- 1. 대학수학능력시험 수리탐구 의 문항 수는 30개이고 배점은 80점이다. 문항별 배점은 2점, 3점, 4점의 세 종류이다. 각 배점 종류별문항이 적어도 한 문항씩 포함되도록 하려면 2점짜리 문항은 최소 몇문항이어야 하는가?
  - ① 9 ② 10 ③ 11 ④ 12 ⑤ 13

2 점문항 개수를 x, 3 점문항을 y, 4 점문항을 z라 하자

 $2x + 3y + 4z = 80 \quad \cdots \quad \bigcirc$ 

 $x + y + z = 30 \quad \cdots \quad \bigcirc$ 

 $\bigcirc -3 \times \bigcirc \Rightarrow z = x - 10$  $\therefore x = 10$  이면 z = 0

← 조건이 성립하지 않음∴ x ≥ 11, 최소 11 문항

.. 1211, 띄고 11 군 %

- **2.** x 에 대한 이차방정식  $x^2 kx + k + 3 = 0$  의 두 근이 모두 정수 일 때, 상수 *k* 의 값의 합은?
  - ① 0
- ② 2 ③ 4 ④ 6



해설  $x^2 - kx + k + 3 = 0$  의 두 근을  $\alpha, \beta$  라 하자

 $\alpha + \beta = k, \alpha\beta = k + 3 \rightarrow \alpha + \beta + 3 = \alpha\beta$  $\alpha\beta - \alpha - \beta = 3$  $(\alpha-1)(\beta-1)=4$   $\alpha,\beta$  는 정수이므로  $1 \times 4 \Rightarrow \alpha = 2, \ \beta = 5, \quad k = 7$  $2 \times 2 \Rightarrow \alpha = 3, \beta = 3, \quad k = 6$  $-1 \times -4 \Rightarrow \alpha = 0, \beta = -3, \quad k = -3$ 

 $-2 \times -2 \Rightarrow \alpha = -1, \beta = -1, \quad k = -2$ 

 $\therefore 7 + 6 - 3 - 2 = 8$ 

**3.**  $x^2 + (m-1)x + m + 1 = 0$ 의 두 근이 정수가 되도록 정수 m의 값의 합을 구하여라.

▶ 답:

➢ 정답: 6

해설

 $x^{2} + (m-1)x + m + 1 = 0 의 두 근을 \alpha, \beta 라면$   $\alpha + \beta = 1 - m \cdots \bigcirc, \alpha\beta = m + 1 \cdots \bigcirc$   $\bigcirc + \bigcirc \supseteq \text{하면 } \alpha\beta + \alpha + \beta = 2 \ (\alpha, \beta \vdash \Diamond \uparrow)$   $(\alpha + 1)(\beta + 1) = 3$   $\therefore \begin{cases} \alpha = 0 \\ \beta = 2 \end{cases} \begin{cases} \alpha = -2 \\ \beta = -4 \end{cases} \vec{=} \bigcirc \cap \text{대입하면}$  m = -1, 7

- **4.** 자연수 n에 대하여 이차방정식  $x^2 + nx + 2n = 0$ 의 두 근을  $\alpha$ ,  $\beta$ 라 한다.  $\alpha$ ,  $\beta$ 가 정수일 때, n은?
  - ① 7, 8 ② 8, 9 ③ 9, 10 ④ 9 ⑤ 10

해설

근과 계수와의 관계에 의하여  $\alpha+\beta=-n$  ,  $\alpha\beta=2n$  이므로  $\alpha\beta=-2(\alpha+\beta)$ ,  $\alpha\beta+2(\alpha+\beta)=0$  ,  $(\alpha+2)(\beta+2)=4$   $\alpha$ ,  $\beta$  가 정수이므로  $\alpha+2$  ,  $\beta+2$  도 정수 따라서  $\begin{cases} \alpha+2=1\\ \beta+2=4 \end{cases} , \qquad \begin{cases} \alpha+2=2\\ \beta+2=2 \end{cases} \qquad \begin{cases} \alpha+2=-1\\ \beta+2=-4 \end{cases} ,$   $\begin{cases} \alpha=-1\\ \beta=2 \end{cases} , \qquad \begin{cases} \alpha=-3\\ \beta=-6 \end{cases} , \qquad \begin{cases} \alpha=-4\\ \beta=-4 \end{cases}$  각각의 경우, n 의 값은  $n=-(\alpha+\beta)$  이므로 -1, 0, 9, 8 의 값을 갖는다.

- **5.** 이차방정식  $x^2 ax + a + 2 = 0$ 의 두 근이 모두 정수가 되게 하는 모든 상수 a에 대한 설명 중 옳은 것은?

  - ② a는 -2 이상 6 이하이다.

① a는 -10 이상 -2 이하이다.

- ③ *a*는 6 이상이다.
- ④ a는 0 이하이다.

해설

- ⑤ a는 0 이상 8 이하이다.
  - 두 정수근을  $\alpha, \beta$ 라 하면 (단,  $\beta \ge \alpha$ )

 $\alpha + \beta = a, \ \alpha \beta = a + 2$ 이 두 식에서 a를 소거하면  $\alpha\beta - \alpha - \beta = 2$ ,  $(\alpha - 1)(\beta - 1) = 3$ 

 $\therefore \alpha = 2, \beta = 4 \stackrel{\mathsf{L}}{}_{\mathsf{L}} \alpha = -2, \beta = 0$  $\therefore a = 6, -2$ 

 $\alpha$  – 1,  $\beta$  – 1이 정수이므로