

1. 4^3 에 대한 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 12 와 같다.
- ② 밑은 4 이다.
- ③ 지수는 3 이다.
- ④ $4 \times 4 \times 4$ 를 나타낸 것이다.
- ⑤ 3^4 보다 작다.

해설

- ① $4^3 = 4 \times 4 \times 4 = 64$ 이므로 12 와 같지 않다.
- ⑤ $3^4 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 81$

2. 다음 네모 칸에 쓰여진 수 중에서 $3^4 \times 11^5$ 의 약수를 모두 찾아 색칠하면 한글 자음 중 하나가 나타난다.
그 한글 자음은 무엇인지 찾아라.

$3^4 \times 11$	11	3×11
$3^2 \times 11^2$	16	3×11^2
33	2×3^2	$3^4 \times 11^5$
$3^2 \times 11$	121	$3^3 \times 11^5$

① ㄱ ② ㄴ ③ ㄷ

④ ㄹ ⑤ ㅁ

해설

3^4 의 약수는 1, 3, 3^2 , 3^3 , 3^4 이고 11^5 의 약수는 1, 11, 11^2 , 11^3 , 11^4 , 11^5 이다.

표의 수들을 소인수분해하면 $16 = 2^4$, $121 = 11^2$, $33 = 3 \times 11$ 이다.

$3^4 \times 11^5$ 의 약수를 모두 찾아 색칠하면 다음 표와 같다.

$3^4 \times 11$	11	3×11
$3^2 \times 11^2$	16	3×11^2
33	2×3^2	$3^4 \times 11^5$
$3^2 \times 11$	121	$3^3 \times 11^5$

3. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 가장 작은 소수는 2이다.
- ② 100과 243는 서로소이다.
- ③ 두 자연수가 서로소이면 두 자연수는 소수이다.
- ④ 두 자연수가 서로소가 아니면 두 자연수는 소수가 아니다.
- ⑤ 10보다 작은 자연수 중에서 소수는 4개이다.

해설

③ 반례: 3과 4는 서로소이지만 4는 소수가 아니다.

4. 다음 두 수의 최대 공약수와 최소공배수를 각각 구하여라.

$$\begin{array}{l} 2 \times 3 \times 3 \times 5 \\ 2 \times 5 \times 5 \times 7 \end{array}$$

- ① 최대공약수 : 2, 최소공배수 : 90
- ② 최대공약수 : 3, 최소공배수 : 1050
- ③ 최대공약수 : 5, 최소공배수 : 350
- ④ 최대공약수 : 6, 최소공배수 : 90
- ⑤ 최대공약수 : 10, 최소공배수 : 3150

해설

$$\begin{array}{l} \text{최대공약수} : 2 \times 5 = 10 \\ \text{최소공배수} : 2 \times 3 \times 3 \times 5 \times 5 \times 7 = 3150 \end{array}$$

5. $\frac{n}{20}$, $\frac{n}{30}$ 을 자연수가 되게 하는 n 의 값 중 가장 작은 수는?

- ① 10 ② 30 ③ 40 ④ 50 ⑤ 60

해설

두 분수가 자연수가 되려면, n 은 20과 30의 공배수이어야 한다.

공배수 중 가장 작은 수는 두 수의 최소공배수이다.

n 의 값 중 가장 작은 수는 60이다.

6. 49의 소인수의 개수와 120의 소인수의 개수의 합은?

- ① 1개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

해설

$$49 = 7^2, 120 = 2^3 \times 3 \times 5 \text{ 이므로}$$

49의 소인수는 7, 120의 소인수는 2, 3, 5

$$\therefore 1 + 3 = 4$$

7. 약수가 6 개인 자연수 중 가장 작은 자연수를 구하면?

- ① 6 ② 12 ③ 18 ④ 24 ⑤ 36

해설

$$6 = 2 \times 3 \text{ 이므로}$$
$$(1+1) \times (2+1) \text{에서 } 2^2 \times 3 = 12$$

8. 자연수 $A = 2^2 \times 3^n$ 의 약수의 개수가 24 일 때, n 的 값을 구하면?

