

1. 세 수  $1 + \sqrt{2}$ ,  $\sqrt{5} + \sqrt{2}$ ,  $\sqrt{2} + \sqrt{3}$  를 작은 순서대로 바르게 나타낸 것은?

①  $\sqrt{2} + \sqrt{3} < 1 + \sqrt{2} < \sqrt{5} + \sqrt{2}$

②  $\sqrt{2} + \sqrt{3} < \sqrt{5} + \sqrt{2} < 1 + \sqrt{2}$

③  $1 + \sqrt{2} < \sqrt{5} + \sqrt{2} < \sqrt{2} + \sqrt{3}$

④  $1 + \sqrt{2} < \sqrt{2} + \sqrt{3} < \sqrt{5} + \sqrt{2}$

⑤  $\sqrt{5} + \sqrt{2} < \sqrt{2} + \sqrt{3} < 1 + \sqrt{2}$

해설

$$1 + \sqrt{2} - (\sqrt{2} + \sqrt{3}) = 1 - \sqrt{3} < 0$$

$$\therefore 1 + \sqrt{2} < \sqrt{2} + \sqrt{3}$$

$$\sqrt{2} + \sqrt{3} - (\sqrt{5} + \sqrt{2}) = \sqrt{3} - \sqrt{5} < 0$$

$$\therefore \sqrt{2} + \sqrt{3} < \sqrt{5} + \sqrt{2}$$

따라서  $1 + \sqrt{2} < \sqrt{2} + \sqrt{3} < \sqrt{5} + \sqrt{2}$  이다.

2.  $3\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{2}} = \square\sqrt{5}$  의 수로 나타내었을 때,  $\square$  안에 들어갈 알맞은 수를 써라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

$$3\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{2}} = 3\sqrt{5}$$

3.  $3 < \sqrt{x} \leq 4$ 를 만족하는 자연수  $x$ 의 개수는?

① 6

② 7

③ 8

④ 9

⑤ 10

해설

$3 < \sqrt{x} \leq 4$  의 각 변을 제곱하면  $9 < x \leq 16$

따라서, 부등식을 만족하는 자연수  $x$ 는

10, 11, 12, 13, 14, 15, 16 총 7개이다.

4. 이차함수  $y = -ax^2$  의 그래프에 대한 다음 설명 중 옳은 것을 모두 고르면?

① 직선  $y = 0$  을 축으로 한다.

②  $y = ax^2$  의 그래프와  $x$  축에 대하여 대칭이다.

③  $a > 0$  일 때,  $y = -ax^2$  의 그래프가  $y = -\frac{1}{3}ax^2$  의 그래프보다 폭이 좁다.

④ 꼭짓점의 좌표는  $(1, 1)$  이다.

⑤  $a > 0$  이면 위로 볼록한 포물선이다.

해설

① 직선  $x = 0$  을 축으로 한다.

④ 꼭짓점의 좌표 :  $(0, 0)$

5. 다음 이차함수의 그래프 중 모양이 아래로 볼록하면서 폭이 가장 넓은 것은?

①  $y = -3x^2$

②  $y = x^2 - 3$

③  $y = -\frac{1}{2}x^2 - 1$

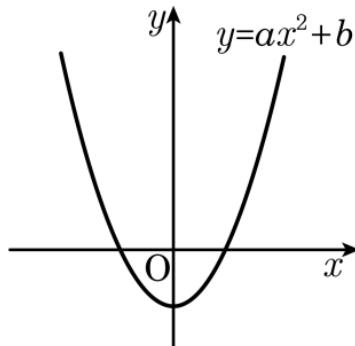
④  $y = \frac{3}{2}(x - 3)^2$

⑤  $y = 5x^2 + 2x + 3$

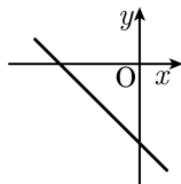
해설

$x^2$  의 계수가 양수이면서 절댓값이 가장 작은 것을 찾는다.  
따라서 아래로 볼록하면서 폭이 가장 넓은 것은 ②이다.

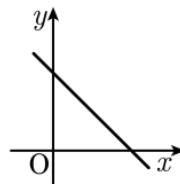
6. 이차함수  $y = ax^2 + b$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중  $y = ax + b$  의 그래프는?



