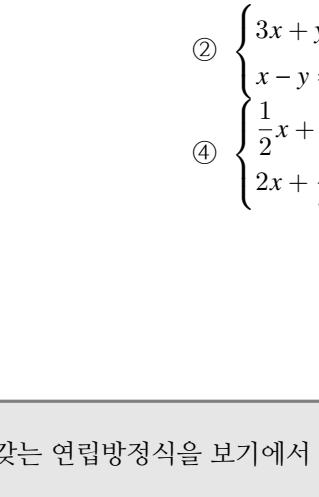
500 원 하는 공책 x 권, 600 원 하는 공책 y 권을 샀다고 하면

$$\begin{cases} x + y = 15 \\ 500x + 600y = 8200 \end{cases}$$

연립하여 풀면 $x = 8$, $y = 7$ 이다.

$$\therefore 8 - 7 = 1(\text{권})$$

5. 다음 그래프는 어떤 연립방정식의 해를 좌표평면 위에 나타낸 것이다.
이 그래프를 만족하는 연립방정식으로 알맞은 것은?



①	$\begin{cases} x + y = 5 \\ 2x - y = 4 \end{cases}$	②	$\begin{cases} 3x + y = 11 \\ x - y = -3 \end{cases}$
③	$\begin{cases} x + y = 5 \\ 2x + y = 7 \end{cases}$	④	$\begin{cases} \frac{1}{2}x + y = 5 \\ 2x + \frac{1}{3}y = 9 \end{cases}$
⑤	$\begin{cases} x - y = 1 \\ 5x - 6y = 1 \end{cases}$		

해설

(2, 3) 을 해로 갖는 연립방정식을 보기에서 찾는다.

6. A 가 자연수일 때, $\frac{11}{90} \times A$ 를 소수로 나타내면 유한소수가 된다고 한다.
이때, 가장 작은 자연수 A 를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

$\frac{11}{90} = \frac{11}{2 \times 3^2 \times 5}$ 의 분모의 인수가 2나 5뿐이어야 하므로 A 는 9의 배수이고 가장 작은 수는 9이다.

7. 다음 순환소수 $0.\dot{7}\dot{4}\dot{2}$ 를 분수로 고치는 과정이다. 빈칸의 수가 옳게 된 것은?

$$x = 0.7424242\cdots \textcircled{i} \text{으로}$$

$$\textcircled{1} x = 7.424242\cdots \textcircled{\textcircled{1}}$$

$$\textcircled{2} x = 742.4242\cdots \textcircled{\textcircled{1}}$$

$\textcircled{\textcircled{1}}$ 에서 $\textcircled{1}$ 을 변끼리 빼면

$$\textcircled{3} x = \textcircled{4}$$

$$\therefore x = \textcircled{5}$$

- ① 100 ② 100 ③ 999 ④ 735 ⑤ $\frac{66}{49}$

해설

$$x = 0.7424242\cdots \textcircled{i} \text{으로}$$

$$(10) x = 7.424242\cdots \textcircled{1}$$

$$(1000) x = 742.4242\cdots \textcircled{\textcircled{1}}$$

$\textcircled{\textcircled{1}}$ 에서 $\textcircled{1}$ 을 변끼리 빼면

$$(990) x = \textcircled{4}$$

$$\therefore x = \left(\frac{49}{66} \right)$$

8. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

Ⓐ $\left(\frac{y^2}{x}\right)^3 \times (x^2y^3)^2 = xy^{12}$

Ⓑ $12x^5 \div (-3xy^2) \times (-y^3)^2 = 4x^4y^4$

Ⓒ $\frac{x^4}{y} \times (y^3)^2 \div \left(\frac{x^2}{y}\right)^2 = y^6$

Ⓓ $\left(\frac{b}{a}\right)^3 \times (ab^3)^2 \times a^2 = ab^9$

Ⓔ $\left(\frac{3}{2}\right)^3 \times \left(\frac{2^2}{3}\right)^2 = 6$

해설

Ⓐ $\left(\frac{y^2}{x}\right)^3 \times (x^2y^3)^2 = \frac{y^6}{x^3} \times x^4y^6 = xy^{12}$

Ⓑ $12x^5 \div (-3xy^2) \times (-y^3)^2 = 12x^5 \times \left(\frac{1}{-3xy^2}\right) \times y^6 = -4x^4y^4$

Ⓒ $\frac{x^4}{y} \times (y^3)^2 \div \left(\frac{x^2}{y}\right)^2 = \frac{x^4}{y} \times y^6 \times \frac{y^2}{x^4} = y^7$

