

1. 함수  $y = ax + 3$  에 대하여  $f(1) = 1$  일 때,  $f(3)$  의 값은?

① -2

② -3

③ -4

④ -6

⑤ -8

해설

$$f(1) = a + 3 = 1$$

$$\therefore a = -2$$

$$f(x) = -2x + 3$$

$$\therefore f(3) = -3$$

2. 함수  $f(x) = -4x$  에 대하여 다음 중 함숫값이 옳지 않은 것을 고르면?

①  $f(1) = -4$

②  $f(-2) = 8$

③  $f(0) = 0$

④  $f\left(\frac{1}{4}\right) = 1$

⑤  $f\left(\frac{1}{8}\right) = -\frac{1}{2}$

해설

$f(x) = -4x$ 에서

④  $f\left(\frac{1}{4}\right) = -4 \times \frac{1}{4} = -1$  이다.

3.  $x$ 의 값이 1, 2, 3이고,  $f(1) = 3$ ,  $f(2) = 4$ ,  $f(3) = 5$ 인 함수에 대하여 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ①  $f(a) = 4$  일 때,  $a = 2$
- ②  $x$ 의 값의 개수는 3개이다.
- ③ 함숫값의 범위는  $3 \leq y \leq 5$  이다.
- ④  $f(x) = x - 2$
- ⑤ 함수 관계가 성립한다.

해설

- ③ 함숫값의 범위는  $3 \leq y \leq 5$ 인 정수이다.
- ④  $f(x) = x + 2$

4. 함수  $f(x) = ax + 2$  에 대하여  $f(-2) = 4$  일 때, 상수  $a$  의 값은?

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

$$f(-2) = -2a + 2 = 4$$

$$-2a = 2$$

$$\therefore a = -1$$

5. 함수  $f(x) = \frac{3}{2}x$  일 때,  $f\left(\frac{4}{3}\right) - f(-4)$  의 값을 구하면?

① 12

② 8

③ 5

④ -4

⑤ -6

해설

$$f(x) = \frac{3}{2}x \text{ 에서}$$

$$f\left(\frac{4}{3}\right) = \frac{3}{2} \times \frac{4}{3} = 2$$

$$f(-4) = \frac{3}{2} \times (-4) = -6$$

$$\therefore f\left(\frac{4}{3}\right) - f(-4) = 2 - (-6) = 8$$

6. 함수  $f(x) = -2x$ 에서  $f(-1) + f(2)$ 의 값은?

① -2

② -1

③ 0

④ 2

⑤ 4

해설

$$f(-1) + f(2) = -2 \times (-1) + (-2) \times 2 = 2 - 4 = -2$$

7. 함수  $f(x) = \frac{24}{x}$  에 대하여  $f(-8) - f(-12)$  를 구하면?

① -3

② -2

③ -1

④ 1

⑤ 2

해설

$$f(-8) = \frac{24}{-8} = -3$$

$$f(-12) = \frac{24}{-12} = -2$$

$$\therefore f(-8) - f(-12) = -3 - (-2) = -1$$

8. 함수  $f(x) = -\frac{x}{3} + 5$  에 대하여  $\frac{6f(-9)}{2f(-3)}$  의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$f(-9) = -\frac{-9}{3} + 5 = 8, f(-3) = -\frac{-3}{3} + 5 = 6$$

$$\therefore \frac{6f(-9)}{2f(-3)} = \frac{6 \times 8}{2 \times 6} = \frac{48}{12} = 4 \text{ 이다.}$$

9.  $f(x) = ax + 3$ 에서  $f(2) = -1$  일 때,  $f(4)$ 의 값을 구하면?

① -5

② -1

③ 1

④ 5

⑤ 7

해설

$$f(2) = 2a + 3 = -1, a = -2$$

$$f(x) = -2x + 3$$

$$\therefore f(4) = -2 \times 4 + 3 = -5$$

## 10. 다음 중 일차함수인 것은?

①  $y = 3(x - 1) - 3x$

②  $y = \frac{x}{3}$

③  $y = x(x - 1) + 5$

④  $y = \frac{2}{x}$

⑤  $xy = 7$

해설

① 정리하면  $y = -3$  이 되므로 상수함수

③ 이차함수

11. 다음 중 일차함수인 것을 모두 고르면?

