

1. 다음 중 12 의 배수는?

- ① 90      ② 126      ③ 288      ④ 352      ⑤ 1498

2. 1에서 100 까지의 자연수를 다음과 같이 연속한 세 개의 수씩 묶어 차례로 늘어놓았다.

(1, 2, 3), (2, 3, 4), (3, 4, 5), ⋯, (98, 99, 100) ] 이

때, 세 수의 합이 21의 배수인 것은 모두 몇 묶음인지 구하면?

- ① 12      ② 13      ③ 14      ④ 15      ⑤ 16

3. 네 자리 수  $68\Box 0$  이 6 의 배수일 때,  $\Box$ 안에 알맞은 숫자를 모두 구하여라

▶ 답: \_\_\_\_\_

▶ 답: \_\_\_\_\_

▶ 답: \_\_\_\_\_

4. 315에 자연수를 곱하여 어떤 수의 제곱이 되도록 하려고 한다. 제곱이 되도록 하기 위해서 곱하는 수 중 첫 번째로 작은 수와 세 번째로 작은 수를 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

▶ 답: \_\_\_\_\_

5.  $315 \times a$  가 어떤 자연수의 제곱이 될 때,  $a$  가 될 수 있는 두 번째로 작은 자연수를 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

6. 자연수  $360 \times n$  이 자연수의 제곱이 된다고 할 때,  $n$  이 될 수 있는 것을 모두 구하시오.(단,  $n$  은 160 미만의 자연수이다.)

▶ 답: \_\_\_\_\_

▶ 답: \_\_\_\_\_

▶ 답: \_\_\_\_\_

7. 다음 중 약수의 개수가 다른 것은?

- |                              |                                    |             |
|------------------------------|------------------------------------|-------------|
| <p>① <math>2^{11}</math></p> | <p>② <math>3^5 \times 7</math></p> | <p>③ 84</p> |
| <p>④ 132</p>                 | <p>⑤ 180</p>                       |             |

8. 태환이가 오늘 배운 소인수분해를 이용하여  $3^3 \times 10 \times 5^2$  의 약수의 개수를 구하는 과정을 다음과 같이 수학 공책에 적었다. 밑줄 친 부분 중 틀린 부분을 말하여라.

문제)  $3^3 \times 10 \times 5^2$  의 약수의 개수 구하기  
풀이)  
① 10 을 소인수분해하면  $2 \times 5$  이므로  
②  $3^3 \times 10 \times 5^2 = 2 \times 3^3 \times 5^3$   
③ 약수의 개수를 구할 때, 각 지수에 1 을 더하여 곱하면  
④  $(0 + 1) \times (3 + 1) \times (3 + 1) = 16(\text{개})$ 이다.

▶ 답: \_\_\_\_\_

9. 다음 중 약수의 개수가 가장 많은 것은?

- |                                    |                                  |                                      |
|------------------------------------|----------------------------------|--------------------------------------|
| <p>① <math>5^3</math></p>          | <p>② <math>2 \times 3</math></p> | <p>③ <math>2^2 \times 7^2</math></p> |
| <p>④ <math>5^2 \times 7</math></p> | <p>⑤ <math>13^6</math></p>       |                                      |

10. 다음 보기 중 옳지 않은 것은 모두 몇 개인지 구하여라.

[보기]

- Ⓐ 소수는 약수의 개수가 2개뿐이다.
- Ⓑ 합성수의 약수의 개수는 3개 이상이다.
- Ⓒ 2는 모든 짝수의 약수이다.
- Ⓓ 102와 187은 서로소이다.
- Ⓔ 소수에는 짝수가 없다.

▶ 답: \_\_\_\_\_ 개

11. 15 이하의 자연수 중에서 12 와 서로소인 자연수의 개수는?

- ① 1 개      ② 2 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 5 개

12. 1 부터 80 까지의 자연수 중에서 80 과 공약수가 1 개인 수는 몇 개인지 구하여라.

 답: \_\_\_\_\_ 개

13.  $90, 2^4 \times 3 \times 5^3$  의 최대공약수는?

- ①  $2 \times 3 \times 5$
- ②  $2^2 \times 3^2 \times 5$
- ③  $2^2 \times 3 \times 5^2$
- ④  $2^3 \times 3 \times 5^2$
- ⑤  $2^3 \times 3^2 \times 5^2$

14. 세 수  $2^2 \times 3^2 \times 5^2$ ,  $2^2 \times 3^3 \times 5$ ,  $2^3 \times 3^4 \times 5^3$  의 최대공약수는?

- ①  $2^3 \times 3^3 \times 5^2$       ②  $2^2 \times 3^2 \times 5^2$       ③  $2^2 \times 3^3 \times 5^3$   
④  $2^3 \times 3^2 \times 5$       ⑤  $2^2 \times 3^2 \times 5$

15. 다음 두 수의 최대공약수를 소인수의 곱으로 나타낸 것은?

108	126
-----	-----

- ①  $2 \times 3$       ②  $2^2 \times 3$       ③  $2^2 \times 3^2$   
④  $2 \times 3^2$       ⑤  $2 \times 3^3$

16. 두 자연수  $2^a \times 3 \times 5$  와  $2^2 \times 3^b \times c$  의 최소공배수가  $2^3 \times 3^2 \times 5 \times 7$  일 때,  $a + b + c$  의 값은?