Ⓓ $\left(\frac{b}{a}\right)^3 \times (ab^3)^2 \times a^2 = \frac{b^3}{a^3} \times a^2b^6 \times a^2 = ab^9$

Ⓔ $\left(\frac{3}{2}\right)^3 \times \left(\frac{2^2}{3}\right)^2 = \left(\frac{3^3}{2^3}\right) \times \left(\frac{2^4}{3^2}\right) = 3 \times 2 = 6$

9. $2^{2004} \times 5^{2008}$ 이 n 자리의 수일 때 n 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2007

해설

$$2^{2004} \times 5^{2004} \times 5^4 = 625 \times 10^{2004}$$

$$\therefore n = 2007$$

10. $x = 3, y = -2, z = 6$ 일 때, $xy^4z \times (-2x^2y)^3 \div (2x^3y^3z)^2$ 의 값은?

- ① -6 ② -4 ③ -2 ④ 2 ⑤ 4

해설

$$(\text{준식}) = xy^4z \times (-8x^6y^3) \times \frac{1}{4x^6y^6z^2} = -\frac{2xy}{z}$$

$$\text{식의 값} : -\frac{2 \times 3 \times (-2)}{6} = 2$$

11. $2(2x-y) = 3+x+y$ 일 때, $2(x-2y)+y-2$ 를 x 에 관한 식으로 나타낸 것은?

- ① $-x+1$ ② $x-2$ ③ $2x-3$
④ $2x-4$ ⑤ $3x-5$

해설

$$\begin{aligned} 2(2x-y) &= 3+x+y \\ 4x-2y &= 3+x+y \\ 3y &= 3x-3 \\ \therefore y &= x-1 \\ \text{주어진 식에 대입하면} \\ 2(x-2y)+y-2 &= 2\{x-2(x-1)\}+(x-1)-2 \\ &= 2(x-2x+2)+(x-1)-2 \\ &= 2(-x+2)+x-3 \\ &= -2x+4+x-3 \\ &= -x+1 \end{aligned}$$

12. ‘전체 학생 100 명 중에서 남학생이 x 명일 때, 여학생 수는 45 명보다 작다.’를 부등식으로 바르게 나타낸 것은?

- ① $100 - x < 45$ ② $100 - x \geq 45$ ③ $45 + x \leq 100$
④ $x \geq 45$ ⑤ $x < 45$

해설

100 명 중 남학생이 x 명이면
여학생의 수는 $100 - x$

$$\therefore 100 - x < 45$$

13. $-3 \leq x < 1$ 일 때, $5 - 2x$ 의 범위를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $3 < 5 - 2x \leq 11$

해설

$-3 \leq x < 1$ 의 각각의 변에 -2 를 곱하면 $-2 < -2x \leq 6$, 각각의
변에 5 를 더하면 $3 < 5 - 2x \leq 11$ 이다.

14. x 가 자연수일 때, 일차부등식 $1.5 - 0.3x \geq 0.12x + 0.24$ 의 해의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

$$1.5 - 0.3x \geq 0.12x + 0.24$$

$$150 - 30x \geq 12x + 24$$

$$-30x - 12x \geq 24 - 150$$

$$-42x \geq -126$$

$$x \leq 3$$

따라서 $x = 1, 2, 3$ 이므로 $1 + 2 + 3 = 6$ 이다.

15. 110L의 대형물통이 있다. 처음에는 시간당 7L의 속도로 물을 채우다가 시간당 15L의 속도로 물을 채워 물을 채우기 시작한지 10시간 이내에 가득 채우려고 한다. 시간당 7L의 속도로 채울 수 있는 시간은 최대 몇 시간인지 구하여라.

▶ 답: 시간

▷ 정답: 5 시간

해설

7L의 속도로 채우는 시간을 x 시간, 15L의 속도로 채우는 시간

$(10 - x)$ 시간이라 하면

$$7x + 15(10 - x) \geq 110$$

$$7x + 150 - 15x \geq 110$$

$$x \leq 5$$

따라서 최대 5 시간이다

16. 다음 중 두 변수 x, y 에 대하여 y 가 x 의 함수가 아닌 것은?