①  $y = 1$

②  $x + y = 5$

③  $y = -x + 1$

④  $xy = 4$

⑤  $y = x^2 + 2$

해설

②  $x + y = 5$

③  $y = -x + 1$  은 일차함수이다.

12. 다음 함수 중에서 일차함수인 것을 모두 고르면? (답 2 개)

①  $y = 2x - 7$

②  $y = \frac{2}{x}$

③  $y = 3(x + 1)$

④  $y = 2x(x - 1)$

⑤  $y = 6$

해설

④ 이차함수

⑤ 상수함수

13.  $x, y$  가 자연수일 때  $x + y = 4$  에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?

- ①  $x = 1$  이면  $y = 3$  이다.
- ②  $y = 2$  이면  $x = 2$  이다.
- ③ (4, 0) 은 해이다.
- ④ 해는 3 쌍뿐이다.
- ⑤ 그래프로 그리면 좌표평면의 제 1 사분면에만 나타난다.

해설

③  $x, y$  가 자연수이어야 하는데 0은 자연수가 아니다.

14. 일차함수  $f(x) = 3x + 1$ 에 대하여  $f(-2)$ 의 값은?

① -5

② -3

③ -1

④ 1

⑤ 3

해설

$f(x) = 3x + 1$ 에  $x = -2$ 를 대입하면

$$f(-2) = 3 \times (-2) + 1 = -5$$

15. 함수  $f(x) = 3x - 4$  에 대하여  $f\left(\frac{2}{3}\right) - f(0)$  을 구하면?

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

$$f(x) = 3x - 4 \text{ 에 } x = \frac{2}{3} \text{ 를 대입하면 } f\left(\frac{2}{3}\right) = 3 \times \frac{2}{3} - 4 = -2$$

이고

$$x = 0 \text{ 을 대입하면 } f(0) = 3 \times 0 - 4 = -4 \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } f\left(\frac{2}{3}\right) - f(0) = -2 - (-4) = 2$$

16. 함수  $f(x) = ax + 2$  에서  $f(1) = -4$  일 때,  $f(3) + f(-1) - f(2)$  의 값은?

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

$$f(1) = a + 2 = -4, \quad a = -6$$

$$\therefore f(x) = -6x + 2$$

$$f(3) = -6 \times 3 + 2 = -16$$

$$f(-1) = -6 \times (-1) + 2 = 8$$

$$f(2) = -6 \times 2 + 2 = -10$$

$$\therefore f(3) + f(-1) - f(2) = -16 + 8 - (-10) = 2$$

17. 일차함수  $f(x) = -x + 2$ 에 대하여  $f(0) + f(4)$ 의 값은?

- ① -4
- ② -2
- ③ 0
- ④ 2
- ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned}f(0) &= 2, f(4) = -4 + 2 = -2 \\ \therefore f(0) + f(4) &= 0\end{aligned}$$

18. 다음 중  $x$ 의 범위가 0, 1, 2,  $y$ 의 범위가 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7인 일차함수에서  $y = 3x + 1$  일 때, 이 함수의 함숫값이 아닌 것은?

㉠ 0

㉡ 1

㉢ 3

㉣ 4

㉤ 7

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉡, ㉢

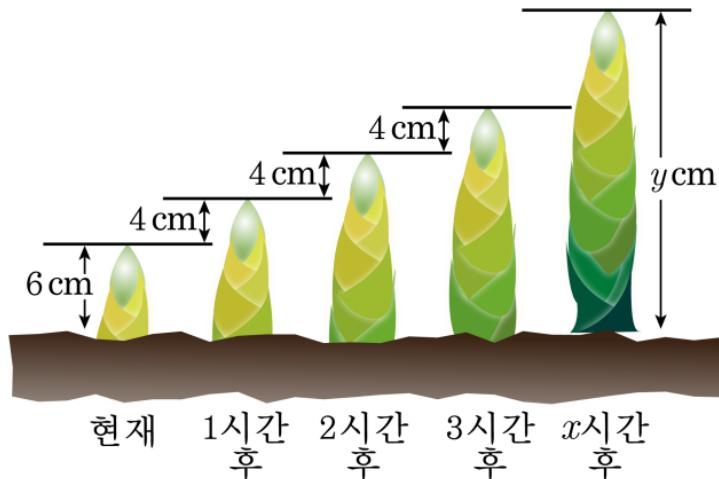
④ ㉢, ㉤

⑤ ㉣, ㉤

해설

일차함수  $y = 3x + 1$ 의 함숫값의 범위는 1, 4, 7이다.

