

1. 두 이차방정식 $x^2 + 3x + a = 0$ 과 $x^2 - 2x + b = 0$ 모두 1을 근으로 가질 때, 상수 a, b 의 값은?

- ① $a = -4, b = 1$ ② $a = -4, b = -1$
③ $a = -3, b = 1$ ④ $a = 4, b = -1$
⑤ $a = -3, b = -1$

해설

$x = 1$ 을 두 방정식에 각각 대입하면
 $1 + 3 + a = 0 \therefore a = -4$
 $1 - 2 + b = 0 \therefore b = 1$

2. 이차방정식 $x^2 - 5x + 6 = 0$ 의 두 근 중 작은 근이 $2x^2 - ax + 5a + 4 = 0$ 의 근일 때, a^2 의 값은?

- ① 9 ② 13 ③ 16 ④ 18 ⑤ 20

해설

$$x^2 - 5x + 6 = 0$$

$$(x - 3)(x - 2) = 0$$

$$x = 3 \text{ 또는 } x = 2$$

$x = 2$ 가 $2x^2 - ax + 5a + 4 = 0$ 의 근이므로 대입하면

$$2(2^2) - 2a + 5a + 4 = 0$$

$$3a = -12$$

$$a = -4$$

$$\therefore a^2 = (-4)^2 = 16$$

3. $y = ax^2 + bx + c$ 그래프가 제 2, 3, 4 사분면을 지난다고 할 때, a, b, c 의 부호가 바르게 짹지어 진 것은?

- ① $a > 0, b > 0, c > 0$ ② $a > 0, b > 0, c < 0$
③ $a > 0, b < 0, c < 0$ ④ $a < 0, b < 0, c > 0$
⑤ $a < 0, b < 0, c < 0$

해설

그림을 그려 보면 다음과 같다.

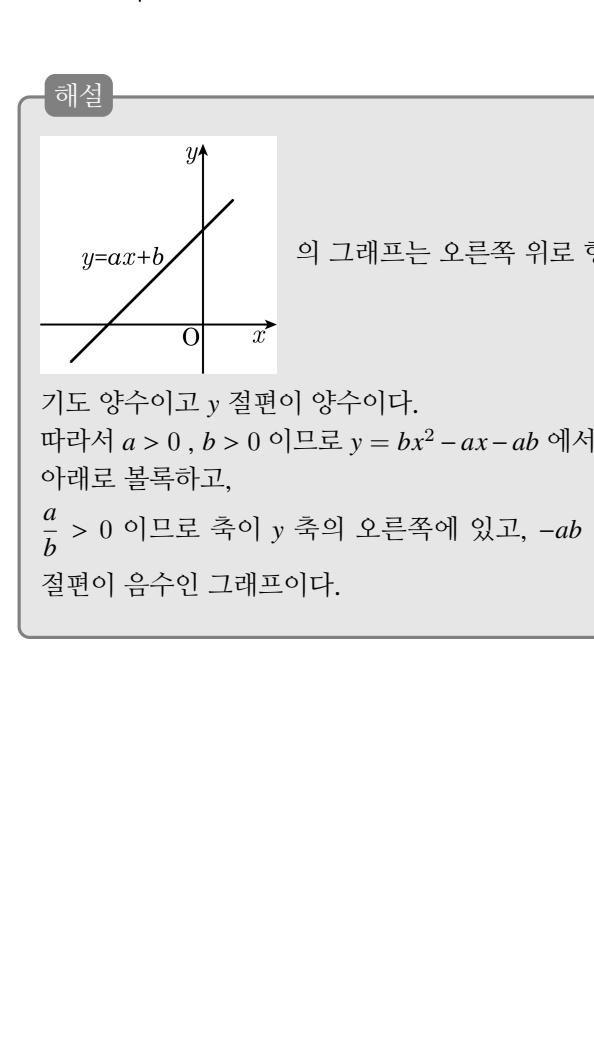
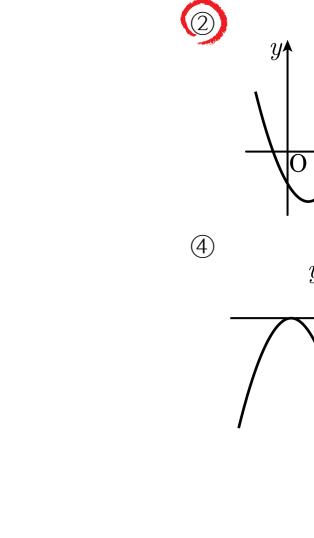


위로 볼록한 그래프이므로 $a < 0$

축의 방정식 $x = -\frac{b}{2a} < 0$ 이므로 $b < 0$

y 절편이 음수이므로 $c < 0$

4. 다음 보기는 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프이다. 다음 중 이차함수 $y = bx^2 - ax - ab$ 의 그래프는?



해설



의 그래프는 오른쪽 위로 향하므로 기울

기도 양수이고 y 절편이 양수이다.

따라서 $a > 0$, $b > 0$ 이므로 $y = bx^2 - ax - ab$ 에서 $b > 0$ 이므로 아래로 볼록하고,

$\frac{a}{b} > 0$ 이므로 축이 y 축의 오른쪽에 있고, $-ab < 0$ 이므로 y 절편이 음수인 그래프이다.