- ① 한 변의 길이가 x 인 정사각형의 넓이 y
- ② x 와 y 의 곱이 3
- ③ 물통에 매분 $2L$ 씩 물을 받을 때 물을 받기 시작한 지 x 분 후의 물의 양 yL
- ④ y 는 x 의 서로소인 수
- ⑤ 시계의 분침이 회전하는데 걸리는 시간을 x 분, 회전한 각도를 y

해설

- ① $y = x^2$ (함수)
- ② $xy = 3$
 $\therefore y = \frac{3}{x}$ (함수)
- ③ $y = 2x$ (함수)
④ x 값이 하나일 때 서로소인 수 y 는 여러개가 나오므로 함수가 아니다.
- ⑤ $y = 6x$ (함수)

17. 일차함수 $y = ax - \frac{1}{2}$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 그래프 $y = 2x + a$ 위의 점이 아닌 것은?



- ① (1, 4) ② (-1, 0) ③ (2, 6)
④ $\left(-\frac{1}{2}, 1\right)$ ⑤ $\left(-\frac{3}{2}, \frac{1}{2}\right)$

해설

$y = ax - \frac{1}{2}$ 은 점 $\left(1, \frac{3}{2}\right)$ 을 지나므로

$x = 1, y = \frac{3}{2}$ 을 대입하면

$$\frac{3}{2} = a \times 1 - \frac{1}{2}, a = 2$$
 이므로

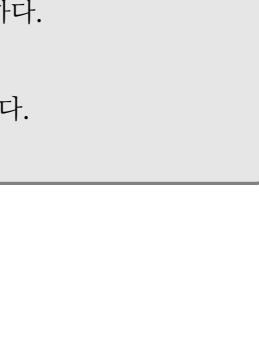
주어진 함수는 $y = 2x + 2$ 이다.

$$\textcircled{5} \frac{1}{2} \neq 2 \times \left(-\frac{3}{2}\right) + 2$$
 이므로 $\left(-\frac{3}{2}, \frac{1}{2}\right)$ 은

$y = 2x + 2$ 위의 점이 아니다.

18. 일차함수 $y = ax - 6$ 의 그래프가 다음 그레프와 서로 평행할 때, a 의 값은?

- ① 2 ② $\frac{1}{2}$
④ $\frac{1}{3}$ ⑤ 3



해설

두 그래프의 기울기가 같으면 서로 평행하다.

주어진 그래프에서 기울기는

$$\frac{(y\text{의 값의 증가량})}{(x\text{의 값의 증가량})} = \frac{1}{2} \text{ 이므로 } a = \frac{1}{2} \text{ 이다.}$$

19. 직선의 방정식 $x + 2y = a$ 와 $bx + 3y = 5$ 가 점 $(2, 1)$ 을 지날 때,
 $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$(2, 1)$ 을 $x + 2y = a$ 와 $bx + 3y = 5$ 에 대입하면

$$2 + 2 = a$$

$$a = 4$$

$$2b + 3 = 5$$

$$2b = 2$$

$$b = 1$$

$$\therefore a + b = 5$$

20. 연립방정식 $\begin{cases} x + y + 9 = 0 \\ 3x + 4y - a = 0 \\ x - 2y + 3 = 0 \end{cases}$ 의 그래프가 한 점에서 만날 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -29

해설

$$\begin{cases} x + y + 9 = 0 \\ x - 2y + 3 = 0 \end{cases} \quad \text{을 연립하면}$$
$$y = -2, x = -7$$
$$(-7, -2) \text{ 를 } 3x + 4y - a = 0 \text{ 에 대입하면}$$
$$-21 - 8 - a = 0$$
$$a = -29$$

21. 분수 $1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \dots, \frac{1}{100}$ 중에서 무한소수의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 85 개

해설

분모가 $2^x \times 5^y$ 의 꼴로 소인수분해되면 유한소수이므로

① 2^x 꼴인 경우 : 6 가지

② 5^y 꼴인 경우 : 2 가지

③ $2^x \times 5^y$ 에서

㉠ $y = 1$ 일 때 $x = 1, 2, 3, 4$ 의 4 가지

㉡ $y = 2$ 일 때 $x = 1, 2$ 의 2 가지

따라서 무한소수가 아닌 수는 1을 포함하여 15 개

$\therefore 85$ 개

22. 부등식 $\frac{x+1}{3} + \frac{7}{2} > \frac{2x}{3}$ 을 만족하는 정수 중 최댓값을 a , 부등식 $\frac{1}{3}(x+4) + (-x) \leq \frac{2+x}{3} + 2$ 을 만족하는 정수 중 최솟값을 b 라고 할 때, $a - b$ 의 값은?