19. 죽순은 1시간에 4cm 씩 자란다고 한다. 현재 6cm 인 죽순의  $x$  시간 후의 길이를  $y\text{cm}$  라고 하자.  $y = f(x)$  라고 할 때,  $f(x)$  는?



①  $f(x) = 4x + 6$

②  $f(x) = 4x + 4$

③  $f(x) = 6x + 4$

④  $f(x) = 6x + 6$

⑤  $f(x) = 10x + 6$

해설

현재는 6cm 이고  $x$  시간 후에는  $4x\text{cm}$  만큼 늘어난다.

따라서  $x$  시간 후의 죽순의 길이는  $(4x + 6)\text{cm}$  이므로  $f(x) = 4x + 6$  이다.

## 20. 다음 중 $y$ 가 $x$ 의 함수가 아닌 것은?

- ① 5% 의 소금물  $xg$  에 포함된 소금  $y g$
- ② 자연수  $x$  를 3 으로 나눌 때 나머지  $y$
- ③ 자연수  $x$  의 약수의 개수  $y$
- ④ 자연수  $x$  의 배수  $y$
- ⑤ 자연수  $x$  보다 작은 소수의 개수  $y$

### 해설

함수는  $x$  의 값이 하나 결정되면, 그에 대응하는  $y$  의 값도 반드시 하나가 결정되어야 한다.

①  $y = \frac{5}{100} \times x, \therefore y = \frac{1}{20}x$  (함수)

② 자연수  $x$  를 3 으로 나눌 때 나머지는 하나로 결정된다

③ 자연수  $x$  의 약수의 개수는 하나로 결정된다. 예를 들어  $x = 2$  이면 약수는 1, 2 두개 이므로  $y = 2$  (함수)

④ 자연수  $x$  에 대응하는 배수  $y$  가 무수히 많으므로 함수가 아니다.

⑤ 자연수  $x$  보다 작은 소수의 개수는 하나로 결정된다. 예를 들어  $x = 2$  이면 2 보다 작은 소수는 없으므로  $y = 0$  이다.

21. 한 개의 무게가 3g인 블록이 있다. 이 블록을  $x$ 개 쌓았을 때의 무게가  $y$ g이라고 할 때,  $x$ 와  $y$ 사이의 관계식은?

①  $y = x$

②  $y = 2x$

③  $\textcircled{y} = 3x$

④  $y = 4x$

⑤  $y = 5x$

해설

블록 1개의 무게 : 3g

블록  $x$ 개의 무게 :  $3x$ g

$$\therefore y = 3x$$

22.  $x$  가 4, 5, 6,  $y$  가 4, 5, 6 일 때, 다음 보기에서  $y$  가  $x$  의 함수인 것의 개수는?

보기

Ⓐ  $x + y = 5$ 의 배수

Ⓑ  $2x = y$

Ⓒ  $xy = \text{홀수}$

Ⓓ  $y = (x\text{의 배수})$

Ⓔ  $y = (x\text{보다 큰 자연수})$

① 1 개

② 2 개

③ 3 개

④ 4 개

⑤ 5 개

해설

두 변수  $x$ ,  $y$ 에 대해  $x$  값이 하나로 결정됨에 따라  $y$  값도 결정될 때 함수라 한다.

즉,  $x$  값 하나에  $y$  값도 하나로 결정되어야 한다.

㉠  $x = 4$  일 때  $y = 6$ ,  $x = 5$  일 때  $y = 5$ ,  $x = 6$  일 때  $y = 4$  이므로 함수이다.

㉡  $x = 4$  일 때 값이 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

㉢  $x = 4$  일 때 값이 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

㉣  $x = 4$  일 때  $y = 4$ ,  $x = 5$  일 때  $y = 5$ ,  $x = 6$  일 때  $y = 6$  이므로 함수이다.

Ⓔ  $x = 4$  일 때  $y$ 의 값이 5, 6 두 개이므로 함수가 아니다.

따라서 함수인 것은 ㉠, ㉣ 2 개다.