- ① 2 ② 5 ③ 7 ④ 8 ⑤ 12

해설

$$(2+1)(n+1) = 24$$

$$n+1 = 8$$

$$\therefore n = 7$$

9. 두 수 $2^a \times 7^3 \times 11^3$, $2^4 \times 5^2 \times 11^b$ 의 최대공약수가 88일 때, $a + b$ 의 값은?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

최대공약수가 $88 = 2^3 \times 11$ 이고
 $2^4 \times 5^2 \times 11^b$ 에서 2의 지수가 4이므로
 $2^a \times 7^3 \times 11^3$ 에서 2의 지수가 3이어야 한다.
같은 방식으로
 $2^a \times 7^3 \times 11^3$ 에서 11의 지수가 3이므로
 $2^4 \times 5^2 \times 11^b$ 에서 11의 지수가 1이어야 한다.
따라서 $a = 3$, $b = 1$

10. 가로의 길이가 72cm, 세로의 길이가 108cm인 직사각형 모양의 벽이 있다. 이 벽을 가능한 한 큰 정사각형 모양의 타일로 가득 채우려고 한다. 이때, 타일의 한 변의 길이는?

- ① 6 cm ② 12 cm ③ 18 cm ④ 24 cm ⑤ 36 cm

해설

가장 큰 정사각형 모양의 타일의 한 변의 길이는 72, 108의 최대공약수 : 36

11. 가로, 세로의 길이가 각각 48m, 32m인 직사각형 모양의 꽃밭의 가장자리에 일정한 간격으로 나무를 심으려고 한다. 네 모퉁이에는 반드시 나무를 심어야 한다. 이때, 나무 그루수를 가능한 적게 하려고 할 때, 나무 사이의 간격은?

- ① 14m ② 16m ③ 18m ④ 20m ⑤ 22m

해설

나무 사이의 간격을 x 라 할 때,
 $48 = x \times \square$, $32 = x \times \triangle$
 x 는 48과 32의 최대공약수이므로
 $48 = 2^4 \times 3$, $32 = 2^5$
 $\therefore x = 2^4 = 16$ (m)

12. 가로, 세로의 길이가 각각 8cm, 6cm인 직사각형 모양의 카드를 늘어놓아 가장 작은 정사각형을 만들려고 한다. 이때, 카드는 총 몇 장이 필요한가?

- ① 10장 ② 12장 ③ 13장 ④ 15장 ⑤ 17장

해설

정사각형의 한 변의 길이는 8과 6의 최소공배수인 24cm이다.
가로는 $24 \div 8 = 3$ (장), 세로는 $24 \div 6 = 4$ (장)이 필요하므로
필요한 카드의 수는 $3 \times 4 = 12$ (장)이다.

13. 세 자연수 4, 5, 6 중 어느 것으로 나누어도 나머지가 3인 자연수 중에서 가장 작은 것은?

① 60 ② 63 ③ 120 ④ 123 ⑤ 180

해설

구하는 수는 $(4, 5, 6)$ 의 최소공배수) + 3

$4, 5, 6$ 의 최소공배수는 60 이므로

$60 + 3 = 63$ 이다.

14. 소인수분해를 이용하여 다음 수들의 최소공배수와 최대공약수를 알맞게 짹지은 것을 골라라.

45, 60, 90

① 최대공약수 : 15, 최소공배수 : 90

② 최대공약수 : 15, 최소공배수 : 180

③ 최대공약수 : 30, 최소공배수 : 180

④ 최대공약수 : 45, 최소공배수 : 90

⑤ 최대공약수 : 45, 최소공배수 : 180

해설

$$45 = 3^2 \times 5$$

$$60 = 2^2 \times 3 \times 5$$

$$\underline{90 = 2 \times 3^2 \times 5}$$

$$2^2 \times 3^2 \times 5$$

$$\text{최대공약수} : 3 \times 5 = 15$$

$$\text{최소공배수} : 2^2 \times 3^2 \times 5 = 180$$

15. n 이 자연수일 때, $\frac{18}{n}$ 도 자연수가 된다. 이러한 n 의 값의 합은?

- ① 20 ② 21 ③ 33 ④ 39 ⑤ 49

해설

18의 약수는 1, 2, 3, 6, 9, 18이다.
따라서 n 의 값의 합은 $1 + 2 + 3 + 6 + 9 + 18 = 39$

16. 다음 중 옳은 것은?

- ① $2^3 = 6$
- ② $3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^4 = 12$
- ③ $2 \times 2 \times 7 \times 7 = 2^2 \times 7^2 = 4 \times 49 = 196$
- ④ $\frac{1}{3 \times 3 \times 3 \times 3} = \frac{1}{3^4} = \frac{1}{81}$
- ⑤ $\frac{1}{2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 5 \times 5} = \frac{1}{2^2 \times 3^2 \times 5^2} = \frac{1}{900}$

해설

- ① $2^3 = 8$
- ② $3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^4 = 81$
- ③ $2 \times 2 \times 7 \times 7 = 2^2 \times 7^2 = 4 \times 49 = 196$
- ④ $\frac{1}{3 \times 3 \times 3 \times 3} = \frac{1}{3^4} = \frac{1}{81}$
- ⑤ $\frac{1}{2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 5 \times 5} = \frac{1}{2^2 \times 3^2 \times 5^2} = \frac{1}{900}$

17. 다음 중 소인수분해 한 것으로 옳지 않은 것은?

