- - ① {2,3,5}
- ②{2, 3, 5, 7}
- ③ {2,3,5,7,9} ⑤ {2,3,5,7,11,13}

{x | x는 10이하의 소수} = {2,3,5,7}

- 집합 $A = \{x|x \leftarrow 1 < x < 2$ 인실수 $\}$ 에 대한 설명으로 옳은 것은? .
 - $3 \in A$
- $\sqrt{3} \notin A$
- $A = \left\{\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \cdots \right\}$ ④ 집합 $A \leftarrow 무한집합이다.$
- ⑤ 집합 A 는 공집합이다.

- 3>2 이므로 $3\notin A$ 이다. ② $1^2<(\sqrt{3})^2<2^2$ 에서 $1<\sqrt{3}<2$ 이므로 $\sqrt{3}\in A$
- $\frac{1}{2},\frac{1}{3},\frac{1}{4}$ \cdots 은 모두 1보다 작으므로 $A \neq \left\{\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \dots\right\}$ 이다.
 - $\frac{3}{2} \in A$ 이므로 공집합이 아니다.

- **3.** 세 집합 A, B, C 가 $A \subset B \subset C$ 일 때, 다음 중 옳은 것은?
 - ① $A \subset \emptyset$ ④ $B \subset A$
- ② *C* ⊄ *B*
- ⊕ *B* C
- \bigcirc $C \subset A$

해설 ① *A* 가 공집합인지는 알 수 없다.

- ② B = C 이면, $C \subset B$ 이다.
- $④ A \neq B$ 이면, $B \not\subset A$ 이다.
- ⑤ A ≠ C 이면, C ⊄ A

- **4.** $\{1,\ 4\} \subset X \subset \{1,\ 2,\ 3,\ 4\}$ 를 만족하는 집합 X 의 개수를 구하여라.
 - 답:
 개

정답: 4 <u>개</u>

해설

집합 X 는 1, 4 를 반드시 원소로 가지는 $\{1, 2, 3, 4\}$ 의 부분집합이므로 개수는 $2^2 = 4$ (개)

5. 다음 보기 중 집합이 <u>아닌</u> 것을 모두 고른 것은?

보기

- ⊙ 8월에 태어난 학생의 모임
- © 달리기를 잘하는 학생의 모임
- © 외떡잎 식물의 모임
- ② 키우기 좋은 동물의 모임
- ◎ 우리 회사에서 여동생이 있는 사람의 모임 📵 위인의 모임
- ⊘ 10보다 큰 11의 배수
 - ⊙ 강남구 소속 주민의 모임

4 0, 3, 0

 \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc

(S)(L), (E), (H)

② L, E, E

③ €, €, ⊕

① '잘하는' 이라는 단어는 개인에 따라 기준이 다르므로 집합이 될 수 없다.

- ② '좋은' 이라는 단어는 개인에 따라 기준이 다르므로 집합이 될 수 없다.
- ⓑ '위인'이라는 그 기준이 명확하지 않으므로 집합이 될 수 없다.

- 두 집합 $A=\{1,3,4,5\},\; B=\{6,8\}$ 에 대하여 집합 $C=\left\{x\;\middle|\; x=\right\}$ 6. $\left. \frac{a+b}{2}, a \in A, b \in B \right\}$ 일 때, 다음 중 집합 C 의 원소가 <u>아닌</u> 것은?
 - ① $\frac{7}{2}$ ② 4 ③ $\frac{9}{2}$ ④ 5 ⑤ $\frac{11}{2}$
 - $a \in A$, $b \in B$ 이므로 $a \leftarrow 1$, 3, 4, 5 중의 하나이고, 그 각각에 대하여 $b \leftarrow 6$, 8이 될 수 있다. (i) a=1 일 때, $x=\frac{1+6}{2}$, $\frac{1+8}{2}$
 - $\therefore x = \frac{7}{2}, \frac{9}{2}$
 - (ii) a=3 일 때, $x=\frac{3+6}{2}$, $\frac{3+8}{2}$ $∴ x = \frac{9}{2}, \frac{11}{2}$ (iii) $a = 4 \ @ \ Ш, x = \frac{4+6}{2}, \frac{4+8}{2}$ ∴ x = 5, 6
 - (iv) a = 5 일 때, $x = \frac{5+6}{2}$, $\frac{5+8}{2}$ $\therefore x = \frac{11}{2}, \frac{13}{2}$
 - $\therefore C = \left\{ \frac{7}{2}, \frac{9}{2}, 5, \frac{11}{2}, 6, \frac{13}{2} \right\}$

- **7.** 다음 중 집합의 원소를 구한 것 중 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - ① 5보다 작은 자연수의 모임→ 1,2,3,4② 10이하의 소수의 모임→2,3,5

 - ③ 우리 나라 사계절의 모임 → 봄, 여름, 가을, 겨울
 - ④ 사군자의 모임 → 매화, 난초, 국화, 대나무⑤ 8의 약수의 모임→ 1,2,4,8

② 10이하의 소수의 모임 → 2,3,5,7

해설

- - ① {0}
 - ② {x|x는 4의 약수 중 홀수}
 - 3 $\{x \mid x \leftarrow 3 \times x = 0$ 인 자연수 $\}$
 - (4) {x|x는 11 < x < 12인 자연수}
 - ⑤ $\{x|x \vdash x \le 1 인 자연수\}$

① {0}

해설

② {1} ⑤ {1}

집합 $A = \{a, b, c, d, e\}$ 의 모든 진부분집합의 개수는 x개 이고, 집합 9. A의 부분집합 중에서 집합 $B = \{a, b, c\}$ 와 서로소인 집합이 모두 y개 일 때, x + y의 값은?

