

1. 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $3^5 \div 3^4 = 3$

②  $2^3 \div 2^4 = \frac{1}{2}$

③  $3^2 \div 3^2 = 0$

④  $2 \times 2 \times 2 = 2^3$

⑤  $a + a + a = 3a$

해설

$3^2 \div 3^2 = 3^{2-2} = 3^0 = 1$  이다.

2.  $ax^2y^3 \times (-xy)^b = -5x^cy^6$  일 때, 자연수  $a, b, c$ 에 대하여 각각의 값은?

①  $a = 1, b = 2, c = 3$

②  $a = 3, b = 4, c = 3$

③  $a = 5, b = 2, c = 3$

④  $a = 5, b = 3, c = 5$

⑤  $a = 4, b = 5, c = 3$

해설

$$\begin{aligned} & ax^2y^3 \times (-xy)^b \\ &= a \times (-1)^b \times x^2 \times x^b \times y^3 \times y^b \\ &= -5x^cy^6 \\ & a \times (-1)^b = -5, 2 + b = c, 3 + b = 6 \text{ 이므로} \\ & \therefore a = 5, b = 3, c = 5 \end{aligned}$$

3. 다음 식을 간단히 하면?

$$xy \div \{(-xy)^2 \div x^2y^3\}$$

- ①  $\frac{1}{2}$
- ②  $xy$
- ③  $xy^2$
- ④  $x^2y$
- ⑤  $x^2y^2$

해설

$$\begin{aligned} xy \div \{(-xy)^2 \div x^2y^3\} &= xy \div \left(\frac{x^2y^2}{x^2y^3}\right) \\ &= xy \times y = xy^2 \end{aligned}$$

4. 다음  안에 알맞은 식을 고르면?

$$\left(-\frac{5b^2}{2a^3}\right)^2 \times \boxed{\phantom{00}}^3 \div \frac{5}{3}a^2b^7 = -\frac{10}{9}a$$

- ①  $-\frac{4}{3}a^3b$                       ②  $-\frac{2}{3}ab^3$                       ③  $-\frac{2}{3}a^3b$   
 ④  $-\frac{4}{3}a^2b^3$                       ⑤  $\frac{4}{3}a^2b^3$

**해설**

$$\begin{aligned} \frac{25b^4}{4a^6} \times \boxed{\phantom{00}}^3 \times \frac{3}{5a^2b^7} &= -\frac{10a}{9} \\ \boxed{\phantom{00}}^3 &= -\frac{10}{9}a \times \frac{4a^6}{25b^4} \times \frac{5a^2b^7}{3} \\ &= -\frac{8}{27}a^9b^3 \\ &= \left(-\frac{2}{3}a^3b\right)^3 \\ \therefore \boxed{\phantom{00}} &= -\frac{2}{3}a^3b \end{aligned}$$

5. 500 원짜리 연필과 300 원 짜리 펜을 합하여 5 개를 사고, 그 값이 1500 원 이상 2000 원 이하가 되게 하려고 한다. 다음은 연필을 몇 개 살 수 있을지를 구하는 과정이다.  안에 들어갈 식 또는 값으로 옳은 것은?

연필을  $x$  개 산다면 펜을  개 살 수 있으므로  
 $1500 \leq$    $\leq 2000$   
 $\therefore$    $\leq x \leq$    
따라서, 살 수 있는 연필의 개수는  개 이다.

①  $x - 5$

②  $500x + 300(5 + x)$

③ 0

④ 3

⑤ 3

해설

연필을  $x$  개 산다면 펜을  $(5 - x)$  개 살 수 있으므로  
 $1500 \leq 500x + 300(5 - x) \leq 2000$   
 $\therefore 0 \leq x \leq \frac{5}{2}$   
따라서, 살 수 있는 연필의 개수는 최대 2 개다.

6. 다음 안에 알맞은 식을 구하면?