- ① $124 = 2^2 \times 31$ ② $54 = 2 \times 3^3$
③ $72 = 2^3 \times 3^3$ ④ $196 = 2^2 \times 7^2$
⑤ $150 = 2 \times 3 \times 5^2$

해설

③ $2^3 \times 3^2$

18. 2160 를 소인수분해하면 $a^x \times b^y \times c^z$ 이다. $z < y < x$ 일 때, $a + b + c - (x + y + z)$ 의 값은?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$2160 = 2^4 \times 3^3 \times 5^1$ 으로 $a = 2, b = 3, c = 5, x = 4, y = 3, z = 1$ 이다.

$$\therefore a + b + c - (x + y + z) = 2 + 3 + 5 - (4 + 3 + 1) = 10 - 8 = 2$$

19. 두 자연수의 최소공배수가 14 일 때, 두 자연수의 공배수를 나타낸 것은?

- ① 1, 3, 7, 21
- ② 4, 16, 64, ⋯
- ③ 14, 28, 42, 56, ⋯
- ④ 2, 4, 8, 16, 32, ⋯
- ⑤ 14, 28, 42

해설

공배수는 최소공배수의 배수이므로, 두 자연수의 공배수는 14의 배수이다.

20. 두 수 $2^2 \times 3$ 과 $2^2 \times 5$ 의 공배수를 옳게 표현한 것은?

- ① 30의 약수 ② 30의 배수 ③ 60의 약수
④ 60의 배수 ⑤ 4의 배수

해설

$2^2 \times 3$ 과 $2^2 \times 5$ 의 최소공배수는 $2^2 \times 3 \times 5 = 60$ 이다.

21. $24 \times a$ 가 어떤 자연수 A 의 제곱이 될 때, A 의 최솟값은?

- ① 9 ② 12 ③ 36 ④ 54 ⑤ 100

해설

$$24 \times a = 2^3 \times 3 \times a$$

$$\text{가장 작은 } a = 2 \times 3 = 6$$

$$A^2 = 2^3 \times 3 \times 2 \times 3 = 2^4 \times 3^2 = (12)^2$$

$$\therefore A = 12$$

22. 24, 32 의 최대공약수는?

- ① 2^2 ② 3^2 ③ 2^3
④ $2^2 \times 3$ ⑤ 2×3

해설

$24 = 2^3 \times 3$, $32 = 2^5$ 이므로 최대공약수는 2^3

23. a, b 의 최대공약수가 36 일 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

[보기]

- Ⓐ 16은 a, b 의 공약수이다.
- Ⓑ 1, 2, 36은 a, b 의 공약수이다.
- Ⓒ a, b 의 공약수는 모두 10 개이다.
- Ⓓ a, b 의 공약수는 모두 72의 약수이다.

Ⓐ, Ⓑ

Ⓑ, Ⓒ

Ⓐ, Ⓓ

Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ

Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

[해설]

a, b 의 공약수는 36의 약수와 같으므로 1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36이다.

- Ⓐ. 16은 a, b 의 공약수가 아니다.
- Ⓓ. a, b 의 공약수는 9 개이다.

24. 61 을 나누면 5 가 남고 165 를 나누면 3 이 부족한 수가 아닌 것은?

- ① 4 ② 7 ③ 14 ④ 28 ⑤ 56

해설

56 과 168 의 최대공약수는 56

56 약수 중 나머지 5 보다 큰 수들은
7, 8, 14, 28, 56 이다.

25. 서로 맞물려 도는 톱니바퀴 ⑦과 ⑧이 있다. ⑦의 톱니 수는 20, ⑧의 톱니 수는 15 일 때, 이 톱니가 같은 이에서 다섯 번째로 다시 맞물리는 것은 ⑨이 몇 바퀴 돈 후인가?

- ① 16 바퀴 ② 18 바퀴 ③ 20 바퀴
④ 21 바퀴 ⑤ 24 바퀴

해설

20 와 15 의 최소공배수는 60 이다.
같은 지점에 첫번째로 맞물릴 때까지 ⑦ 톱니바퀴는 $60 \div 15 = 4$
(바퀴) 회전하므로
다섯번째로 맞물릴때까지 바퀴 수는 $4 \times 5 = 20$ (바퀴) 이다.