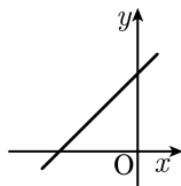
①



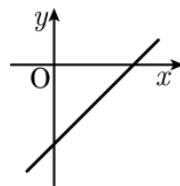
②



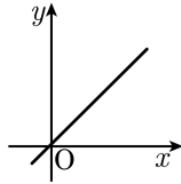
③



④



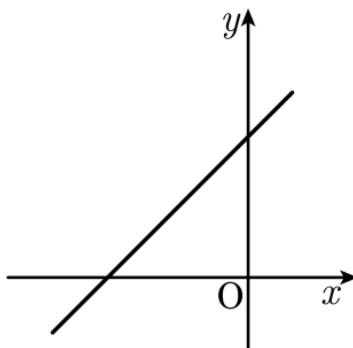
⑤



해설

$a > 0$ ,  $b < 0$  이므로  $y$  절편이 0 보다 작고 오른쪽 위로 향하는 직선을 찾으면 된다.

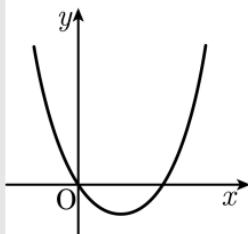
7. 일차함수  $y = ax + b$  의 그래프가 다음과 같을 때,  $y = ax^2 - bx$  의 그래프의 꼭짓점은 어느 위치에 있는가?



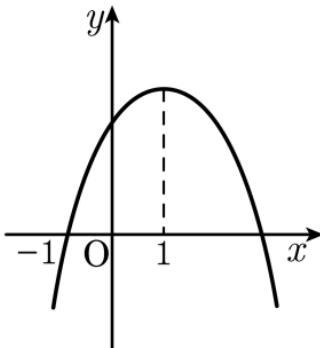
- ①  $x$  축 위                  ②  $y$  축 위                  ③ 제 1 사분면  
④ 제 2 사분면                  ⑤ 제 4 사분면

해설

$a > 0, b > 0$  이므로  $y = ax^2 - bx$  의 그래프는 아래로 볼록하고  
축은  $y$  축의 오른쪽에 있으며 원점을 지난다.



8. 다음 그림은  $y = ax^2 + bx + c$  의 그래프이다. 다음 중 옳지 않은 것은?



- ①  $ab < 0$       ②  $bc > 0$       ③  $ac > 0$   
④  $abc < 0$       ⑤  $a + b + c > 0$

해설

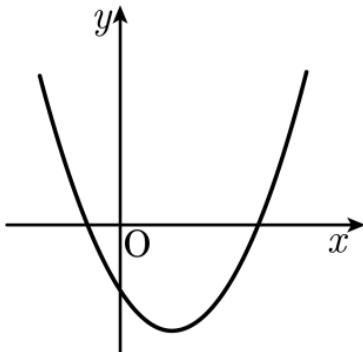
그래프가 위로 볼록하므로  $a < 0$  축이  $y$  축을 기준으로 오른쪽에 있으므로  $a$  와  $b$ 의 부호는 반대이다. 따라서  $b > 0$  이다.  $y$  절편이 양수이므로  $c > 0$  이다.

⑤  $y = ax^2 + bx + c$  에서

$x = 1$  일 때,  $a + b + c = y \circ |$ 고

$y$  좌표는 양수이므로  $a + b + c > 0$  이다.

9. 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때,  $a, b, c$ 의 부호는?

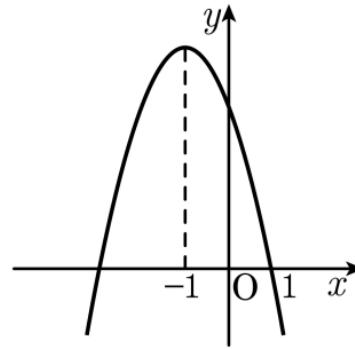


- ①  $a > 0, b > 0, c > 0$       ②  $a > 0, b > 0, c < 0$   
③  $a > 0, b < 0, c < 0$       ④  $a < 0, b > 0, c > 0$   
⑤  $a < 0, b < 0, c < 0$

해설

$a > 0, c < 0 \circ]$  고  $ab < 0 \circ]$  므로  $b < 0 \circ]$  다.

10. 다음 그림은 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프이다. 보기에서 옳은 것을 모두 골라라.



보기

Ⓐ  $ab < 0$

Ⓑ  $ac < 0$

Ⓒ  $a - b + c > 0$

Ⓓ  $a + b + c < 0$

Ⓔ  $4a - 2b + c > 0$

Ⓕ  $\frac{1}{4}a + \frac{1}{2}b + c > 0$

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : Ⓑ

▷ 정답 : Ⓒ

▷ 정답 : Ⓓ

▷ 정답 : Ⓔ

해설

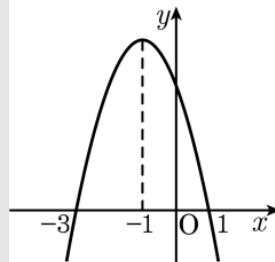
㉠ 축이  $y$  축 왼쪽에 있으므로  $ab > 0$  이다.