$\div (-3ab^2)^3 = \frac{a^3}{3b^2}$

- ①  $9a^6b^4$

②  $6a^3b^2$

③  $-9a^6b^4$
- ④  $-6a^3b^2$

⑤  $6ab^2$

해설

$$\begin{aligned} &= \frac{a^3}{3b^2} \times (-3ab^2)^3 \\ &= \frac{a^3}{3b^2} \times (-27a^3b^6) = -9a^6b^4 \end{aligned}$$

7. 다음 중 계수가 가장 큰 것과 가장 작은 것을 차례로 나열하면?

|                       |                                                 |
|-----------------------|-------------------------------------------------|
| ㉠ $3a \times 2b$      | ㉡ $\left(\frac{1}{4}ab\right)^2 \times (2ab)^3$ |
| ㉢ $(-ab)^3 \times 2b$ | ㉣ $(-4x) \times (-3y)^2$                        |

- ① ㉠, ㉡
- ② ㉠, ㉢
- ③ ㉠, ㉣
- ④ ㉡, ㉢
- ⑤ ㉡, ㉣

해설

㉠  $6ab$   
㉡  $\frac{a^5b^5}{2}$   
㉢  $-2a^3b^4$   
㉣  $-36xy^2$

8.  $a : b = 2 : 5$  일 때,  $\frac{(2a^5b^3)^3}{(-a^4b^2)^4}$  의 값은?

① 4

② 8

③ 12

④ 16

⑤ 20

해설

$$(\text{준식}) = \frac{8a^{15}b^9}{a^{16}b^8} = \frac{8b}{a}$$

$$b = \frac{5}{2}a \text{ 이므로 } \frac{20a}{a} = 20$$

9.  $\left(\frac{3}{2}xy\right)^2 \div \left(-\frac{3}{4}x^ay\right)^2 \times \left(-\frac{3}{2}x^3y^b\right) = -6x^3y^4$ 일 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

$$\begin{aligned}\frac{9}{4}x^2y^2 \times \frac{16}{9x^{2a}y^2} \times \left(-\frac{3}{2}x^3y^b\right) &= -6x^{2-2a+3}y^{2-2+b} \\ &= -6x^3y^4\end{aligned}$$

$$2 - 2a + 3 = 3 \quad \therefore a = 1$$

$$b = 4$$

$$\therefore a + b = 5$$

10.  $(-2x^Ay)^2 \div 4x^4y \times 2x^5y^4 = Bx^7y^C$  일 때,  $A + B + C$  의 합의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

$$\frac{4x^{2A}y^2 \times 2x^5y^4}{4x^4y} = 2x^{2A+1}y^5 = Bx^7y^C$$

$A = 3, B = 2, C = 5$  이므로  $A + B + C = 10$ 이다.

11.  $(-3x^Ay^2)^2 \times Bx \div (3y^3)^2 = -\frac{9x^3}{y^C}$  에서  $A, B, C$  의 값을 각각 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 :  $A = 1$

▷ 정답 :  $B = -9$

▷ 정답 :  $C = 2$

해설

$$\begin{aligned} (-3x^Ay^2)^2 \times Bx \div (3y^3)^2 &= -\frac{9x^3}{y^C} \\ \frac{Bx^{2A+1}}{y^2} &= -\frac{9x^3}{y^C} \\ 2A + 1 &= 3, A = 1 \\ \therefore A = 1, B = -9, C &= 2 \end{aligned}$$

12.  $\left(\frac{1}{2}xy^2z\right)^2 \times \frac{4x^3y^2}{3} \div \left(-\frac{xy^2z}{3}\right) = ax^by^cz$  에서  $a - b^2 + \frac{3}{2}c$  의 값은?

① -5

② -7

③ -11

④ -13

⑤ -15

해설

$$\begin{aligned} & \frac{1}{4}x^2y^4z^2 \times \frac{4x^3y^2}{3} \times \frac{-3}{xy^2z} \\ &= -x^{2+3-1}y^{4+2-2}z^{2-1} \\ &= -x^4y^4z \\ &\therefore a = -1, b = 4, c = 4 \\ &\therefore a - b^2 + \frac{3}{2}c = -1 - 16 + 6 = -11 \end{aligned}$$

13.  $\frac{7^3 + 7^3 + 7^3 + 7^3 + 7^3 + 7^3 + 7^3}{49}$  의 값은?

①  $7^5$

②  $7^4$

③  $7^3$

④  $7^2$

⑤  $7$

해설

$$\frac{7^3 + 7^3 + 7^3 + 7^3 + 7^3 + 7^3 + 7^3}{49} = \frac{7^3 \times 7}{7^2} = \frac{7^4}{7^2} = 7^2$$

14. 6%의 설탕물 200g이 있다. 여기에 설탕을 넣어서 농도가 20% 이상의 설탕물을 만들려고 한다. 이 때, 설탕은 최소 몇 g 이상 넣어야 하는가?