① 10 ② 11 ③ 12 ④ 13 ⑤ 14

해설

$$\frac{x+1}{3} + \frac{7}{2} > \frac{2x}{3} \text{의 양변에 } 6 \text{ 을 곱한다.}$$

$$2x + 2 + 21 > 4x$$

$$-2x > -23$$

$$x < \frac{23}{2}$$

따라서 $a = 11$ 이다.

$$\frac{1}{3}(x+4) + (-x) \leq \frac{2+x}{3} + 2 \text{의 양변에 } 3 \text{ 을 곱하면}$$

$$x + 4 - 3x \leq 2 + x + 6$$

$$-3x \leq 4$$

$$x \geq -\frac{4}{3}$$

따라서 $b = -1$ 이다.

$$\therefore a - b = 11 - (-1) = 12$$

23. 연립방정식 $\begin{cases} ax + by = -5 \\ 5x + cy = 7 \end{cases}$ 을 푸는데 c 를 잘못 보아 $x = 0, y = 1$

을 해로 얻었다. 옳은 해가 $x = 3, y = 4$ 일 때, $a + b + c$ 의 값을 구하면?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$$\begin{cases} ax + by = -5 & \dots\dots \textcircled{\text{1}} \\ 5x + cy = 7 & \dots\dots \textcircled{\text{2}} \end{cases}$$

$x = 3, y = 1$ 이므로

$$3a + 4b = -5 \dots\dots \textcircled{\text{3}}$$

②에 대입을 하면 $c = -2$ 이고, ①은 $x = 0, y = 1$ 도 만족하므로 $a \cdot 0 + b \cdot 1 = -5$ 에서 $b = -5$ 이다. 이것을 ③에 대입해서

정립해야 하므로 $a = 5$ 가 나온다.

$$\therefore a + b + c = 5 + (-5) + (-2) = -2$$

24. 어느 음식점에서 점심식사로 발행한 영수증이 2 장 있다. 한 영수증에는 샌드위치 3 개, 커피 7 잔, 햄버거 1 개의 비용으로 4350 원이 적혀 있고, 다른 영수증에는 샌드위치 4 개, 커피 10 잔, 햄버거 1 개의 비용으로 5100 원이 적혀 있었다. 이 음식점에서 샌드위치 1 개, 커피 1 잔, 햄버거 1 개를 사는데 드는 비용은?

- ① 2700 원 ② 2750 원 ③ 2800 원
④ 2850 원 ⑤ 2900 원

해설

샌드위치, 커피, 햄버거의 가격을 각각 x 원, y 원, z 원이라 하면

$$3x + 7y + z = 4350 \quad \dots \textcircled{1}$$

$$4x + 10y + z = 5100 \quad \dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{2} - \textcircled{1} \text{ 하면 } x + 3y = 750 \quad \dots \textcircled{3}$$

$\textcircled{1} - \textcircled{3} \times 2$ 하면 $x + y + z = 2850$ (원)이다.

25. 둘레의 길이가 1km인 원형 트랙을 A, B 두 사람이 같은 지점에서 서로 반대 방향으로 동시에 출발하면 2분 후에 만나고, 같은 방향으로 출발하면 12분 후에 만난다고 한다. 이 때, 두 사람의 속력을 구하면? (A가 B보다 빠르다고 한다.)

- ① A : $\frac{875}{3}$ m/분, B : $\frac{635}{3}$ m/분
- ② A : $\frac{865}{3}$ m/분, B : $\frac{625}{3}$ m/분
- ③ A : $\frac{875}{3}$ m/분, B : $\frac{605}{3}$ m/분
- ④ A : $\frac{865}{3}$ m/분, B : $\frac{605}{3}$ m/분
- ⑤ A : $\frac{875}{3}$ m/분, B : $\frac{625}{3}$ m/분

해설

A의 속력을 x m/분, B의 속력을 y m/분라 하면
서로 반대방향으로 출발하여 서로 만났다는 것은 A, B 두 사람이
2분 동안 걸은 거리의 합은 원형 트랙의 길이와 같다.

따라서 $2x + 2y = 1000$ 이다.

같은 방향으로 출발하여 12분 후 다시 만났다고 하는 것은 A가
걸은 거리와 B가 걸은 거리의 차가 원형 트랙의 둘레의 길이와
같다.

따라서 $12x - 12y = 1000$ 이다.

두식을 연립하여 풀면

$$\therefore y = \frac{625}{3}, x = \frac{875}{3}$$

$$\therefore A : \frac{875}{3}$$
m/분, B : $\frac{625}{3}$ m/분