5. 이차함수 $y = a(x-p)^2 - q$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중 옳은 것은?

- ① $ap + q < 0$ ② $aq - pq < 0$
③ $p^2 - q < 0$ ④ $a + pq > 0$
⑤ $a(p - q) > 0$



해설

$y = a(x-p)^2 - q$ 의 그래프가 위로 볼록하고 꼭짓점이 제 1 사분면에 있으므로
 $a < 0, p > 0, q < 0$ 이다.
따라서 $ap + q < 0$ 이다.

6. 이차함수 $y = 2(x - 1)^2 + q$ 의 그래프가 모든 사분면을 지나기 위한 상수 q 의 범위를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $q < -2$

해설

꼭짓점은 $(1, q)$ 로 아래로 볼록한 그래프이다.

모든 사분면을 지나려면 $2 + q < 0$ 이어야 한다.

$\therefore q < -2$

7. 이차함수 $y = 2x^2 - 3x + 1$ 의 그래프와 y 축에 대하여 대칭인 그래프의 식을 구하면?

- ① $y = -2x^2 + 3x + 1$ ② $y = 2x^2 - 3x + 1$
③ $y = 2x^2 + 3x + 1$ ④ $y = 2x^2 - 3x - 1$
⑤ $y = -2x^2 + 3x - 1$

해설

$$y = 2x^2 - 3x + 1 = 2\left(x - \frac{3}{4}\right)^2 - \frac{1}{8}$$

위의 그래프와 y 축에 대하여 대칭인 식은 꼭짓점의 x 좌표의 부호가 반대인 식이다.

$$\therefore y = 2\left(x + \frac{3}{4}\right)^2 - \frac{1}{8} = 2x^2 + 3x + 1$$

8. 이차함수 $y = -2x^2 + kx - 3k$ 의 그래프가 k 의 값에 관계없이 항상 지나는 점의 좌표를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: (3, -18)

해설

$y = -2x^2 + kx - 3k$ 를 k 에 대해 정리하면

$$(x-3)k - 2x^2 - y = 0$$

이 식이 k 에 관한 항등식이므로

$$x-3 = 0, -2x^2 - y = 0$$

$$\therefore x = 3, y = -18$$

따라서 (3, -18)이다.

9. 이차방정식 $x^2 + (m - 4)x + 40 = 0$ 의 두 근의 차가 3일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 큰 근을 α 라 하고 $\alpha < 0$ 이면 $m = 17$ 이다.
- ② 주어진 식을 만족하는 해는 8, 5 또는 -5, -8이다.
- ③ 주어진 식을 만족하는 모든 m 의 값의 합은 9이다.
- ④ 작은 근을 α 라 하고 $\alpha > 0$ 이면 $m < 0$ 이다.
- ⑤ 모든 m 의 값의 곱은 0보다 작다.

해설

두 근을 $\alpha, \alpha - 3$ 이라 하면

$$\alpha(\alpha - 3) = 40$$

$$\alpha = 8 \text{ 또는 } \alpha = -5$$

따라서 두 근은 8, 5 또는 -5, -8이다.

$$\text{두 근의 합은 } 13 = 4 - m, m = -9 \text{ 또는 } -13 = 4 - m, m = 17$$

따라서 주어진 식을 만족하는 모든 m 의 값의 합은 8이다.

10. x 에 관한 이차방정식 $x^2 - 2(k+a)x + (k^2 - k + b) = 0$ 의 k 값에
관계없이 중근을 가질 때, $8ab$ 의 값은?

① -2 ② 2 ③ -1 ④ 1 ⑤ 0

해설

$$D/4 = (k+a)^2 - (k^2 - k + b) = 0$$

k 에 대해서 정리하면

$$(2a+1)k + a^2 - b = 0, \text{이 식이 } k \text{에 관한 항등식이므로 } 2a+1 = 0, a^2 - b = 0$$

$$\therefore a = -\frac{1}{2}, b = \frac{1}{4}$$

$$\therefore 8ab = 8 \left(-\frac{1}{2}\right) \left(\frac{1}{4}\right) = -1$$

11. 한 원 위에 $n + 1$ 개의 점을 잡아 $n + 1$ 각형을 만들었다. 새로 만든
도형의 대각선의 총 개수가 35 개 일 때, n 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

$$\frac{(n+1)(n-2)}{2} = 35 \text{ } \circ\text{므로}$$

$$n^2 - n - 72 = 0$$

$$(n+8)(n-9) = 0$$

$$\therefore n = 9 \text{ } (\because n > 0)$$

12. 배가 강을 따라 내려올 때는 거슬러 오를 때보다 시속 2km 더 빠르다.
강의 상류에서 하류까지 12km를 왕복하는 데 5 시간 걸린다면 12km
를 내려가는 데 걸리는 시간은 몇 시간인가?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

배가 강을 따라 거슬러 오를 때의 속력을 x km/h라고 하면

$$\frac{12}{x} + \frac{12}{x+2} = 5$$
$$12(x+2) + 12x = 5x(x+2)$$

$$5x^2 - 14x - 24 = 0$$

$$(x-4)(5x+6) = 0$$

x 는 올라가는 속력이므로 양수이다.

따라서 $x = 4$ 이다.

$$\therefore \frac{12}{6} = 2(\text{시간})$$