㉡  $a < 0, c > 0$  이므로  $ac < 0$  이다.

㉢  $f(-1) = a - b + c > 0$

㉣  $f(1) = a + b + c = 0$

㉤  $x = -1$  을 대칭축으로 가지므로 또 다른  $x$  절편은  $-3$  이다.



$$\therefore f(-2) = 4a - 2b + c > 0$$

Ⓕ  $f\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{4}a + \frac{1}{2}b + c > 0$

## 11. 다음 중 옳은 것은?

- ① 모든 순환하지 않는 무한소수는 무리수이다.
- ② 모든 자연수의 제곱근은 무리수이다.
- ③ 1의 제곱근은 1 자신뿐이다.
- ④ 모든 수  $a$ 에 대하여  $\sqrt{a^2} = a$ 이다.
- ⑤  $1 + \sqrt{2}$ 는 무리수가 아니다.

### 해설

- ②  $\sqrt{1} = 1$
- ③ 1의 제곱근은  $\pm 1$ 이다.
- ④  $a > 0$ 이면  $\sqrt{a^2} = a$ 이다.
- ⑤  $\sqrt{2}$ 가 순환하지 않는 무한소수이므로  $1 + \sqrt{2}$ 도 순환하지 않는 무한소수이므로 무리수이다.

## 12. 다음 중 옳은 것은 모두 몇 개인가?

- ㉠ 수직선에 나타낼 수 없는 무리수도 있다.
- ㉡  $-\sqrt{2}$  와  $\sqrt{2}$  사이에는 4 개의 정수가 있다.
- ㉢ 수직선은 유리수와 무리수에 대응하는 점들로 완전히 메워져 있다.
- ㉣ 수직선 위에서 오른쪽에 있는 실수가 왼쪽에 있는 실수보다 크다.
- ㉤ 수직선 위에는 유리수에 대응하는 점들만 있는 것이 아니고 무리수에 대응하는 점들도 있다.
- ㉥ 서로 다른 두 무리수의 합은 반드시 무리수이다.
- ㉦ 서로 다른 두 유리수의 합은 반드시 유리수이다.

- ① 7 개      ② 6 개      ③ 5 개      ④ 4 개      ⑤ 3 개

### 해설

- ㉠ 모든 유리수는 수직선 위에 나타낼 수 있다.
- ㉡  $1 < \sqrt{2} < 2$  이므로  $-\sqrt{2}$  와  $\sqrt{2}$  사이에는  $-1, 0, 1$  의 3 개의 정수가 있다.
- ㉥  $(\sqrt{2}) + (-\sqrt{2}) = 0$  은 유리수이다.

13. 이차방정식  $9x^2 - 2 = 3\sqrt{x^2}$  을 풀어라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = \frac{2}{3}$

▷ 정답:  $x = -\frac{2}{3}$

해설

( i )  $x \geq 0$  일 때

$$9x^2 - 2 = 3\sqrt{x^2}, \quad 9x^2 - 2 = 3x$$

$$9x^2 - 3x - 2 = 0, \quad (3x + 1)(3x - 2) = 0$$

$$x \geq 0 \text{ } \circ] \text{므로 } x = \frac{2}{3}$$

( ii )  $x < 0$  일 때

$$9x^2 - 2 = 3\sqrt{x^2}, \quad 9x^2 - 2 = -3x$$

$$9x^2 + 3x - 2 = 0, \quad (3x - 1)(3x + 2) = 0$$

$$x < 0 \text{ } \circ] \text{므로 } x = -\frac{2}{3}$$

( i ), ( ii )에서  $x = \pm \frac{2}{3}$

14. 다음 식이  $x$ 에 관한 일차식의 완전제곱식이 되도록 하는  $k$ 의 값을 구하여라.

$$\frac{4x^2 + 3x + (k+1)}{12}$$

▶ 답 :

▷ 정답 :  $-\frac{7}{16}$

해설

$\frac{1}{3}x^2 + \frac{1}{4}x + \frac{k+1}{12} = 0$  의 이차방정식으로 보면 중근을 갖는 경우이다.