23.  $x$ 의 값은 자연수 전체이고,  $y$ 의 값은 수 전체일 때, 다음 중  $y$ 가  $x$ 의 함수인 것은?

- |                  |                       |
|------------------|-----------------------|
| Ⓐ $x + y = 0$    | Ⓑ $y$ 는 $x$ 보다 작은 자연수 |
| Ⓒ $y$ 는 $x$ 의 약수 | Ⓓ $xy = 10$           |
| Ⓓ $y$ 는 $x$ 의 역수 |                       |

① Ⓐ, Ⓑ

② Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ

③ Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ

④ Ⓓ, Ⓔ, Ⓕ

⑤ Ⓑ, Ⓔ

### 해설

$x$ 에 의하여 정해지는  $y$ 의 값, 즉  $x$ 에서의 함숫값이 오직 하나만 존재하는 것을 함수라고 한다.

㉡  $y$ 는  $x$ 보다 작은 자연수 :  $y$ 는  $x$ 보다 작은 자연수는 여러 개가 존재 할 수도 있다.

㉢  $y$ 는  $x$ 의 약수 : 자연수  $x$ 의 약수는 여러 개가 존재하므로, 함수가 될 수 없다.

## 24. 다음 중 함수가 아닌 것을 모두 골라라.

- ① 자연수  $x$  의 약수의 개수  $y$  개
- ② 자연수  $x$  와 3의 최소공배수  $y$
- ③ 자연수  $x$  와 서로소인 수  $y$
- ④ 절댓값이  $x$  인 수  $y$
- ⑤ 자연수  $x$  의 4배인 수  $y$

해설

$x$ 의 값에 따라  $y$ 의 값이 하나로 결정되지 않으면 함수가 아니다.

25. 두 함수  $f(x) = -\frac{7x}{3} - 1$ ,  $g(x) = \frac{22}{x} - 8$ 에 대하여  $f(6) = a$ ,  $g(2) = b$  일 때,  $-\frac{8a}{5b}$ 의 값은?

① 8

② 10

③ 12

④ 14

⑤ 16

해설

$$f(6) = -\frac{7 \times 6}{3} - 1 = -15 = a$$

$$g(2) = \frac{22}{2} - 8 = 3 = b$$

$$\therefore -\frac{8a}{5b} = -\frac{8 \times (-15)}{5 \times 3} = 8$$

26. 두 함수  $f(x) = -\frac{3x}{2} + 3$ ,  $g(x) = 2x - 3$ 에 대하여  $f(2) = a$ ,  $g(1) = b$  일 때,  $\frac{3a - 5b}{5}$ 의 값은?

- ① 5      ② 4      ③ 3      ④ 2      ⑤ 1

해설

$$f(2) = -\frac{3 \times 2}{2} + 3 = 0 = a$$

$$g(1) = 2 \times 1 - 3 = -1 = b$$

$$\therefore \frac{3a - 5b}{5} = \frac{3 \times 0 - 5 \times (-1)}{5} = 1$$

27. 두 함수  $f(x) = -2x + 1$ ,  $g(x) = \frac{x}{6} + 3$ 에 대하여  $g(f(2) + f(5))$ 의 값을 구하면?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$f(2) = -3, f(5) = -9$$

$$\therefore g(f(2) + f(5)) = g(-12) = \frac{-12}{6} + 3 = 1$$

28. 두 함수  $f(x) = x + 2$ ,  $g(x) = 2x$  에 대하여  $f(3) - g(2)$  의 값은?

① -8

② -7

③ 1

④ 3

⑤ -3

해설

$$f(3) = 3 + 2 = 5$$

$$g(2) = 2 \times 2 = 4$$

$$\therefore f(3) - g(2) = 5 - 4 = 1$$

29. 두 함수  $f(x) = -\frac{x}{2} - 5$ ,  $g(x) = 4x + 1$ 에 대하여  $f(2) = a$ ,  $g(3) = b$  일 때,  $\frac{2a + 3b}{3}$ 의 값은?