① 25 g      ② 30 g      ③ 35 g      ④ 40 g      ⑤ 45 g

해설

넣어야 할 설탕의 양을  $x$ g이라 하면

$$\frac{6}{100} \times 200 + x \geq \frac{20}{100}(200 + x)$$

$$1200 + 100x \geq 4000 + 20x$$

$$80x \geq 2800$$

$$\therefore x \geq 35$$

15.  $x + y = 3$  이고,  $A = 2^{2x}$ ,  $B = 2^{2y}$  일 때,  $AB$  의 값은?

①  $2^2$

②  $2^4$

③  $2^6$

④  $2^8$

⑤  $2^{10}$

해설

$$AB = 2^{2x} \times 2^{2y} = 2^{2x+2y} = 2^{2(x+y)} = 2^{2 \times 3} = 2^6 \text{ 이다.}$$

16.  $(a^2)^x \times (b^4)^y \times a \times b^6 = a^9 b^{14}$  이 성립할 때,  $xy$  의 값은?

① 4

② 5

③ 6

④ 7

⑤ 8

해설

$$(a^2)^x \times (b^4)^y \times a \times b^6 = a^{2 \times x + 1} b^{4 \times y + 6} = a^9 b^{14}$$

$$2x + 1 = 9, 4y + 6 = 14$$

$$\therefore x = 4, y = 2$$

$$xy = 4 \times 2 = 8$$

17.  $2^{100} = a$  일 때,  $4^{50} - 4^{49}$  을  $a$  에 관한 식으로 나타내면?

- ①  $\frac{1}{4}a$       ②  $\frac{1}{2}a$       ③  $\frac{3}{4}a$       ④  $\frac{3}{2}a$       ⑤  $\frac{4}{3}a$

해설

$$\begin{aligned} 4^{50} - 4^{49} &= (2^2)^{50} - (2^2)^{49} \\ &= 2^{100} - 2^{98} \\ &= 2^{100} - 2^{100} \div 2^2 \\ &= 2^{100} \left( 1 - \frac{1}{4} \right) \\ &= \frac{3}{4} \times 2^{100} \\ &= \frac{3}{4}a \end{aligned}$$

18.  $(-3x^2y)^2 \div \frac{3x^2y^4}{2y^2} - 2x^3y^2 \times \frac{1}{xy^2}$  의 값은?

①  $3xy^3$

②  $-3x^3y$

③  $-4x^2$

④  $4x^2$

⑤  $4x^2y$

해설

$$\begin{aligned} & (-3x^2y)^2 \div \frac{3x^2y^4}{2y^2} - 2x^3y^2 \times \frac{1}{xy^2} \\ &= 9x^4y^2 \times \frac{2y^2}{3x^2y^4} - 2x^3y^2 \times \frac{1}{xy^2} \\ &= 6x^2 - 2x^2 = 4x^2 \end{aligned}$$

19. 진희가 경수와의 약속 시간보다 2시간 먼저 도착하여 그 시간을 이용하여 햄버거를 사기 위해 햄버거 가게에 갔다. 약속 장소에서 햄버거 가게까지는 시속 3km의 속력으로 가고, 햄버거 가게에서 약속 장소까지는 시속 2km의 속력으로 왔다고 한다. 햄버거를 사는데 20분이 걸렸다면 약속 장소에서 햄버거 가게까지의 거리는 몇 km 이내에 있어야 하는지 구하여라.

▶ 답 :                      km이내

▷ 정답 : 2km이내

해설

약속 장소에서 햄버거 가게까지의 거리를  $x$ 라 하면

$$\frac{x}{3} + \frac{20}{60} + \frac{x}{2} < 2$$

$$20x + 20 + 30x < 120$$

$$50x < 100$$

$$\therefore x < 2(\text{km})$$

따라서 약속 장소에서 햄버거 가게까지는 2km 이내에 있어야 한다.

20. 10%의 소금물 400g 과 6%의 소금물을 섞어서 농도가 8% 이상인 소금물을 만들려고 한다. 이때, 6%의 소금물을 섞은 양의 범위를 구하여라.