양변에 12를 곱하면

$$4x^2 + 3x + k + 1 = 0$$

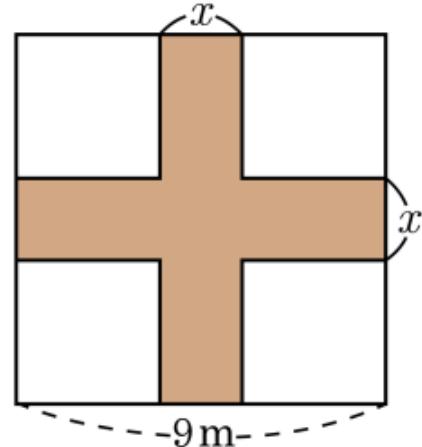
$$D = 9 - 4 \times 4(k+1) = 0$$

$$9 - 16k - 16 = 0, 16k = -7$$

$$\therefore k = -\frac{7}{16}$$

15. 다음 그림과 같이 한 변이 9m인 정사각형 모양의 땅이 있다. 이 땅에 넓이가  $32\text{ m}^2$ 인 십자형의 길을 만들려고 할 때, 길의 폭은?

- ① 1 m
- ② 2 m
- ③ 3 m
- ④ 4 m
- ⑤ 5 m



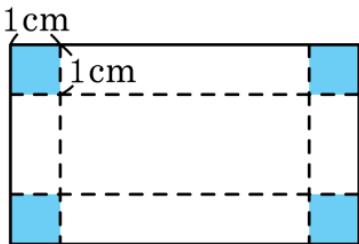
해설

$$9x + 9x - x^2 = 32$$

$$(x - 2)(x - 16) = 0$$

$$\therefore x = 2 \ (\because x < 9)$$

16. 가로가 세로보다 3cm 더 긴 직사각형 모양의 종이가 있다. 네 모퉁이에서 그림과 같이 한 변이 1cm 인 정사각형을 잘라 부피가  $10\text{cm}^3$  인 상자를 만들었다. 처음 직사각형 모양의 종이의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :  $\text{cm}^2$

▷ 정답 :  $28\text{cm}^2$

### 해설

세로의 길이 :  $x\text{cm}$ , 가로의 길이 :  $(x + 3)\text{cm}$ 라고 하면

$$(x - 2)(x + 3 - 2) \times 1 = 10$$

$$x^2 - x - 2 - 10 = 0$$

$$x^2 - x - 12 = 0$$

$$(x - 4)(x + 3) = 0, x = 4(\text{cm})$$

따라서 처음 직사각형의 넓이는  $x(x + 3) = 4(4 + 3) = 28(\text{cm}^2)$  이다.

## 17. 이차함수 $y = x^2$ 에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ①  $x$ 가 어떤 값을 갖더라도  $y$ 의 값은 양수 또는 0이다.
- ②  $x > 0$  일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값도 증가한다.
- ③  $x = 0$  일 때  $y = 0$ 이고,  $y$ 의 최댓값은 0이다.
- ④ 그래프는 원점을 지나고 아래로 볼록하다.
- ⑤  $y$ 의 값의 범위는  $y \geq 0$ 이다.

해설

- ③ 아래로 볼록한 그래프이므로  $x = 0$  일 때  $y$ 의 최솟값이 0이다.

18. 이차함수  $y = x^2 + ax + 2$ 의 축의 방정식이  $x = 2$  일 때,  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -4

해설

$$y = x^2 + ax + 2 = \left(x + \frac{a}{2}\right)^2 - \frac{a^2}{4} + 2$$

축이  $x = 2$  이므로  $-\frac{a}{2} = 2$ ,

$$\therefore a = -4$$

19. 이차함수  $y = 2x^2 + 4x + 9$ 의 그래프에서  $x$ 의 값이 증가할 때,  $y$ 의 값도 증가하는  $x$ 의 값의 범위를 구하여라.

▶ 답 :

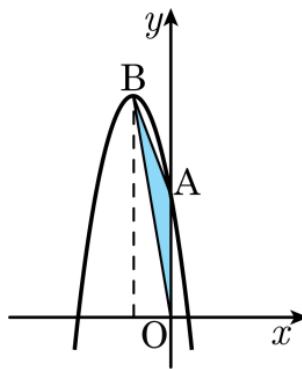
▶ 정답 :  $x > -1$

해설

$$\begin{aligned}y &= 2x^2 + 4x + 9 \\&= 2(x^2 + 2x + 1 - 1) + 9 \\&= 2(x + 1)^2 + 7\end{aligned}$$

축의 방정식이  $x = -1$ 이고, 아래로 볼록하므로  
 $x > -1$  일 때,  $x$ 의 값이 증가하면,  $y$ 의 값도 증가한다.