- ① 9      ② 10      ③ 11      ④ 12      ⑤ 13

17. 두 자연수  $12 \times x$ ,  $18 \times x$ 의 최소공배수가 108 일 때, 자연수  $x$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

18. 두 수  $2^a \times 7^b \times 13$ ,  $2^2 \times 13^c$ 의 최소공배수가  $2^4 \times 7^3 \times 13^2$  일 때,  
 $a + b - c$  의 값은?

- ① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

19. 43 을 어떤 자연수  $n$  으로 나누면 나머지가 3 이 된다. 또, 49 를  $n$  으로 나누면 나머지가 1 이 되고 74 를  $n$  으로 나누면 2 가 남는다. 이러한 자연수  $n$  을 모두 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

▶ 답: \_\_\_\_\_

20. 공책 27 권, 지우개 38 개, 연필 64 자루를 되도록 많은 학생들에게 똑같이 나누어주려고 하였더니 공책은 3 권 남고, 지우개는 2 개가 남고, 연필은 4 자루가 남았다. 학생은 모두 몇 명인지 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_ 명

**21.** 어떤 수로 35 를 나누면 3 이 남고 118 을 나누면 2 가 모자란다고 한다. 이러한 수 중 가장 큰 수는?

- ① 16      ② 8      ③ 6      ④ 4      ⑤ 2

22. 서로 맞물려 돌아가는 두 톱니바퀴 A, B의 톱니의 수는 각각 36개, 60개이다. 톱니바퀴 A가 한 번 회전하는데 7분이 걸린다고 할 때, 두 톱니가 같은 이에서 처음으로 맞물리는 때는 회전을 시작하고 몇 분 후인지 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_ 분 후

23. 톱니 수가 각각 72개, 24개, 60개인 A, B, C 세 톱니바퀴가 다음 그림과 같이 서로 맞물려 있다. 세 바퀴가 모두 처음 출발했던 위치대로 다시 맞물리려면 톱니바퀴 C는 몇 바퀴를 돌아야 하는지 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_ 바퀴

24. 다음 그림과 같이 서로 맞물려 돌아가는 세 톱니바퀴 A, B, C의 톱니의 수는 각각 36개, 24개, 14개이다.  
세 톱니바퀴가 돌아 원래 모양이 되려면 톱니바퀴 A는 몇 번 회전해야 하는지 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_ 번



**25.** 가로의 길이가 4cm , 세로의 길이가 6cm , 높이가 3cm 인 직육면체 모양의 벽돌이 있다. 이것을 같은 방향으로 각각 쌓아 정육면체를 만들었다. 직육면체 모양의 벽돌을 최소로 사용하여 정육면체 모양의 벽돌을 만들 때, 필요한 벽돌의 개수는?

- ① 14 개    ② 16 개    ③ 20 개    ④ 24 개    ⑤ 28 개

- 26.** 가로가 12cm, 세로가 15cm 인 타일이 여러 장 있다. 이 타일들을  
이어 붙여서 가장 작은 정사각형 모양을 만들려고 한다. 타일은 모두  
몇 장 필요한가?

▶ 답: \_\_\_\_\_

**27.** 가로의 길이가 16cm, 세로의 길이가 20cm, 높이가 8cm인 직육면체 모양의 나무토막을 같은 방향으로 빙틈없이 쌓아서 가장 작은 정육면체를 만들려고 한다. 만들어지는 정육면체의 한 변의 길이를 구하여라.

- ① 70cm      ② 80cm      ③ 90cm  
④ 100cm      ⑤ 110cm

28. 두 분수  $\frac{55}{42}$ ,  $\frac{22}{35}$  에 같은 수를 곱하여 자연수가 되게 하려고 한다.

이러한 수 중 가장 작은 수를 곱하여 만들어진 두 자연수의 합을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

**29.** 두 분수  $\frac{1}{12}$  과  $\frac{1}{15}$  의 어느 것에 곱해도 자연수가 되는 가장 작은 수는?

- ① 40      ② 50      ③ 60      ④ 70      ⑤ 80

30.  $\frac{12}{7}$ ,  $\frac{36}{5}$ ,  $\frac{15}{4}$  의 어느 것에 곱하여도 양의 정수가 되는 분수 중 가장 작은 수는?

- ①  $\frac{1}{3}$       ②  $\frac{10}{3}$       ③  $\frac{100}{3}$       ④  $\frac{120}{3}$       ⑤  $\frac{140}{3}$

31.  $3^6 = 729$  를 이용하여  $729 - 3^5 - 3^a = 243$  을 만족하는 자연수  $a$  의 값을 구하면?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

32.  $2^{10} = 1024$  를 이용하여  $1024 - 2^9 - 2^a = 256$  을 만족하는 자연수  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

33. 다음 중 가장 큰 수의 일의 자리를 구하여라.

$$2^3 \times 3^2 \quad 6^2 \quad 2 \times 5^2 \quad 2^2 \times 7$$

▶ 답: \_\_\_\_\_

34. 100 이하의 자연수 중 5의 배수이거나 7의 배수인 것의 개수는?

- ① 31 개    ② 32 개    ③ 33 개    ④ 34 개    ⑤ 35 개

35. 100 부터 300 까지의 자연수 중에서 3, 4 중 어떤수로도 나누어 떨어지지 않는 수의 갯수는 모두 몇 개인가?

- ① 67      ② 99      ③ 100      ④ 101      ⑤ 200

-