① 6

② 7

③ 8

④ 9

⑤ 10

해설

$$f(2) = -\frac{2}{2} - 5 = -6 = a$$

$$g(3) = 4 \times 3 + 1 = 13 = b$$

$$\therefore \frac{2a + 3b}{3} = \frac{2 \times (-6) + 3 \times 13}{3} = \frac{27}{3} = 9$$

30. 두 함수  $f(x) = \frac{x}{3} + 2$ ,  $g(x) = \frac{8}{x} + 1$  에 대하여  $2f(6) - 3g(4)$  의 값은?

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

$$f(6) = \frac{6}{3} + 2 = 4$$

$$g(4) = \frac{8}{4} + 1 = 3$$

$$\therefore 2f(6) - 3g(4) = 2 \times 4 - 3 \times 3 = -1$$

31. 두 함수  $f(x) = 3x - 1$ ,  $g(x) = x + 1$ 에 대하여  $f(3) + 3g(1)$ 의 값은?

① 8

② 10

③ 12

④ 14

⑤ 16

해설

$$f(3) = 3 \times 3 - 1 = 8$$

$$g(1) = 1 + 1 = 2$$

$$\therefore f(3) + 3g(1) = 8 + 3 \times (2) = 14$$

32. 두 함수  $f(x) = -3x + 2$ ,  $g(x) = 5x - 2$ 에 대하여  $f(2) = a$ ,  $g(4) = b$  일 때,  $a + b$ 의 값은?

① 4

② 8

③ 12

④ 14

⑤ 16

해설

$$f(2) = -3 \times 2 + 2 = -4 = a$$

$$g(4) = 5 \times 4 - 2 = 18 = b$$

$$\therefore a + b = -4 + 18 = 14$$

33.  $f(x) = ax - 5$ 에서  $f(3) = 4$  일 때,  $f(-2)$ 의 값은?

① -3

② -5

③ -7

④ -9

⑤ -11

해설

$f(3) = 4$ 를 이용하여  $a$ 를 먼저 구하면,

$$f(3) = 3a - 5 = 4, a = 3$$

따라서  $y = 3x - 5$  이므로

$$f(-2) = 3(-2) - 5 = -11$$

34. 두 함수  $f(x) = -\frac{x}{4} + 10$ ,  $g(x) = \frac{24}{x} + 2$  에 대하여  $2f(8) \div g(12)$  의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$f(8) = -\frac{8}{4} + 10 = 8$$

$$g(12) = \frac{24}{12} + 2 = 4$$

$$\therefore 2f(8) \div g(12) = 2 \times 8 \div 4 = 4$$

35. 두 함수  $f(x) = 4x - 3$ ,  $g(x) = \frac{x}{2} + 5$ 에 대하여  $2f(2) - g(6)$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$f(2) = 4 \times 2 - 3 = 5$$

$$g(6) = \frac{6}{2} + 5 = 8$$

$$\therefore 2f(2) - g(6) = 2 \times 5 - 8 = 2 \text{ 이다.}$$

### 36. 다음 중 일차함수인 것을 모두 고르면?

Ⓐ  $xy = 3$

Ⓑ  $y = 3x - 2$

Ⓒ  $y = -2(x + 1) + 2x$

Ⓓ  $x - 2y = 1$

Ⓔ  $y = \frac{2}{x}$

Ⓕ  $y = x(x + 1)$

① Ⓐ, Ⓑ

② Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ

③ Ⓑ, Ⓓ

④ Ⓑ, Ⓒ, Ⓔ

⑤ Ⓑ, Ⓓ, Ⓒ

#### 해설

1 차 항이 최고차항이고  $x, y$  의 계수가 0 이 아닌 것을 찾는다.  
따라서 일차함수는 Ⓑ, Ⓓ 이다.

37.  $y = ax + b$  가 일차함수가 되도록 하는 상수  $a, b$  의 조건은 보기에서 모두 몇 개인가?

㉠  $a = 1, b = 0$

㉡  $a = -1, b = 1$

㉢  $a = 0, b = 1$

㉣  $a = 0, b \neq 0$

㉤  $a \neq 0, b = 0$

① 1 개

② 2 개

③ 3 개

④ 4 개

⑤ 5 개

해설

$y = ax + b$  가 일차함수가 되려면  $a \neq 0$  이어야 한다.

따라서 일차함수가 되는 것은 ㉠, ㉡, ㉤ 3 개이다.