20. 이차함수  $y = -x^2 - 6x + 8$ 의 그래프가 다음 그림과 같다. 점 A는 y 축과의 교점이고 점 B는 꼭짓점이다. 이 때,  $\triangle AOB$ 의 넓이는? (단, O는 원점이다.)



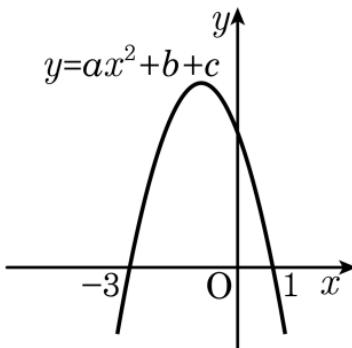
- ① 10      ② 12      ③ 14      ④ 16      ⑤ 18

해설

$$y = -(x + 3)^2 + 17 \text{ } \circ\text{므로 } B(-3, 17)$$

$$\text{A}(0, 8) \text{ } \circ\text{므로 } \triangle AOB = \frac{1}{2} \times 8 \times 3 = 12$$

21. 함수  $y = ax^2 + bx + c$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?



①  $abc > 0$

②  $a + b + c > 0$

③  $9a - 3b + c < 0$

④  $a - b + c < 4a + 2b + c$

⑤  $b^2 - 4ac > 0$

해설

위로 볼록한 포물선이므로  $a < 0$ , 축이  $y$  축의 왼쪽에 있으므로  $ab > 0$ ,  $b < 0$ ,  $y$  절편이 양수이므로  $c > 0$

①  $abc > 0$

②  $x = 1$  일 때,  $a + b + c = 0$

③  $x = -3$  일 때,  $9a - 3b + c = 0$

④  $x = -1$  일 때,  $a - b + c > 0$  이고,  $x = 2$  일 때  $4a + 2b + c < 0$  이므로  $a + b - c > 4a + 2b + c$

⑤  $x$  축과의 교점이 두 개이므로  $b^2 - 4ac > 0$

22.  $a = \sqrt{3}$  일 때,  $\frac{a}{[a] + a}$  의 소수 부분은? (단,  $[a]$ 는  $a$ 를 넘지 않는 최대의 정수)

①  $\sqrt{3} - 1$

②  $\sqrt{3} + 1$

③  $\frac{1}{1 + \sqrt{3}}$

④  $\frac{\sqrt{3}}{1 + \sqrt{3}}$

⑤  $\frac{\sqrt{3}}{1 - \sqrt{3}}$

해설

$$[\sqrt{3}] = 1 \text{ 이므로}$$

$$\frac{a}{[a] + a} = \frac{\sqrt{3}}{1 + \sqrt{3}} = \frac{1 \cdots}{2 \cdots} = 0 \cdots$$

따라서 정수 부분은 0, 소수 부분은  $\frac{\sqrt{3}}{1 + \sqrt{3}}$  이다.

23.  $a = \frac{4 - \sqrt{2}}{3}$ ,  $b = \frac{4 + 2\sqrt{2}}{3}$  일 때,  $4a^2 + 4ab + b^2$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 16

해설

$$\begin{aligned}4a^2 + 4ab + b^2 &= (2a + b)^2 \\&= \left( \frac{8 - 2\sqrt{2}}{3} + \frac{4 + 2\sqrt{2}}{3} \right) \\&= 4^2 \\&= 16\end{aligned}$$

24. 한 원 위에  $n$  개의 점을 잡아  $n$ 각형을 만들었다. 새로 만든 도형의 대각선의 총 개수가 35개 일 때,  $n$ 의 값은?

- ① 7
- ② 8
- ③ 9
- ④ 10
- ⑤ 11

해설

$$\frac{n(n - 3)}{2} = 35 \text{ 이므로}$$

$$n^2 - 3n - 70 = 0$$

$$(n + 7)(n - 10) = 0$$

$$n = 10 (\because n > 0)$$

25.  $y = -3x^2 + 1$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로 3 만큼,  $y$  축의 방향으로 11 만큼 평행이동시킨 그래프의  $x$  절편과  $y$  절편을 연결한 삼각형의 넓이를 구하면?

- ① 16      ② 20      ③ 26      ④ 30      ⑤ 36

해설

$y = -3x^2 + 1$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로 3 만큼,  $y$  축의 방향으로 11 만큼 평행이동시킨 그래프는

$$y = -3(x - 3)^2 + 12 = -3x^2 + 18x - 15 \text{ 이므로}$$

$x$  절편은 1과 5,  $y$  절편은 -15

$$\therefore (\text{삼각형의 넓이}) = \frac{1}{2} \times 4 \times 15 = 30$$