① 9 ② 10 ③ 28

4 35

⑤ 36

해설

집합 A의 진부분집합의 개수는 $x = 2^5 - 1 = 31$

집합 A의 부분집합 중에서 집합 $B = \{a, b, c\}$ 와 서로소인 집합

은 $\{d,e\}$ 의 부분집합 개수와 같다. $y = 2^{5-3} = 2^2 = 4$

 $\therefore x + y = 35$

- 10. 집합 $A = \{x \mid x 는 20$ 보다 작은 4의 배수 $\}$ 의 부분집합 중에서 원소 12 를 포함하고 4 를 포함하지 않는 부분집합이 <u>아닌</u> 것은?
 - ① {12} ③ {12, 16}

② {8, 12}

4 {8, 12, 16}

(5) {8, 12, 16, 20}

 $A = \{4, 8, 12, 16\}$

해설

4, 12 를 제외한 {8, 16} 의 부분집합을 먼저 구하면

원소가 0 개인 부분집합 : Ø 원소가 1 개인 부분집합 : {8}, {16}

원소가 2 개인 부분집합 : {8, 16}

이고, 각각의 집합에 원소 12 를 넣으면 원소 12 를 포함하고 4를 포함하지 않는 집합 A 의 부분집합이 된다.

- 11. 집합 $A = \{x \mid x$ 는 20보다 작은 3의 배수} 에서 홀수는 반드시 포함하고, 18 은 포함하지 않는 부분집합의 개수는?
 - ① 2 개 ② 4 개 ③ 6 개 ④ 8 개 ⑤ 12 개

A = {3, 6, 9, 12, 15, 18} 이므로, $2^{(\frac{5}{2}+\frac{1}{2}, 18)}$ 뺀 원소의 개수) = $2^{6-3-1} = 2^2 = 4(7)$

12. 두 집합 *A*

 $\{x \mid x 는 a$ 보다 작은 자연수 $\}$ 에 대하여 $n(A) = 2 \times n(B)$ 를 만족하는 자연수 a 의 값을 구하여라.

{x | x는 48 의 약수 중 한 자리수}, B

▷ 정답: 4

해설

 $A = \{1, 2, 3, 4, 6, 8\}$ 이고, $n(A) = 2 \times n(B)$ 에서 n(A) = 6 이므로 $6 = 2 \times n(B)$ 이다. 따라서 n(B) = 3 이 되고, n(B)가 3이 되려면

a 는 4가 되어야 한다.

13. 두 집합 $A = \{2a, a+6, 3a-1\}, B = \{2a+1, a+2, 8\}$ 에 대하여 $A \subset B$, $B \subset A$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: 2

A = B 이므로 $8 \in A$ $2a = 8 \stackrel{\smile}{-} a + 6 = 8 \stackrel{\smile}{-} 3a - 1 = 8$

(i) 2a = 8 일 때, a = 4 $A = \{8, 10, 11\}, B = \{6, 8, 9\}$

 $A \neq B$ 이므로 조건에 맞지 않는다.

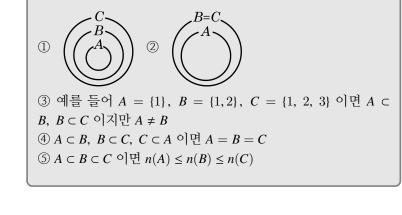
(ii) a+6=8 일 때, a=2 $A = \{4, 5, 8\}, B = \{4, 5 8\}$

A = B이므로 조건에 적합. (iii) 3a - 1 = 8 일 때, a = 3

 $A = \{6, 8, 9\}, B = \{5, 7, 8\}$ $\therefore A \neq B$ 이므로 조건에 맞지 않는다. (i),(ii),(iii)으로

부터 a=2

- **14.** 세 집합 A, B, C 에 대하여 옳지 않은 것을 모두 고르면?
 - A ⊂ B, B ⊂ C 이면 A ⊂ C 이다.
 A ⊂ B, B = C 이면 A ⊂ C 이다.
 - $\textcircled{3}A \subset B, \ B \subset C$ 이면 A = B 이다.
 - ④ $A \subset B$, $B \subset C$, $C \subset A$ 이면 A = C 이다.
 - \bigcirc $A \subset B \subset C$ 이면 n(A) < n(B) < n(C) 이다.