▶ 답:  $g \circ \overline{h}$ 

▷ 정답 : 400g이하

해설

구하려는 소금물을  $x$ 라 하면

$$\frac{10}{100} \times 400 + \frac{6}{100} \times x \geq \frac{8}{100} \times (400 + x)$$

$$4000 + 6x \geq 3200 + 8x$$

$$800 \geq 2x$$

$$400 \geq x$$

$$\therefore x \leq 400 \text{ (g)}$$

21.  $81^4 \div 27^n = 9^2$  일 때,  $n$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$(3^4)^4 \div 3^{3n} = 3^4$  이므로  $16 - 3n = 4$   
 $\therefore n = 4$  이다.

22.  $20^a = 4$ ,  $20^b = 3$  일 때,  $5^{\frac{a+b}{1-a}}$  을 계산하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 12

해설

$$5 = \frac{20}{4} = \frac{20}{20^a} = 20^{1-a}$$

$$5^{\frac{a+b}{1-a}} = (20^{1-a})^{\frac{a+b}{1-a}} = 20^{a+b} = 20^a \times 20^b = 4 \times 3 = 12$$

23. 자연수  $a$  에 대하여  $1^a + 2^a + 3^a$  을 10 으로 나눈 나머지를  $f(a)$  라 할 때,  $f(10) + f(14)$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설

$1^a$  의 일의 자리의 숫자는 1, 1, 1, 1...  
 $2^a$  의 일의 자리의 숫자는 2, 4, 8, 6, 2, 4...  
 $3^a$  의 일의 자리의 숫자는 3, 9, 7, 1, 3, 9...  
따라서,  $1^a + 2^a + 3^a$  의 일의 자리의 숫자는 6, 4, 6, 8... 이 반복된다.  
즉,  $f(n) = f(n + 4)$  이므로  $f(10) = f(14)$  이고  
 $f(10)$  의 일의 자리의 숫자는  $10 = 4 \times 2 + 2$  이므로 4 이다.  
 $\therefore f(10) + f(14) = 4 + 4 = 8$

24.  $2^{10} \approx 1000$  을 이용하여  $5^{11} = \frac{10^x}{2}$  인 정수  $x$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설

$$5^{11} = \frac{10^x}{2}$$

양변에  $2^{11}$  을 곱하면

$$2^{11} \times 5^{11} = 10^x \times 2^{10}$$

$$10^{11} = 10^x \times 10^3$$

$$10^8 = 10^x$$

$$\therefore x = 8$$

25. 현희의 4 월 핸드폰 요금은 기본료 20%, 국내통화료 50%, 부가서비스 이용료 30% 로 나누어진다. 그런데 5 월에는 핸드폰 기본료가 4 월 대비 50% 올라서 현희는 통화료를 10% 만큼 줄였다. 현희의 5 월 핸드폰 요금이 4 월보다 많지 않게 나오려면 추가로 부가서비스 이용 요금을 4 월 대비 최소 몇 % 만큼 줄여야 하는지 소수점 첫째 자리에서 반올림하여라.

▶ 답:          %

▶ 정답: 17 %

11

4월 핸드폰 요금을  $a$  라 하면 기본료는  $\frac{1}{5}a$ , 국내통화료는  $\frac{1}{2}a$ ,  
부가서비스 이용료는  $\frac{3}{5}a$  이다. 또한 5월 핸드폰 요금 중 기본

부가서비스 이용료는  $\frac{1}{10}a$  이다. 또한 5 월 핸드폰 요금 중, 기본  
료와 국내통화료는 각각

$$\frac{1}{5}a \times (1 + 0.5) = \frac{3}{10}a, \frac{1}{2}a \times (1 - 0.1) = \frac{9}{20}a \text{ 이다.}$$

이때, 5 월 핸드폰 요금  $y$  가 4 월보다 많지 않게 해야 하므로 5 월 핸드폰 요금도  $a$  이하이어야 한다.

5 월의 부가서비스 이용료를 A 라 하면

$$\frac{3}{10}a + \frac{9}{20}a + A \leq a, \quad A \leq \frac{1}{4}a \text{ 이다.}$$

부가서비스 이용료를 4 월 대비  $x$  만큼 줄인다고 하면  $A = \frac{3}{4}a \times (1 - x)$  이므로

$$\frac{1}{10}a \times (1-x) \quad \text{오리}$$
$$\frac{3}{10}a \times (1-x) \leq \frac{1}{4}a \quad \therefore x \geq \frac{1}{6}$$

따라서 최소 17% 줄여야 한다.