### 38. 다음 보기 중 일차함수가 아닌 것을 고르면?

①  $y = x + 2$

②  $x = 1 - y$

③  $y = \frac{2}{3}x + 3$

④  $y + x^2 = x^2 + x$

⑤  $y + x = x + 3$

#### 해설

①  $y = x + 2$  는 일차함수이다.

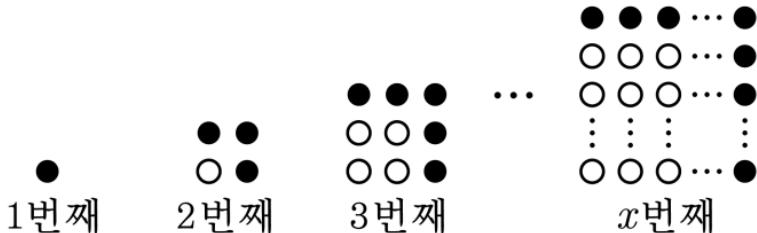
②  $x = 1 - y$ ,  $y = -x + 1$  이므로 일차함수이다.

③  $y = \frac{2}{3}x + 3$  는 일차함수이다. (계수가 분수라고 분수함수가 아니다.)

④  $y + x^2 = x^2 + x$  는  $y = x$  이므로 일차함수이다.

⑤  $y + x = x + 3$ ,  $y = 3$  이므로 상수함수이다.

39. 다음 그림과 같이 점을 찍어 나갈 때,  $x$  번째 그림에 새로 찍어야 할 점의 갯수를  $y$  개라고 하면  $y$ 는  $x$ 의 함수이다. 함수의 관계식은?



- ①  $y = x$       ②  $y = 2x$       ③  $y = x - 1$   
④  $y = 2x - 1$       ⑤  $y = 3x$

### 해설

1번째 : 1

2번째 :  $1 \times 2 + 1$

3번째 :  $2 \times 2 + 1$

4번째 :  $3 \times 2 + 1$

$\vdots$

$x$  번째 :  $(x - 1) \times 2 + 1$

$$\therefore y = 2x - 1$$

40. 다음 중  $y$  가  $x$  의 함수가 아닌 것을 모두 찾으면?

- ㉠ 500 원 중  $x$  원 쓰고  $y$  원 남았다.
- ㉡ 소포의 무게  $yg$  까지는 무계에 관계없이 우편요금은  $x$  원으로 일정하다.
- ㉢ 시속 4km 로  $x$  시간 동안 걸은 거리는  $ykm$  이다.
- ㉣ 밑변이  $x\text{cm}$ , 높이가  $ycm$  인 삼각형의 면적은  $20\text{cm}^2$  이다.
- ㉤  $x$  의 절댓값이  $y$  이다.
- ㉥ 자연수  $x$  의 약수는  $y$  이다.

① ㉡, ㉢

② ㉡, ㉢, ㉣

③ ㉕

④ ㉥

⑤ ㉡, ㉥

해설

㉠  $y = 500 - x$  (함수)

㉡ 여러 개의  $y$ 의 값에  $x$ 의 값은 하나이다. 즉  $x$ 의 값 하나에 여러 개의  $y$ 의 값이 존재하므로 함수가 아니다.

㉢  $x$ 의 값 하나에 여러 개의  $y$ 의 값이 존재하므로 함수가 아니다.

41. 다음 중  $y$  가  $x$  의 함수가 아닌 것은?

- ① 자연수  $x$  의 2배인 수  $y$
- ② 한 변의 길이가  $x\text{cm}$  인 정삼각형 둘레  $\text{ycm}$
- ③ 자연수  $x$  보다 큰 수  $y$
- ④ 자연수  $x$ 의 약수의 개수  $y$
- ⑤ 자연수  $x$ 의  $\frac{1}{3}$  배인 수  $y$

해설

③ 반례 : 자연수 2 보다 큰 수는 3, 4, 5… 무수히 많다.

42. 두 함수  $f(x) = -2x + 3$ ,  $g(x) = x - 6$ 에 대하여  $f(2) = a$ 일 때,  $g(a)$ 의 값은?

① -9

② -7

③ -5

④ -3

⑤ -1

해설

$$f(2) = -4 + 3 = -1$$

$$a = -1$$

$$\therefore g(a) = g(-1) = -1 - 6 = -7$$

43. 함수  $f(x) = ax + 3$ 에 대하여  $f(1) = 1$  일 때,  $f(2) + f(3)$ 의 값은?