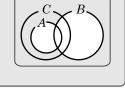


- **15.** 세 집합 A, B, C 가 $(A \cap B) \subset (A \cap C)$, $(A \cup C) \subset (B \cup C)$ 를 만족한다. 이 사실로 알 수 있는 것은?
- $\bigcirc A \subset C$

해설

벤다이어그램에서 $(A \cap B) \subset (A \cap C)$ 이고 $(A \cup C) \subset (B \cup C)$ 가 되려면 $A = A \cap C$ 이어야 하므로

 $\therefore A \subset C$



- **16.** 두 집합 $A = \{x | 1 \le x \le 5\}$, $B = \{x | 3 < x < 7\}$ 에 대하여 $A \cap X = X$, $(A B) \cup X = X$ 를 만족시키는 집합 $X \equiv X = \{x | p \le x \le q\}$ 라 할 때, q의 최솟값과 최댓값을 차례대로 쓰면?
 - ① 1, 3 ② 1, 5 ③ 1, 7 ④ 3, 5 ⑤ 3, 7

조건에서 $X \subset A$, $(A-B) \subset X$ 즉, $\{x|1 \le x \le 3\} \subset X \subset \{x|1 \le x \le 5\}$ $X = \{x|p \le x \le q\} \text{ 에서 } p=1, \ 3 \le q \le 5$

해설

17. 집합 $A = \{x \mid 2 \le x < a$ 인 자연수]에 대하여 집합 A 의 부분집합의 개수가 16 개가 되기 위한 자연수 a 의 값을 구하여라.

 답:

 ▷ 정답:
 6

해설

 $2^{n(A)} = 16 = 2^4$: n(A) = 4

A = {2, 3, 4, 5} = {x | 2 ≤ x < 6인 자연수} ∴ a = 6

18. 집합 $S = \{a, \{a\}, \{a, b\}, b, \{c\}, c, d\}$ 일 때, 다음 중 옳은 것만 골라라.

답:답:

► 답:

> =1=1

 ▷ 정답: ⑤

 ▷ 정답: ⑥

 ▷ 정답:
 ②

 ▷ 정답:
 ③

집합 S 는 집합 안에 또 다른 집합을 원소로 가진 집합이다.

① $\{b\} \in S \rightarrow b$ 는 집합 S의 원소이지만 $\{b\}$ 는 집합 S의 원소가 아니다. ② $\{b,c,d\} \in S \rightarrow b,c,d$ 는 모두 집합 S의 원소이므로 $\{b,c,d\} \in S$

S 가 되어야 한다. ② $c \in S, d \in S \rightarrow c, d$ 는 집합 S 의 원소이므로 옳다.

 \bigcirc $\{c,d\} \subset S \rightarrow c,d$ 는 집합 S의 원소이고 $\{c,d\}$ 는 집합 S의 부분집합이 되므로 옳다.

 $\textcircled{\tiny }$ $S \subset \{a,\ b,\ c,\ d\} \to$ 집합 $S \subset \{a,b,c,d\}$ 의 부분집합이 될 수 없다. 따라서 옳은 것은 \bigcirc , $\textcircled{\tiny }$, $\textcircled{\tiny }$ 이다.

19. 집합 $A = \{x \mid x \in 10 \text{ 이하의 } 2c^{-1}\}$ 에 대하여 집합 A 의 모든 부분집합의 원소의 합을 구하여라.

답:▷ 정답: 136

A= {2, 3, 5, 7}의 부분집합은

해설

Ø, {2}, {3}, {5}, {7}, {2, 3}, {2, 5}, {2, 7}, {3, 5}, {3, 7}, {5, 7}, {2, 3, 5}, {2, 3, 7}, {2, 5, 7}, {3, 5, 7}, {2, 3, 5, 7}중에 원소 2, 3, 5, 7은 8

번씩 포함되므로 부분집합의 원소의 합은 $(2+3+5+7) \times 8 = 136$ 이다.

20. 집합 $B = \{-1, 0, 1, 2\}$ 의 부분집합의 열을 $B_1, B_2, B_3, \cdots, B_{16}$ 이라하고, B_1 의 원소의 총합을 a_1 , B_2 의 원소의 총합을 a_2, \cdots, B_{16} 의 원소의 총합을 a_{16} 이라 할 때, $a_1 + a_2 + a_3 + \cdots + a_{16}$ 의 값은?

16

② 18 ③ 20 ④ 22 ⑤ 24

해설

집합 $B = \{-1, 0, 1, 2\}$ 의 부분집합의 개수는 모두 16개인데 실제로 나열해 보지 않고서도 해결할 수 있다. 즉, -1 을 반드시 포함하는 경우의 집합은 8개 0 = 0 반드시 포함하는 경우의 집합은 8개 1 을 반드시 포함하는 경우의 집합은 8개 2 를 반드시 포함하는 경우의 집합은 8개이므로 원소의 총합은 8(-1+0+1+2) = 16