- **1.** x+y+z=4, xy+yz+zx=1, xyz=2 일 때, (xy+yz)(yz+zx)(zx+xy)의 값을 구하면?
  - ① 16 ② 8

해설

- 3 4
  - ④ 2

(xy + yz)(yz + zx)(zx + xy) 을

xy + yz + zx = 1을 이용하여 변형하면 (xy + yz)(yz + zx)(zx + xy)

= (1 - zx)(1 - xy)(1 - yz)

 $= 1 - (xy + yz + zx) + (x^2yz + xy^2z + xyz^2) - (xyz)^2$ 

 $= 1 - (xy + yz + zx) + xyz(x + y + z) - (xyz)^{2}$  $= 1 - 1 + 2 \cdot 4 - 4$ 

※ 위에서 아래의 전개식을 이용하였다. (x-a)(x-b)(x-c)

 $= x^3 - (a+b+c)x^2 + (ab+bc+ca)x - abc$ 

- 2. 다음 식을 전개한 것 중 옳은 것을 고르면?
  - ①  $(x-y-z)^2 = x^2 y^2 z^2 2xy + 2yz 2zx$ ②  $(3x-2y)^3 = 27x^3 - 54x^2y + 18xy^2 - 8y^3$

  - ③  $(x+y)(x-y)(x^2+xy-y^2)(x^2-xy+y^2)=x^9-y^9$
  - $(x+y-1)(x^2+y^2-xy+2x+2y+1) = x^3+y^3-3xy-1$

## ① $(x-y-z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 - 2xy + 2yz - 2zx$

해설

- $(3x 2y)^3 = 27x^3 54x^2y + 36xy^2 8y^3$
- $(x+y)(x-y)(x^2+xy+y^2)(x^2-xy+y^2)$   $= x^6 y^6$
- $(x+y-1)(x^2+y^2-xy+x+y+1)$  $= x^3 + y^3 - 3xy - 1$

## 3. 다음 다항식의 일차항의 계수는?

 $(1+x+x^2)^2(1+x) + (1+x+x^2+x^3)^3$ 

① 3 ② 4 ③ 5

**4**6

⑤ 7

## i ) $(1+x+x^2)^2(x+1)$ 의 일차항의 계수

해설

- $:(1+x+x^2)^2$ 의 일차항에 1을 곱할 때, 계수= 2  $:(1+x+x^2)^2$ 의 상수항에 x를 곱할 때,
  - 계수= 1
- ii )  $(1+x+x^2+x^3)^3$ 의 일차항의 계수  $x + x^2 + x^3 = Y$ 라 하면,
  - $(Y+1)^3 = Y^3 + 3Y^2 + 3Y + 1$
  - $3Y = 3x + 3x^2 + 3x^3$ 일차항의 계수= 3, 다른 항에는 일차항이 없다.
- i ), ii )에서 2+1+3=6

**4.**  $(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2)$ 를 전개했을 때,  $x^2$ 과  $x^3$ 의 계수를 모두 0이 되게 하는 상수 a, b에 대하여 a + b의 값은?

① -2 ② -1 ③ 1 ④ 2 ⑤  $\frac{3}{2}$ 

해설

 $(x^{3} + ax + 2)(x^{2} + bx + 2)$   $= x^{5} + bx^{4} + (a + 2)x^{3} + (ab + 2)x^{2} + (2a + 2b)x + 4$   $(x^{2} 의 계수) = (x^{3} 의 계수) = 0 이므로$   $ab + 2 = 0, \ a + 2 = 0$ 따라서  $a = -2, \ b = 1$   $\therefore a + b = -1$ 

- 5.  $(10^5 + 2)^3$ 의 각 자리의 숫자의 합을 구하여라.
  - ① 15 ② 18 ③ 21 ④ 26 ⑤ 28

준식을 전개하면

 $\begin{vmatrix} 10^{15} + 2^3 + 3 \times 2 \times 10^5 (10^5 + 2) \\ = 10^{15} + 2^3 + 6 \times 10^{10} + 12 \times 10^5 \end{vmatrix}$ 

- $= 10^{15} + 10^{10} \times 6 + 10^5 \times 12 + 8$
- $\therefore 1 + 6 + 1 + 2 + 8 = 18$

 $a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca$ 이고 abc = 1 일 때,  $(a^3 + b^3 + c^3)^2$ 의 **6.** 값을 계산하면?

**3**9 ① 1 ② 4

**④** 16

⑤ 25

해설

$$a^{3} + b^{3} + c^{3}$$

$$= (a + b + c)(a^{2} + b^{2} + c^{2} - ab - bc - ca) + 3abc$$

$$= (a + b + c) \times 0 + 3abc = 0 + 3 \cdot (1) = 3$$

$$\therefore (a^{3} + b^{3} + c^{3})^{2} = 9$$

$$a^{2} + b^{2} + c^{2} = ab + bc + ca \ a^{2} + b^{2} + c^{2} - (ab + bc + ca) = 0$$

$$\frac{1}{2} (a - b)^{2} + (b - c)^{2} + (c - a)^{2} = 0$$

$$\therefore a = b = c \rightarrow abc = a^{3} = b^{3} = c^{3} = 1$$

$$(a^{3} + b^{3} + c^{3})^{2} = (1 + 1 + 1)^{2} = 9$$

- 7. 직육면체 모양의 상자가 있다. 이 상자의 모든 모서리의 길이의 합이  $20\,\mathrm{m}$  이고 대각선의 길이가  $3\,\mathrm{m}$  일 때, 이 상자의 겉넓이는 몇  $\mathrm{m}^2$  인가?
  - ①  $12 \,\mathrm{m}^2$  ②  $13 \,\mathrm{m}^2$  ③  $14 \,\mathrm{m}^2$  ④  $15 \,\mathrm{m}^2$  ⑤  $16 \,\mathrm{m}^2$

 $\sqrt{a^2 + b^2 + c^2} = 3, a^2 + b^2 + c^2 = 9$ (겉넓이) = 2(ab + bc + ca)=  $(a + b + c)^2 - (a^2 + b^2 + c^2)$ 

 $= (a+b+c)^2 - (a^2+b^2)^2$  $= 25 - 9 = 16 (m^2)$ 

- 세 모서리의 길이의 합이 22이고 대각선의 길이가 14인 직육면체의 8. 겉넓이는?
  - 3 288 ① 144 ② 196 ④ 308 ⑤ 496

세 모서리를 x, y, z라 하면

해설

 $x + y + z = 22 \cdot \dots \cdot \boxed{1}$   $\sqrt{x^2 + y^2 + z^2} = 14 \cdot \dots \cdot \boxed{2} \circ \boxed{3}$ 겉넓이는 2(xy + yz + zx)이다.

①, ② 에서  $22^2 = 14^2 + 2(xy + yz + zx)$ 

 $\therefore \ 2(xy + yz + zx) = 288$ 

9.  $a^2 + b^2 + c^2 = 9$ , ab + bc + ca = 9, a + b + c의 값은?

=9+18=27

- ①  $-3\sqrt{2}$
- ②  $-2\sqrt{3}$
- (4)  $\pm 3\sqrt{2}$
- $\boxed{5}$   $\sqrt{6}$

해설  $(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab+bc+ca)$ 

 $\therefore a+b+c=\pm 3\sqrt{3}$