① -1

② -2

③ -3

④ -4

⑤ -5

해설

$$f(1) = a + 3 = 1, \quad a = -2$$

$$f(x) = -2x + 3$$

$$f(2) = -2 \times 2 + 3 = -1$$

$$f(3) = -2 \times 3 + 3 = -3$$

$$\therefore f(2) + f(3) = -4$$

44. 함수  $f(x) = ax$  에 대해  $f(2) = 1$  이고, 함수  $g(x) = \frac{b}{x}$  에 대해  $g(-1) = 3$  일 때,  $ab$  의 값은?

- ①  $\frac{1}{2}$       ②  $-\frac{1}{2}$       ③  $-\frac{3}{2}$       ④  $\frac{3}{2}$       ⑤  $-3$

해설

$$2a = 1, a = \frac{1}{2}$$

$$\frac{b}{-1} = 3, b = -3$$

$$\therefore ab = \frac{1}{2} \times (-3) = -\frac{3}{2}$$

45. 다음 중  $y$  가  $x$  에 대한 일차함수인 것은?

- ① 삼각형의 한 각의 크기가  $x^\circ$  일 때, 이 삼각형의 총 내각의 합은  $y^\circ$  이다.
- ② 원의 지름의 길이가  $x\text{cm}$  일 때, 이 원의 넓이는  $y\text{cm}^2$  이다.
- ③ 1 학기 중간고사에서  $x$  점, 기말고사에서 80 점을 맞았을 때, 1 학기 평균 점수는  $y$  점이다.
- ④ 1 문제당  $x$  분 걸리는 수학문제를 1 시간 동안 총  $y$  문제 풀었다.
- ⑤ 1000ml 의 우유를 한 컵에  $x\text{ml}$  씩 따랐더니  $y$  컵이 되었다.

해설

①  $y = 180$

②  $y = \frac{\pi x^2}{4}$

③  $y = \frac{80 + x}{2}$

④  $xy = 60$

⑤  $xy = 1000$

46. 다음 중  $y$ 가  $x$ 에 관한 일차함수인 것을 고르면?

㉠  $x = 2x + 3$

㉡  $y = 2x + 3$

㉢  $y = \frac{2}{x}$

㉣  $y = -6$

㉤  $y = -\frac{3}{4}x - 1$

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉡, ㉤

④ ㉢, ㉣

⑤ ㉣, ㉤

해설

함수  $y = f(x)$ 에서  $y$ 가  $x$ 에 관한 일차식  $y = ax + b$  ( $a, b$ 는 상수,  $a \neq 0$ )의 꼴로 나타내어질 때, 이 함수  $f$ 를 일차함수라 한다.

#### 47. 다음 중 일차함수인 것을 모두 고르면?

- ①  $y = ax + b$  에서  $a \neq 0, b \neq 0$  인 경우
- ②  $y = ax + b$  에서  $a = 0, b \neq 0$  인 경우
- ③  $y = ax + b$  에서  $a \neq 0, b = 0$  인 경우
- ④  $y = ax + b$  에서  $a = 0, b = 0$  인 경우
- ⑤  $y = ax + b$  에서  $ab = 0$  인 경우

#### 해설

- ①  $y = ax + b$  에서  $a \neq 0, b \neq 0$  인 경우는  $x$  의 계수인  $a$  가 0이 아니므로 일차함수이다.
- ②  $y = ax + b$  에서  $a = 0, b \neq 0$  인 경우는  $x$  의 계수인  $a$  가 0이므로 일차함수가 아니다.
- ③  $y = ax + b$  에서  $a \neq 0, b = 0$  인 경우는  $x$  의 계수인  $a$  가 0이 아니므로 일차함수이다.
- ④  $y = ax + b$  에서  $a = 0, b = 0$  인 경우는  $x$  의 계수인  $a$  가 0이므로 일차함수가 아니다.
- ⑤  $y = ax + b$  에서  $ab = 0$  인 경우는 ( $a = 0, b \neq 0$ ), ( $a \neq 0, b = 0$ ), ( $a = 0, b = 0$ ) 의 세 가지 경우가 있으므로 현재 조건으로만은 알 수 없다.